

# ΦΥΣΙΚΗ: ΗΛΕΚΤΡΟΜΑΓΝΗΤΙΣΜΟΣ

Ε.Ε. 2023-2024

Διδάσκοντες: Σ. ΚΟΣΙΩΝΗΣ, Ε. ΠΑΣΠΑΛΑΚΗΣ, και Ι. ΘΑΝΟΠΟΥΛΟΣ

SEARS & ZEMANSKY

# ΠΑΝΕΠΙΣΤΗΜΙΑΚΗ ΦΥΣΙΚΗ με Σύγχρονη Φυσική

4Η ΕΛΛΗΝΙΚΗ ΕΚΔΟΣΗ

ΜΕ QR CODE ΒΙΝΤΕΟ ΠΑΡΑΔΕΙΓΜΑΤΩΝ ΚΑΙ ΔΙΑΦΑΝΕΙΣ ΔΙΔΑΣΚΑΛΙΑΣ

Τόμος Β

ΗΛΕΚΤΡΟΜΑΓΝΗΤΙΣΜΟΣ  
ΟΠΤΙΚΗ - ΣΥΓΧΡΟΝΗ ΦΥΣΙΚΗ

YOUNG ΚΑΙ FREEDMAN

ΑΠΟΛΟΓΗ - ΕΠΙΜΕΛΕΙΑ

Θ. Η. Αλεξόπουλος  
Ι. Α. Αρβανιτιδής  
Α. Α. Αργυρίου  
Ε. Α. Δρής  
Η. Σ. Ζουμπούλης  
Η. Κ. Κατσούφης  
Γ. Α. Κουρούκλης  
Κ. Ε. Παρασκευαΐδης  
Μ. Ν. Πιζάνιας  
Ι. Π. Ρίζος  
Θ. Ν. Τωμαράς  
Κ. Χριστοδουλίδης

ΕΚΔΟΣΕΙΣ ΠΑΠΑΖΗΣΗ

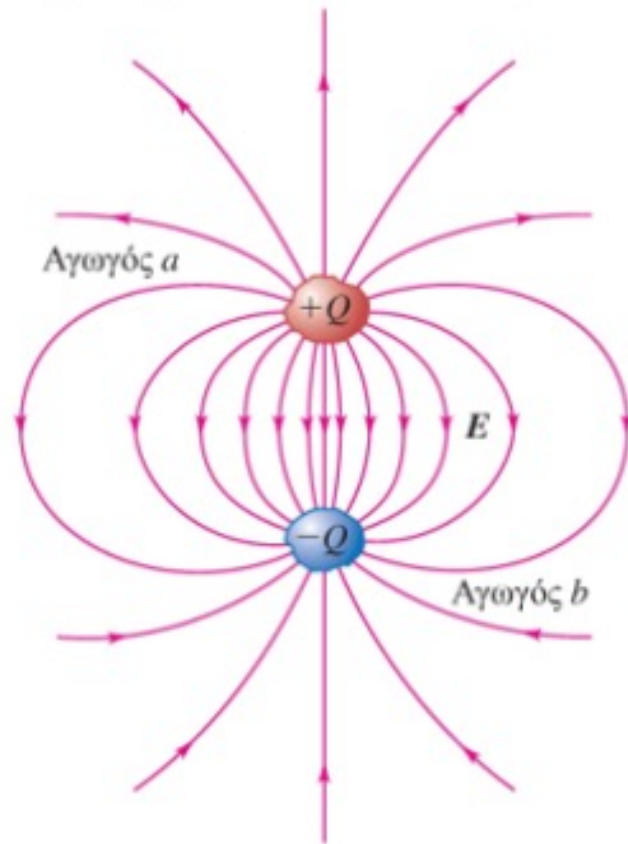
## ΚΕΦΑΛΑΙΟ 24

# ΧΩΡΗΤΙΚΟΤΗΤΑ ΚΑΙ ΔΙΗΛΕΚΤΡΙΚΑ



## Πυκνωτές και χωρητικότητα

**24.1** Δύο αγωγοί  $a$  και  $b$ , μονωμένοι μεταξύ τους, αποτελούν πυκνωτή.



Χωρητικότητα του πυκνωτή  $\rightarrow C = \frac{Q}{V_{ab}}$  (24.1)

Μέτρο του φορτίου στον κάθε αγωγό  
Διαφορά δυναμικού μεταξύ των οπλισμών (ο  $a$  έχει φορτίο  $+Q$  και ο  $b$   $-Q$ )

Η μονάδα χωρητικότητας στο σύστημα SI ονομάζεται **farad** (φαράντ) (1 F), προς τιμή του Michael Faraday (Μάικλ Φαραντέι, Άγγλος φυσικός και χημικός, 1791-1867). Από την Εξ. (24.1), ένα farad = ένα *coulomb* ανά *volt* (1 C/V):

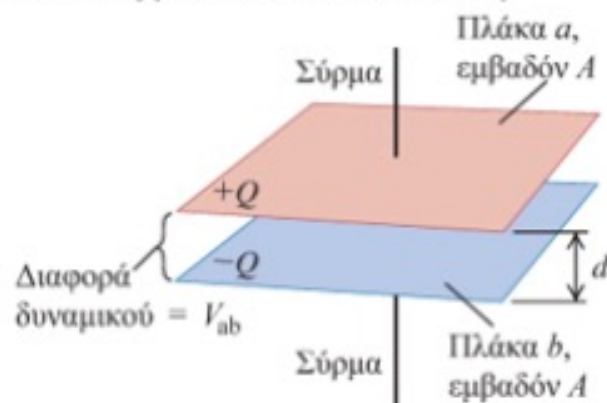
$$1 \text{ F} = 1 \text{ farad} = 1 \text{ C/V} = 1 \text{ coulomb ανά volt}$$

Όσο μεγαλύτερη η χωρητικότητα  $C$  ενός πυκνωτή, τόσο μεγαλύτερο το μέτρο  $Q$  του φορτίου του κάθε οπλισμού για δεδομένη διαφορά δυναμικού  $V_{ab}$  και επομένως τόσο μεγαλύτερη η αποθηκευμένη ενέργεια.

## Πυκνωτής με παράλληλες πλάκες

### 24.2 Φορτισμένος επίπεδος πυκνωτής.

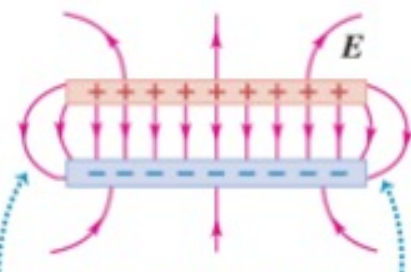
(a) Διάταξη των πλακών του πυκνωτή



$$E = \frac{\sigma}{\epsilon_0} = \frac{Q}{\epsilon_0 A}$$

$$V_{ab} = Ed = \frac{1}{\epsilon_0} \frac{Qd}{A}$$

(b) Πλευρική όψη του ηλεκτρικού πεδίου  $E$



Όταν η απόσταση μεταξύ των πλακών είναι μικρή σε σχέση με τις διαστάσεις τους, το κροσσωτό πεδίο είναι μικρό.

Χωρητικότητα  
επίπεδου πυκνωτή  
στο κενό

$$C = \frac{Q}{V_{ab}}$$

Μέτρο του φορτίου στον κάθε οπλισμό

Εμβαδόν του κάθε οπλισμού

Απόσταση μεταξύ των πλακών

Ηλεκτρική σταθερά

(24.2)

Διαφορά δυναμικού μεταξύ των πλακών

## Πυκνωτές συνδεδεμένοι σε σειρά και παράλληλα

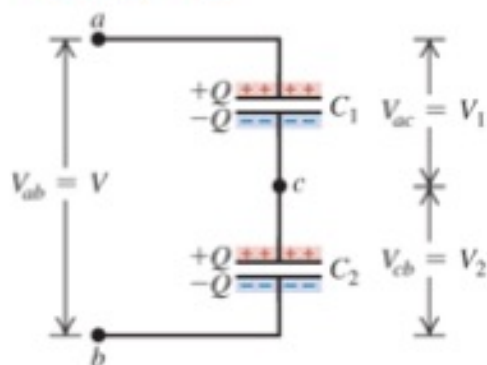
24.8 Σύνδεση σε σειρά δύο πυκνωτών.

(a) Δύο πυκνωτές σε σειρά

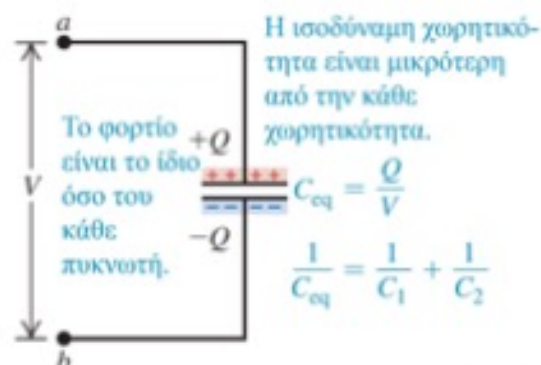
Πυκνωτές σε σειρά:

- Οι πυκνωτές έχουν ίδιο φορτίο  $Q$ .
- Οι διαφορές δυναμικού τους προστίθενται:

$$V_{ac} + V_{cb} = V_{ab}$$



(b) Ο ισοδύναμος πυκνωτής

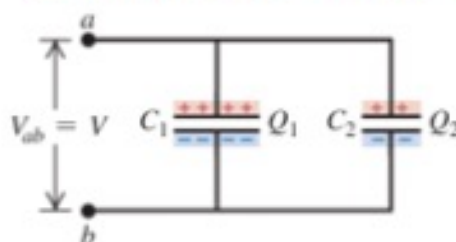


24.9 Παράλληλη σύνδεση δύο πυκνωτών.

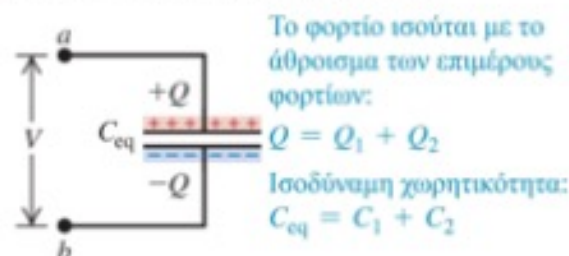
(a) Δύο πυκνωτές παράλληλα

Πυκνωτές παράλληλα:

- Οι πυκνωτές έχουν το ίδιο δυναμικό  $V$ .
- Το φορτίο του κάθε πυκνωτή εξαρτάται από τη χωρητικότητά του:  $Q_1 = C_1 V$ ,  $Q_2 = C_2 V$ .



(b) Ο ισοδύναμος μοναδικός πυκνωτής



## ΠΑΡΑΔΕΙΓΜΑ

Βρείτε την ισοδύναμη χωρητικότητα του συνδυασμού που φαίνεται στο Σχ. 25-7a.

**ΛΥΣΗ** Πρώτα αντικαθιστούμε τον συνδυασμό σε σειρά των  $12\ \mu\text{F}$  και  $6\ \mu\text{F}$  με την ισοδύναμη του χωρητικότητα· την ονομάζουμε  $C'$

$$\frac{1}{C'} = \frac{1}{12\ \mu\text{F}} + \frac{1}{6\ \mu\text{F}}, \quad C' = 4\ \mu\text{F}.$$

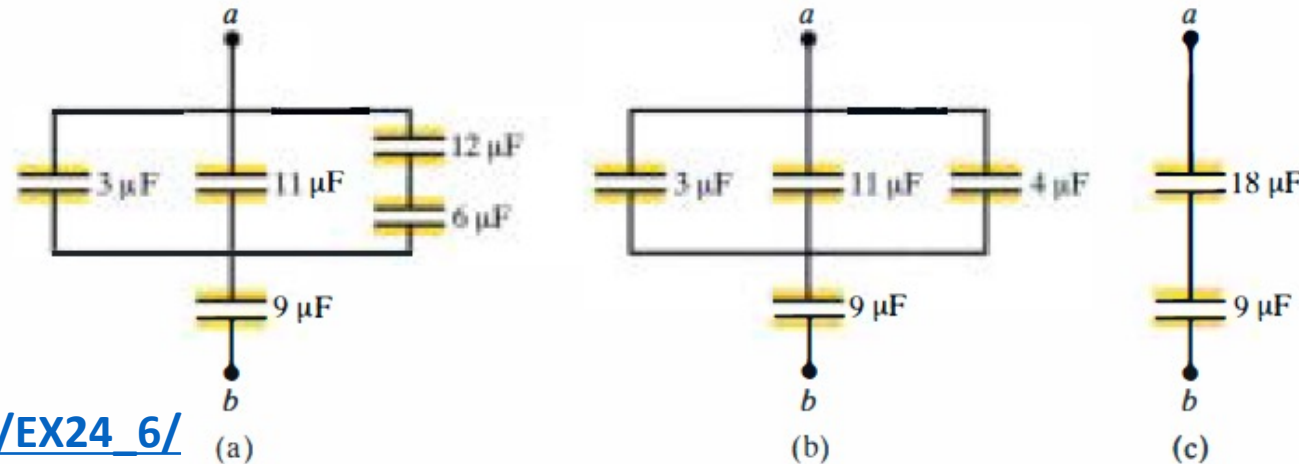
Αυτό μας δίνει τον ισοδύναμο συνδυασμό που φαίνεται στο Σχ. 25-7b, κατόπιν βρίσκουμε την ισοδύναμη χωρητικότητα των τριών πυκνωτών παράλληλα,

Ονομάζουμε την ισοδύναμη χωρητικότητα του συνδυασμού τους  $C''$  και έχουμε

$$C'' = 3\ \mu\text{F} + 11\ \mu\text{F} + 4\ \mu\text{F} = 18\ \mu\text{F}.$$

Αυτό μας δίνει τον ισοδύναμο συνδυασμό που φαίνεται στο Σχ. 25-7c. Τέλος βρίσκουμε την ισοδύναμη χωρητικότητα  $C_{\text{eq}}$  αυτών των δύο χωρητικότητων σε σειρά:

$$\frac{1}{C_{\text{eq}}} = \frac{1}{18\ \mu\text{F}} + \frac{1}{9\ \mu\text{F}}, \quad C_{\text{eq}} = 6\ \mu\text{F}.$$



[https://videos.papazissi.gr/EX24\\_6/](https://videos.papazissi.gr/EX24_6/)

25-7 (a) Εύρεση της ισοδύναμης χωρητικότητας μεταξύ των σημείων a και b: (b) Απεικονίζεται η χωρητικότητα δύο πυκνωτών συνδεδεμένων σε σειρά· (c) Απεικονίζεται η ισοδύναμη χωρητικότητα τριών πυκνωτών συνδεδεμένων παράλληλα.



## Αποθήκευση ενέργειας σε πυκνωτές και ενέργεια ηλεκτρικού πεδίου

$$dW = v dq = \frac{q dq}{C}$$

$$W = \int_0^W dW = \frac{1}{C} \int_0^Q q dq = \frac{Q^2}{2C}$$

Δυναμική ενέργεια αποθηκευμένη σε πυκνωτή

Μέτρο του φορτίου σε κάθε οπλισμό

$$U = \frac{Q^2}{2C} = \frac{1}{2} CV^2 = \frac{1}{2} QV \quad (24.9)$$

Χωρητικότητα

Διαφορά δυναμικού μεταξύ οπλισμών

$$u = \text{Πυκνότητα ενέργειας} = \frac{\frac{1}{2} CV^2}{Ad} \quad (24.10)$$

$$C = \epsilon_0 A/d.$$

$$V = Ed.$$

Πυκνότητα ηλεκτρικής ενέργειας στο κενό

$$u = \frac{1}{2} \epsilon_0 E^2 \quad (24.11)$$

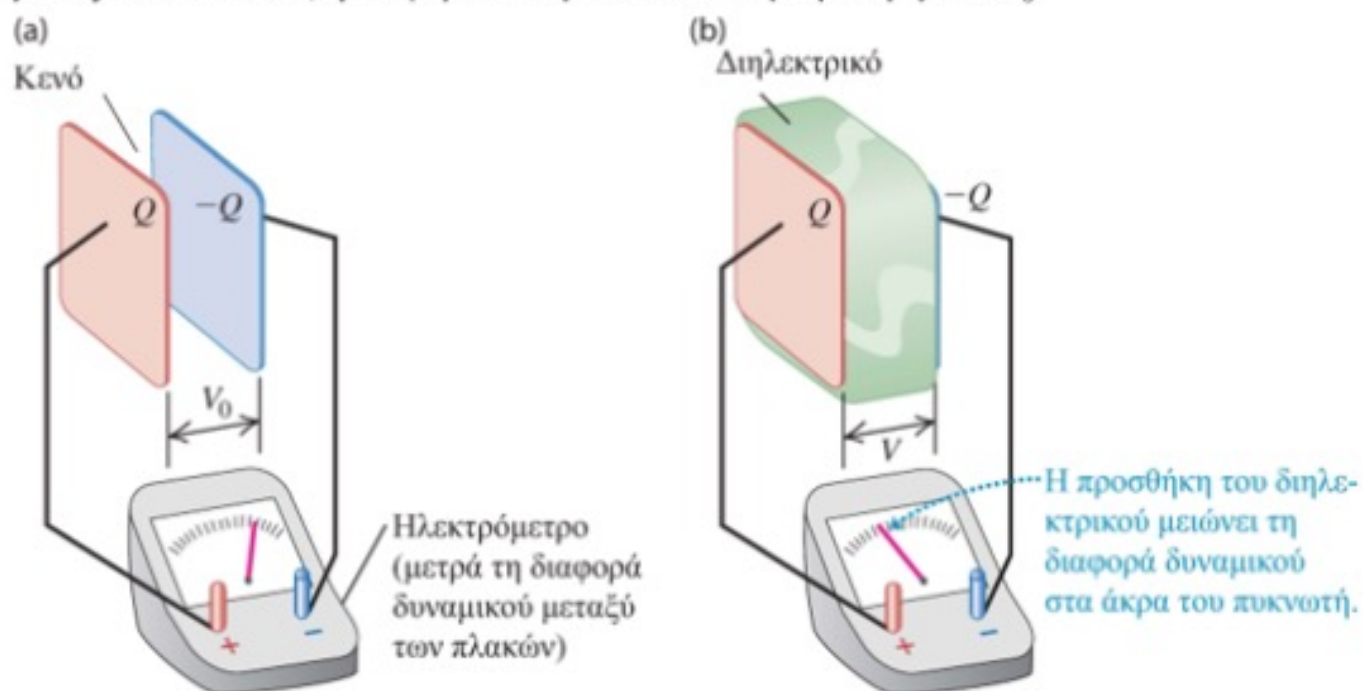
Μέτρο του ηλεκτρικού πεδίου

Ηλεκτρική σταθερά



## Διηλεκτρικά

**24.14** Επίδραση διηλεκτρικού μεταξύ των πλακών επίπεδου πυκνωτή. (a) Για δεδομένο φορτίο, η διαφορά δυναμικού είναι  $V_0$ . (b) Για το ίδιο φορτίο αλλά με διηλεκτρικό μεταξύ των πλακών, η διαφορά δυναμικού  $V$  είναι μικρότερη από  $V_0$ .

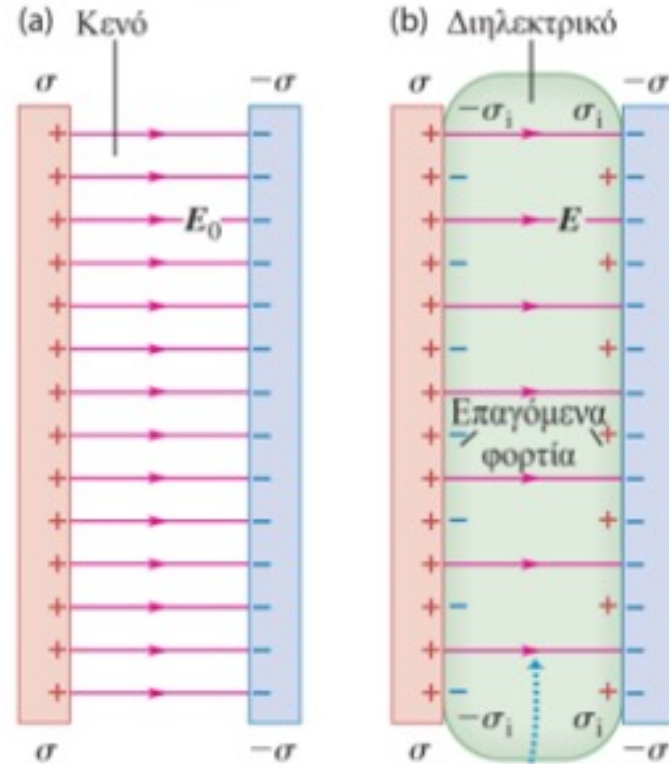


$$K = \frac{C}{C_0} \quad (\text{ορισμός της διηλεκτρικής σταθεράς}) \quad (24.12)$$

$$V = \frac{V_0}{K} \quad (\text{όταν το } Q \text{ είναι σταθερό}) \quad (24.13)$$

## Επαγόμενο φορτίο και πόλωση

**24.15** Γραμμές ηλεκτρικού πεδίου με (a) κενό μεταξύ των οπλισμών και (b) διηλεκτρικό μεταξύ των οπλισμών.



Για δεδομένη πυκνότητα φορτίου  $\sigma$ , τα επαγόμενα φορτία στις επιφάνειες του διηλεκτρικού μειώνουν το ηλεκτρικό πεδίο μεταξύ των οπλισμών.

$$E = \frac{E_0}{K} \quad (\text{όταν το } Q \text{ είναι σταθερό}) \quad (24.14)$$

$$E = \frac{\sigma}{\epsilon} \quad (24.18)$$

Χωρητικότητα ενός επίπεδου πυκνωτή, διηλεκτρικό μεταξύ των οπλισμών  $\rightarrow$   $C = KC_0 = K\epsilon_0 \frac{A}{d} = \epsilon \frac{A}{d}$   $\leftarrow$  Επιτρεπτότητα =  $K\epsilon_0$

Διηλεκτρική σταθερά  $\rightarrow$   $K$   $\leftarrow$  Επιφάνεια του κάθε οπλισμού  $\rightarrow$   $A$   $\leftarrow$  Αποστάση μεταξύ των οπλισμών  $\rightarrow$   $d$

Χωρητικότητα χωρίς διηλεκτρικό  $\rightarrow$   $C_0$   $\leftarrow$  Ηλεκτρική σταθερά  $\rightarrow$   $\epsilon$

Πυκνότητα ηλεκτρικής ενέργειας στο διηλεκτρικό  $\rightarrow$   $u = \frac{1}{2}K\epsilon_0 E^2 = \frac{1}{2}\epsilon E^2$   $\leftarrow$  Επιτρεπτότητα =  $K\epsilon_0$

Διηλεκτρική σταθερά  $\rightarrow$   $K$   $\leftarrow$  Ηλεκτρική σταθερά  $\rightarrow$   $\epsilon$   $\leftarrow$  Μέτρο του ηλεκτρικού πεδίου  $\rightarrow$   $E$

$$E_0 = \frac{\sigma}{\epsilon_0} \quad E = \frac{\sigma - \sigma_i}{\epsilon_0}$$

$$E = \frac{E_0}{K}$$

$$\sigma_i = \sigma \left( 1 - \frac{1}{K} \right)$$

Επαγόμενη επιφανειακή πυκνότητα φορτίου

# ΚΕΦΑΛΑΙΟ 25

## ΡΕΥΜΑ, ΑΝΤΙΣΤΑΣΗ ΚΑΙ ΗΛΕΚΤΡΕΓΕΡΤΙΚΗ ΔΥΝΑΜΗ

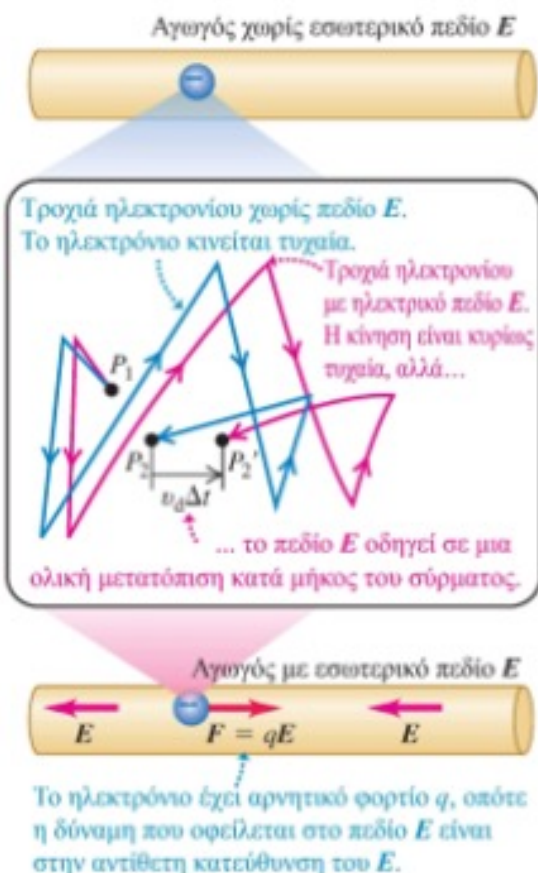


## ΡΕΥΜΑ

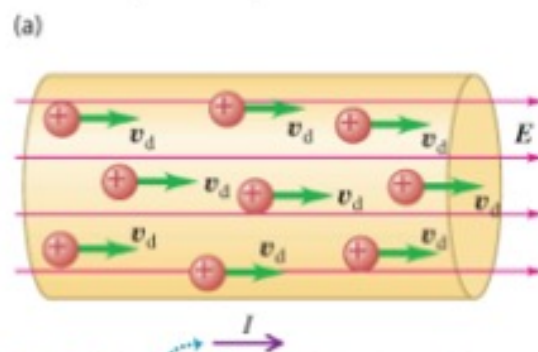
### Η κατεύθυνση ροής του ρεύματος

**25.1** Αν δεν υπάρχει ηλεκτρικό πεδίο μέσα στον αγωγό, το ηλεκτρόνιο κινείται τυχαία από το σημείο  $P_1$  στο σημείο  $P_2$  σε χρόνο  $\Delta t$ . Αν υπάρχει ηλεκτρικό πεδίο  $E$ , η ηλεκτρική δύναμη  $F = qE$  επιβάλλει μια μικρή ολίσθηση (στο σχήμα φαίνεται υπερβολικά μεγάλη) που φέρνει το ηλεκτρόνιο στο σημείο  $P'_2$  σε απόσταση  $v_d \Delta t$  από το  $P_2$  κατά την κατεύθυνση της δύναμης.

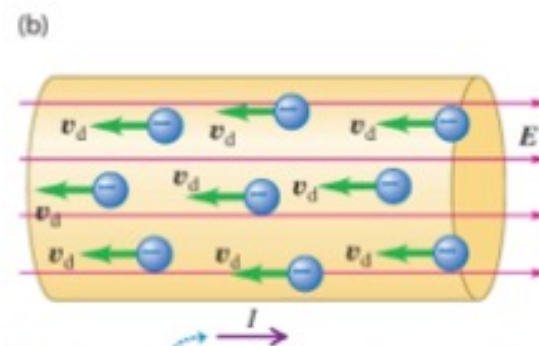
Η κίνηση αυτή περιγράφεται με την **ταχύτητα ολίσθησης**  $v_d$  των σωματιδίων. Το τελικό αποτέλεσμα είναι να υπάρχει μακροσκοπικό ρεύμα στον αγωγό.



**25.2** Το ίδιο ρεύμα παράγεται (a) από θετικά φορτία κινούμενα στην κατεύθυνση του ηλεκτρικού πεδίου  $E$ , ή (b) από τον ίδιο αριθμό αρνητικών φορτίων, κινούμενων με την ίδια ταχύτητα σε αντίθετη κατεύθυνση από αυτήν του  $E$ .



Το συμβατικό ρεύμα εξετάζεται ως ροή θετικών φορτίων, ανεξάρτητα από το αν τα κινούμενα φορτία στον αγωγό είναι μόνο θετικά, μόνο αρνητικά ή και από τα δύο είδη.

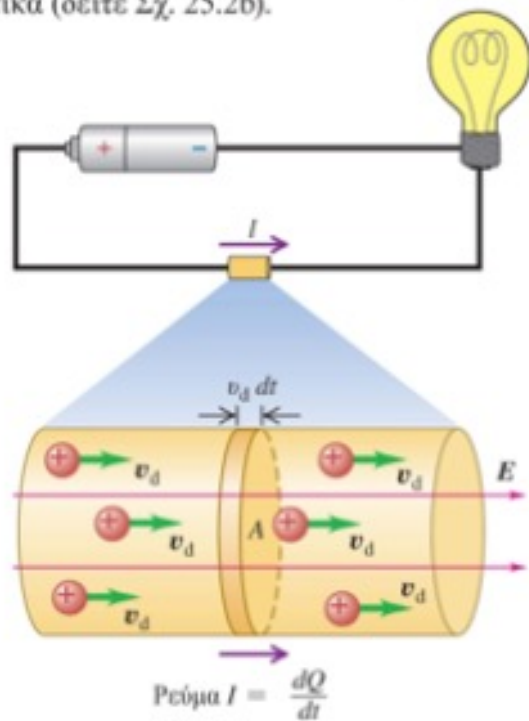


Σε έναν μεταλλικό αγωγό τα κινούμενα φορτία είναι ηλεκτρόνια – παρ' όλα αυτά το ρεύμα και πάλι έχει τη φορά κατά την οποία θα κινούνταν τα θετικά φορτία.



## Ρεύμα, ταχύτητα ολίσθησης και πυκνότητα ρεύματος

**25.3** Το ρεύμα  $I$  είναι ο ρυθμός μεταφοράς του φορτίου διαμέσου της επιφάνειας διατομής  $A$ . Η μέση τιμή της τυχαίας συνιστώσας κίνησης κάθε κινούμενου φορτισμένου σωματιδίου είναι μηδέν. Το ρεύμα έχει την ίδια φορά με το  $E$  ανεξάρτητα από το αν τα κινούμενα φορτία είναι θετικά (όπως φαίνεται εδώ) ή αρνητικά (δείτε Σχ. 25.2b).



$$I = \frac{dQ}{dt} \quad (\text{ορισμός του ρεύματος}) \quad (25.1)$$

Ρυθμός με τον οποίο ρέει φορτίο μέσα από την επιφάνεια

Ρεύμα μέσα από κάποια επιφάνεια  $I = \frac{dQ}{dt} = n|q|v_d A$

Ταχύτητα ολίσθησης  
Εμβαδόν διατομής  
Φορτίο σωματιδίου

Συγκέντρωση κινούμενων φορτισμένων σωματιδίων

(25.2)

$$J = \frac{I}{A} = n|q|v_d \quad (\text{πυκνότητα ρεύματος}) \quad (25.3)$$

Διανυσματική πυκνότητα ρεύματος  $J = nq\mathbf{v}_d$

Ταχύτητα ολίσθησης  
Φορτίο σωματιδίου

Συγκέντρωση κινούμενων φορτισμένων σωματιδίων

(25.4)

## ΕΙΔΙΚΗ ΑΝΤΙΣΤΑΣΗ

Ορίζουμε την ειδική αντίσταση  $\rho$  ενός υλικού ως

$$(V/m)/(A/m^2) = V \cdot m/A.$$

$$\rho = \frac{E}{J} \quad (25.5)$$

Ειδική αντίσταση ενός υλικού  $\rho$  =  $\frac{E}{J}$

Μέτρο του ηλεκτρικού πεδίου στο υλικό  $E$

Μέτρο της πυκνότητας ρεύματος που δημιουργεί το ηλεκτρικό πεδίο  $J$

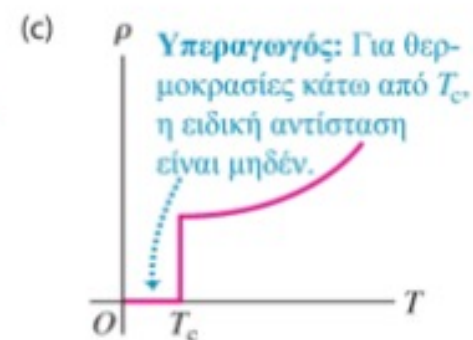
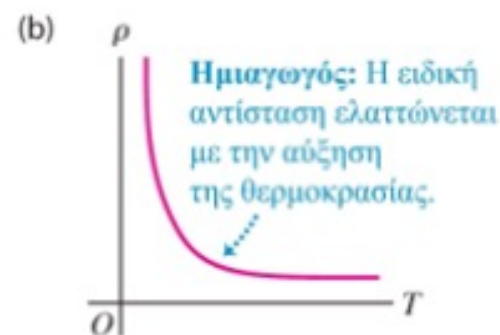
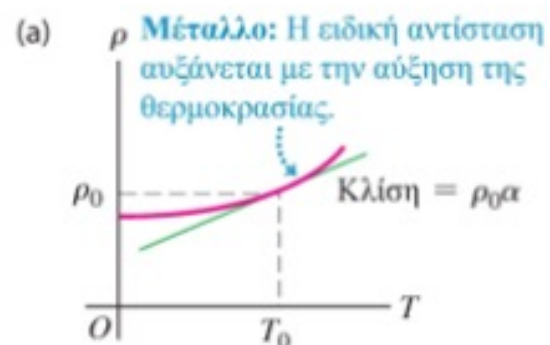
$$1 \text{ V/A} \quad \text{ohm}$$

**ΠΙΝΑΚΑΣ 25.1** Ειδικές Αντιστάσεις σε Θερμοκρασία Δωματίου (20 °C)

Υλικό	$\rho$ ( $\Omega \cdot m$ )	Υλικό	$\rho$ ( $\Omega \cdot m$ )	
<b>Αγωγοί</b>		<b>Ημιαγωγοί</b>		
Μέταλλα	Αργυρος	$1,47 \times 10^{-8}$	Καθαρός άνθρακας (γραφίτης)	
	Χαλκός	$1,72 \times 10^{-8}$	Καθαρό γερμάνιο	
	Χρυσός	$2,44 \times 10^{-8}$	Καθαρό πυρίτιο	
	Αλουμίνιο	$2,75 \times 10^{-8}$	<b>Μονωτές</b>	
	Βολφράμιο	$5,25 \times 10^{-8}$		Κεχριμπάρι (ήλεκτρον)
	Χάλυβας	$20 \times 10^{-8}$		Γυαλί
	Μόλυβδος	$22 \times 10^{-8}$		Λουσίτης
	Υδράργυρος	$95 \times 10^{-8}$		Μίκα
	Κράματα	Μαγγανίνη (Cu 84 %, Mn 12 %, Ni 4 %)	$44 \times 10^{-8}$	Χαλαζίας (λιωμένος)
Κονσταντάνη (Cu 60 %, Ni 40 %)		$49 \times 10^{-8}$	Θείον (θειάφι)	
Χρομονικελίνη		$100 \times 10^{-8}$	Τεφλόν	
		Ξύλο	$10^8 - 10^{11}$	

## Ειδική αντίσταση και θερμοκρασία

**25.6** Μεταβολή της ειδικής αντίστασης  $\rho$  συναρτήσει της απόλυτης (θερμοδυναμικής) θερμοκρασίας  $T$  για (a) κανονικό μέταλλο, (b) ημιαγωγό, και (c) υπεραγωγό. Στο (a) η γραμμική προσέγγιση του  $\rho$  συναρτήσει της θερμοκρασίας  $T$  φαίνεται στο σχήμα με πράσινη γραμμή· η προσέγγιση βρίσκεται σε απόλυτη σύμπτωση για  $T = T_0$ , όπου  $\rho = \rho_0$ .



Σε μικρή περιοχή θερμοκρασιών (μέχρι 100 °C περίπου), η ειδική αντίσταση ενός μετάλλου μπορεί προσεγγιστικά να παρασταθεί από τη σχέση

Εξάρτηση της ειδικής αντίστασης από τη θερμοκρασία:

$$\rho(T) = \rho_0 [1 + \alpha(T - T_0)] \quad (25.6)$$

Ειδική αντίσταση σε θερμοκρασία  $T$

Θερμικός συντελεστής ειδικής αντίστασης

Ειδική αντίσταση στη θερμοκρασία αναφοράς  $T_0$