

# Διαδικαστικός Προγραμματισμός

(ECE\_Y215)

Επιπρόσθετες  
Βιβλιοθήκες  
στη C

# Πρόγραμμα Διαλέξεων & Δραστηριοτήτων

Ημερομηνία	Περιεχόμενο
23 Απριλίου 2021 09:00 – 10:00	Εισαγωγή & GSL - GNU Scientific Library (1/2) <ul style="list-style-type: none"><li>• εξειδικευμένος επιστημονικός υπολογισμός</li></ul>
14 Μαΐου 2021 09:00 – 10:00	GSL - GNU Scientific Library (2/2) <ul style="list-style-type: none"><li>• εξειδικευμένος επιστημονικός υπολογισμός</li></ul>
21 Μαΐου 2021 09:00 – 10:00	GMP - GNU MultiPrecision Library (1/2) <ul style="list-style-type: none"><li>• αυθαίρετη αριθμητική ακρίβεια σε αριθμούς</li></ul>
28 Μαΐου 2021 09:00 – 10:00	GMP - GNU MultiPrecision Library (2/2) <ul style="list-style-type: none"><li>• αυθαίρετη αριθμητική ακρίβεια σε αριθμούς</li></ul>
Δραστηριότητες	Παράδοση
1 <sup>η</sup> Δραστηριότητα: 23 Απριλίου	10 Μαΐου 2021 (+ 0.25 μονάδες στον τελικό βαθμό)
2 <sup>η</sup> Δραστηριότητα: 14 Μαΐου	28 Μαΐου 2021 (+ 0.25 μονάδες στον τελικό βαθμό)

# Στόχοι

- Ο σκοπός της σημερινής διάλεξης είναι η περαιτέρω ενασχόληση με τη βιβλιοθήκη **GMP**: *GNU MultiPrecision Library*
- Να αναφερθούμε σε **παραδείγματα** ώστε να εμπεδώσουμε καλύτερα τις θεωρητικές γνώσεις
- Να **ασχοληθούμε με προβλήματα** που απαιτούν αυθαίρετη αριθμητική ακρίβεια στους υπολογιστικούς υπολογισμούς:
  - κρυπτογραφία
  - αλγόριθμος ασύμμετρης κρυπτογραφίας – RSA
  - υλοποίηση του RSA μέσω της GMP

# Από προηγούμενες διαλέξεις

Βιβλιοθήκη είναι μια συλλογή **μεταγλωττισμένων μονάδων** που μπορούν να συνδεθούν (**linked**) στα προγράμματά μας μέσω των διεπαφών (**header files - interfaces**) που παρέχουν.

Με άλλα λόγια κάθε βιβλιοθήκη αποτελείτε από **δυσδικά** αρχεία σε object code (\*.o) που περιέχουν **υλοποιήσεις** όλων των συναρτήσεων που έχουν **δηλωθεί** στα αρχεία επικεφαλίδων .h

Basic C Library

Header Files

Binary Files

GMP Library

Header Files

Binary Files

- `# include <stdio.h>`
- `# include "gmp.h"`
- ...

# Η Βιβλιοθήκη της GMP: Υπολογισμός Παραγοντικού

Θέλουμε να γράψουμε ένα πρόγραμμα το οποίο να βρίσκει το παραγοντικό οποιαδήποτε αριθμού  $n$ . Παραγοντικό  $5! = 1 * 2 * 3 * 4 * 5$

```
void compute_fact_basic_c(int n){
    int c;
    int p = 1;
    for (c=1; c <= n ; c++){
        p = p * c;
    }
    printf("%d! = %d",n,p);
}
```

**10! = 3628800**

**15! = 2004310016**

**100! = 0**

```
void compute_fact_gmp(int n){
    int c;
    mpz_t p;
    mpz_init_set_ui(p,1);
    for (c=1; c <= n ; c++) mpz_mul_ui(p,p,c);
    printf ("%d! = ", n);
    gmp_printf("%Zd\n",p);
    mpz_clear(p);
}
```

**100! = 93326215443944152681699238856266700490715968264  
38162146859296389521759999322991560894146397615651828625  
3697920827223758251185210916864000000000000000000000000**

# Η Βιβλιοθήκη της GMP: Υπολογισμός Παραγοντικού

Ο πηγαίος κώδικας του παραδείγματος βρίσκεται στο eclass:  
[lecture24] **GMP-FACTOR**

- Τρίτη έκδοση (πλήρως GMP συμβατή):

```
void compute_fact_gmp2(mpz_t *n){
    mpz_t fact;
    mpz_init_set_ui(fact,1);
    mpz_t p;
    mpz_init_set_ui(p,1);
    while(mpz_cmp(p,*n)<=0){
        mpz_mul(fact,fact,p);
        mpz_add_ui(p,p,1);
    }
    gmp_printf("%Zd\n",fact);
    mpz_clear(p);
    mpz_clear(fact);
}
```

Η συνάρτηση **compute\_fact\_gmp2**:

- Δέχεται ως όρισμα έναν δείκτη σε δομή ακεραίου αριθμού αυθαίρετης ακρίβειας

Αντικαθιστούμε τη **for** με μια **while**

Αποδεσμεύουμε τη μνήμη

# Η Βιβλιοθήκη της GMP: Ακολουθία Fibonacci

Θέλουμε να γράψουμε ένα πρόγραμμα το οποίο να βρίσκει τον αριθμό **Fibonacci** για ακολουθία **n αριθμών**. π.χ. 0,1,1,2,3,5,6,13,21 etc.

```
void compute_fibonacci_basic_c(int n){
    int i, fibo, prev1, prev2;
    prev1=0;
    prev2=1;
    printf("Fibonacci Series: %d, %d, ", prev1, prev2);
    for(i=2;i<=n;i++){
        fibo=prev1+prev2;
        printf(" %d,", fibo);
        prev1=prev2;
        prev2=fibo;
    }
}
```

```
void compute_fibonacci_gmp(int n){
    int i;
    mpz_t fibo, prev1, prev2;
    mpz_init(fibo);
    mpz_init_set_ui(prev1, 0);
    mpz_init_set_ui(prev2, 1);
    gmp_printf("Fibonacci Series (n=%d):%Zd,%Zd", n, prev1, prev2);
    for(i=2;i<=n;i++){
        mpz_add(fibo, prev1, prev2);
        gmp_printf(" %Zd", fibo);
        mpz_set(prev1, prev2);
        mpz_set(prev2, fibo);
    }
    mpz_clear(fibo);
    mpz_clear(prev1);
    mpz_clear(prev2);
}
```

Fibonacci Series (n=30):0,1, 1,2,3,5,8,13,21,34,55,89,144,233,377,610,987,1597,2584,4181,6765,10946,17711,28657,46368,75025,121393,196418,317811,514229,832040,

Fibonacci Series (n=30):0,1,1,2,3,5,8,13,21,34,55,89,144,233,377,610,987,1597,2584,4181,6765,10946,17711,28657,46368,75025,121393,196418,317811,514229,832040,

# Η Βιβλιοθήκη της GMP: Ακολουθία Fibonacci

Ο πηγαίος κώδικας του παραδείγματος βρίσκεται στο eclass:  
[lecture24] **GMP-FIBONACCI**

```
void compute_fibonacci_basic_c(int n);
void compute_fibonacci_gmp(int n);
int main()
{
    compute_fibonacci_basic_c(100);
    printf("\n\n");
    compute_fibonacci_gmp(100);
    return 0;
}
```

32-bit: **2.147.483.647**

```
Fibonacci Series (n=100):0,1,1,2,3,5,8,13,21,34,55,89,144,233,377,610,987,1597,25
84,4181,6765,10946,17711,28657,46368,75025,121393,196418,317811,514229,832040,134
6269,2178309,3524578,5702887,9227465,14930352,24157817,39088169,62245086,10233415
5,165580141,267914296,433494437,701408733,1134903170,1836311905,-1323752223,5255
9680,-811192543,-298632863,-1109825406,-1408458269,1776683621,308235252,31440897
3,-1781832971,363076002,-1418756969,-1055680967,1820529360,764848393,-1709589543,
-944741150,1640636603,695895453,-1958435240,-1262539787,1073992269,-188547518,885
444751,696897233,1582341984,-2015728079,-433386095,1845853122,1412467027,-1036647
147,375819880,-660827267,-285007387,-945834654,-1230842041,2118290601,887448560,-
1289228135,-401779575,-1691007710,-2092787285,511172301,-1581614984,-1070442683,1
642909629,572466946,-2079590721,-1507123775,708252800,-798870975,-90618175,-88948
9150,-980107325
```

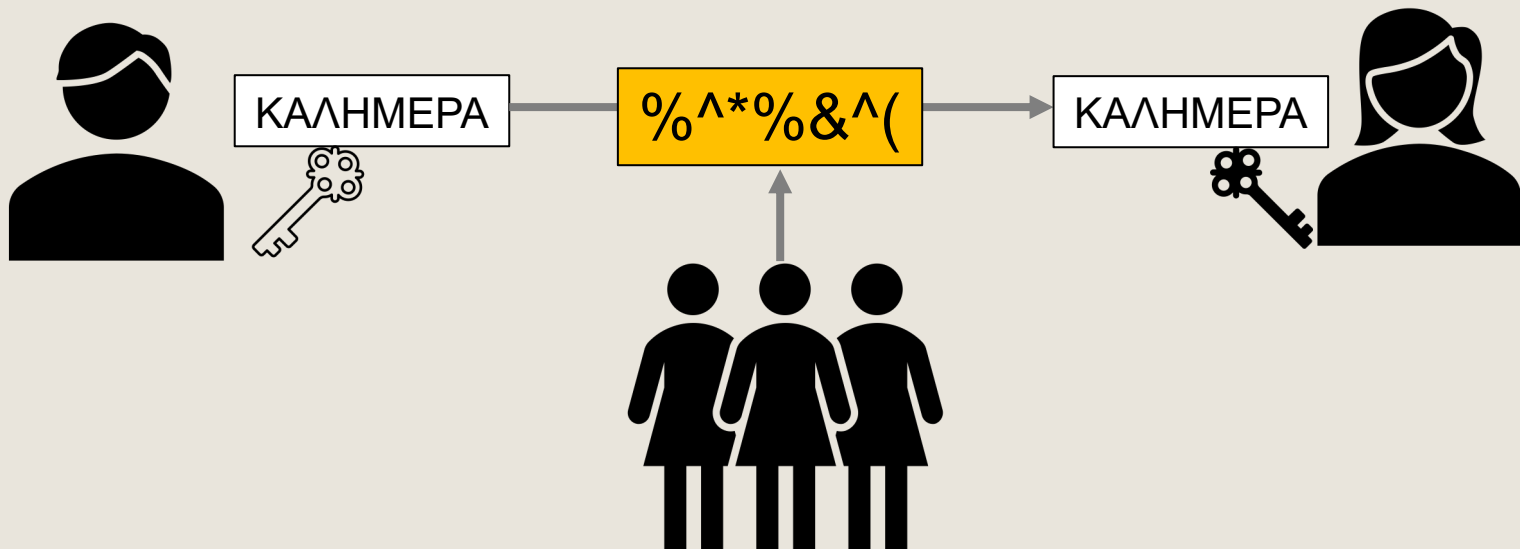
```
Fibonacci Series (n=100):0,1,1,2,3,5,8,13,21,34,55,89,144,233,377,610,987,1597,25
84,4181,6765,10946,17711,28657,46368,75025,121393,196418,317811,514229,832040,134
6269,2178309,3524578,5702887,9227465,14930352,24157817,39088169,62245086,10233415
5,165580141,267914296,433494437,701408733,1134903170,1836311905,2971215073,481752
6976,7778742049,12586269025,20365011074,32951280099,53316291175,86267571377,13958
3862445,225851433717,365435296162,591286729879,956722026041,1548008755920,2504730
781961,4052739537881,6557470319842,10610209857723,17167680177565,27777890035288,4
4945570212853,72723460248141,117669030460994,190392490709135,308061521170129,4984
54011879264,806515533049393,1304969544928657,2111485077978050,3416454622906707,55
27939700884757,8944394323791464,14472334024676221,23416728348467685,3788906237314
3906,61305790721611591,99194853094755497,160500643816367088,259695496911122585,42
0196140727489673,679891637638612258,1100087778366101931,1779979416004714189,28800
67194370816120,4660046610375530309,7540113804746346429,12200160415121876738,19740
274219868223167,31940434634990099905,51680708854858323072,83621143489848422977,13
721872241586716040,218933025034555160036,354221418170361015075
```

Ο πηγαίος κώδικας των σημερινών ασκήσεων υπάρχει στο eclass [lecture 24]



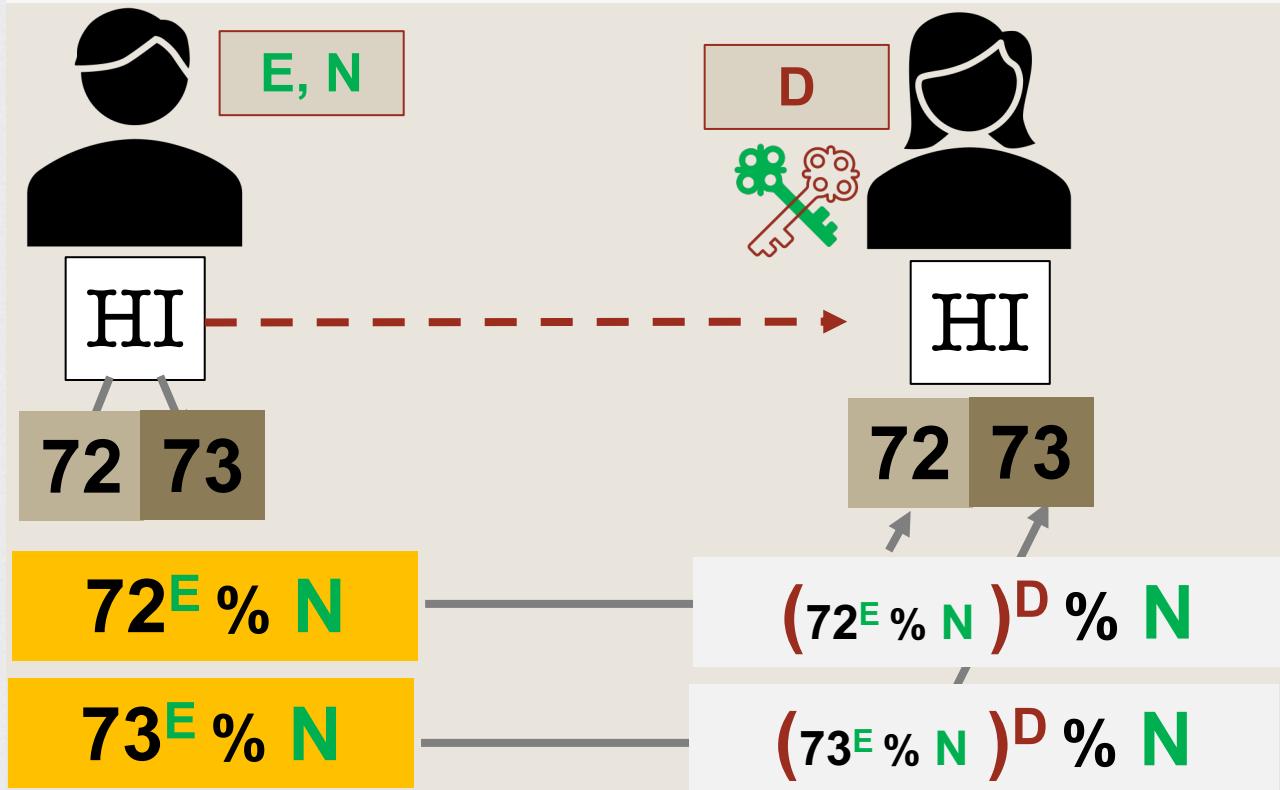
# Από την προηγούμενη διάλεξη: Κρυπτογραφία

Το πρόβλημα της κρυπτογραφίας είναι ένα διαχρονικό πρόβλημα της ασφαλούς επικοινωνίας. Στόχος είναι αν το μήνυμα της επικοινωνίας υποκλαπεί να μην μπορεί να κατανοηθεί με εύκολο τρόπο.



# Από το προηγούμενο μάθημα: Ασύμμετρη Κρυπτογραφία

ASCII printable characters			
32	space	64	@
33	!	65	A
34	"	66	B
35	#	67	C
36	\$	68	D
37	%	69	E
38	&	70	F
39	'	71	G
40	(	72	H
41	)	73	I
42	*	74	J
43	+	75	K
44	,	76	L
45	-	77	M
46	.	78	N
47	/	79	O
48	0	80	P
49	1	81	Q
50	2	82	R
51	3	83	S
52	4	84	T
53	5	85	U
54	6	86	V
55	7	87	W
56	8	88	X
57	9	89	Y
58	:	90	Z
59	;	91	[
60	<	92	\
61	=	93	]
62	>	94	^
63	?	95	_
		96	`
		97	a
		98	b
		99	c
		100	d
		101	e
		102	f
		103	g
		104	h
		105	i
		106	j
		107	k
		108	l
		109	m
		110	n
		111	o
		112	p
		113	q
		114	r
		115	s
		116	t
		117	u
		118	v
		119	w
		120	x
		121	y
		122	z
		123	{
		124	
		125	}
		126	~




# RSA - Ασύμμετρη Κρυπτογραφία Αλγόριθμος (1977)



- Βρίσκουμε δυο μεγάλους πρώτους αριθμούς  $p, q$ .
- Υπολογίζουμε τον αριθμό  $N=p*q$
- Υπολογίζουμε τον αριθμό  $\Phi(N)=(p-1)*(q-1)$  (αναπαριστά το σύνολο των αριθμών οι οποίοι δεν έχουν κανένα κοινό παράγοντα με τον  $N$ )
- Υπολογίζουμε έναν ακέραιο  $E$  στο διάστημα  $(1, \Phi)$  με κριτήριο τέτοιο ώστε οι αριθμοί  $E$  και  $\Phi$  να μη έχουν κοινό παράγοντα παρά μόνο τον αριθμό  $1$  (Μ.Κ.Δ.=1)
- Υπολογίζουμε έναν ακέραιο  $D$  στο διάστημα  $(1, \Phi)$  με κριτήριο ο αριθμός  $D*E-1$  να είναι πολλαπλάσιος του  $A$



**Δημόσιο Κλειδί:** Οι αριθμοί  $N$  και  $E$  απαρτίζουν το δημόσιο κλειδί. Οι δυο αριθμοί χρησιμοποιούνται στην κρυπτογράφηση



**Ιδιωτικό Κλειδί:** Οι αριθμός  $D$  είναι το ιδιωτικό κλειδί και πρέπει να παραμείνει κρυφό

# Ασύμμετρη Κρυπτογραφία RSA: Βήμα 1<sup>ο</sup> - Υπολογισμός του N

Ενδεικτικό πηγαίος κώδικας βρίσκεται στην εκφώνηση της 3<sup>ης</sup> Δραστηριότητας στο eclass: [lecture24] [GMP - Δραστηριότητα 3](#)

```
#include "gmp.h"
#include <time.h>
#include <unistd.h>
void init_gmp_rand(gmp_randstate_t *stat);
void generate_prime(mpz_t* p,gmp_randstate_t
int main()
{
    int prime_bits;
    printf("Enter RSA Encryption bits: ");
    scanf("%d",&prime_bits);

    gmp_randstate_t stat;
    init_gmp_rand(&stat);

    mpz_t p,q;
    generate_prime(&p,&stat, &prime_bits);
    generate_prime(&q,&stat, &prime_bits);
    gmp_printf("p = %Zd\n",p);
    gmp_printf("q = %Zd\n",q);

    mpz_mul(N,p,q);
```

RSA - ENCRYPTION

RSA - Calculate p,q, N

Enter RSA Encryption bits: 1024

p = 5615760597909236528972066000006037302296000482073946811735810445639349159727  
61324100318915865432579823084491517789662521211872105495187144474661044446180316  
63213955355002147328639982492353123173666234586426025810773526056164938007332437  
803362801654920755821346098901619786629466059712848204959307533191815063

q = 6815067584447785440844068773599589255262219108058269009364143763122352862160  
60143634955668904399907853023564555679351139307406538619083188474354778344958344  
52242037146695574679416417562081807834641435666682252828710430742169862120737865  
444164994714049028120912964992818398698986796260208101292674816688567163

N = 382717880128303518777957425580456633017015691972733479352566622181789003165  
55750049214871389120656590128524861771830136500918398365332954145564854723050274  
43733058617774798330407402406979530375720369879347345139510142527739426254476660  
74933522284975942097977846165451785592459310280748395254831774600487819301773199  
14317339797679408097598111907614121670913041726264551490736529643956129898562619  
36286898740787292960799611700832619898293296898354497130324252652417242456845367  
21874856444225069546571384449502284200857042852300652148607260179336703526252347  
911256276240901066879371961404917189226647843969840750576269

# Ασύμμετρη Κρυπτογραφία RSA

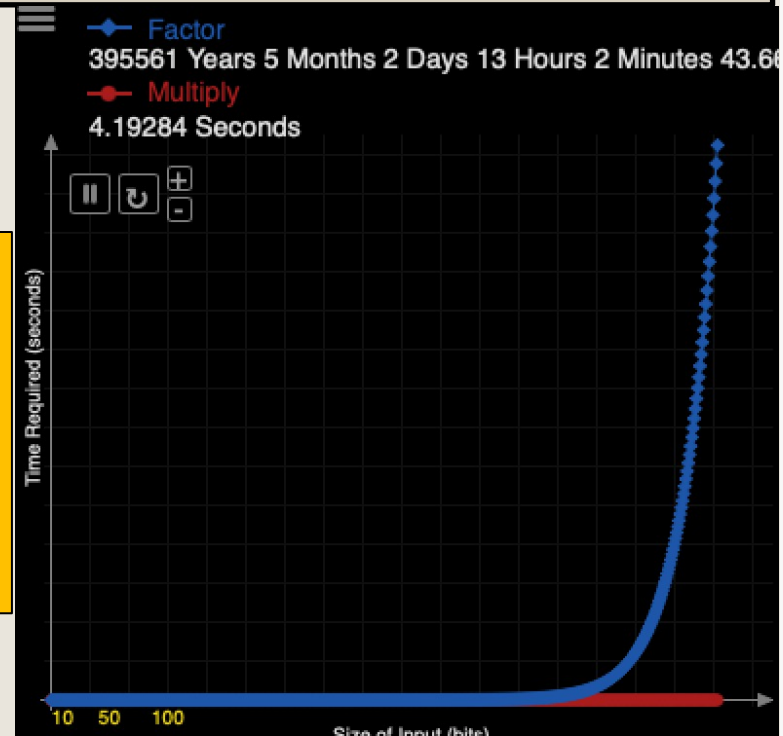
## Βήμα 1<sup>ο</sup> - Υπολογισμός του N

- Ο N είναι **o modulo** για το δημόσιο και ιδιωτικό κλειδί
- Το μήκος του N σε **bits** ονομάζεται **μήκος κλειδιού** (key length)

$$N = p * q \quad p \equiv q \quad \text{Mod} (N)$$

Οι αριθμοί **p** και **q** είναι πρώτοι αριθμοί μεγάλου μήκους σε bit.  
Ισοδύναμοι modulo (δίνουν το ίδιο υπόλοιπο διαίρεσης από το συντελεστή αναδίπλωσης N)

Είναι αρκετά δύσκολο (εκθετικός χρόνος ως προς το μήκος του N) να βρεθούν οι πρώτοι παράγοντες (p,q) του αριθμού N [The factoring problem]



**Δημόσιο Κλειδί:** Οι αριθμός **N** είναι μέρος του δημοσίου κλειδιού

# Ωστόσο: Σύντομα θα χρειαστούν νέοι αλγόριθμοι κρυπτογραφίας

## How to factor 2048 bit RSA integers in 8 hours using 20 million noisy qubits

Craig Gidney<sup>1</sup> and Martin Ekerå<sup>2</sup>

<sup>1</sup>Google Inc., Santa Barbara, California 93117, USA

<sup>2</sup>KTH Royal Institute of Technology, SE-100 44 Stockholm, Sweden  
Swedish NCSA, Swedish Armed Forces, SE-107 85 Stockholm, Sweden

13 Apr 2021

We significantly reduce the cost of factoring integers and computing discrete logarithms in finite fields on a quantum computer by combining techniques from Shor 1994, Griffiths-Niu 1996, Zalka 2006, Fowler 2012, Ekerå-Håstad 2017, Ekerå 2017, Ekerå 2018, Gidney-Fowler 2019, Gidney 2019. We estimate the approximate cost of our construction using plausible physical assumptions for large-scale superconducting qubit platforms: a planar grid of qubits with nearest-neighbor connectivity, a characteristic physical gate error rate of  $10^{-3}$ , a surface code cycle time of 1 microsecond, and a reaction time of 10 microseconds. We account for factors that are normally ignored such as noise, the need to make repeated attempts, and the spacetime layout of the

# Ασύμμετρη Κρυπτογραφία RSA: Βήμα 2<sup>ο</sup> – Υπολογισμός του E

- Υπολόγισε θετικό ακέραιο **E** στο διάστημα (1, A) όπου  $A = (p - 1) * (q - 1)$ .
- Οι αριθμοί **E** και **A** **θα πρέπει να είναι σχετικά πρώτοι**, δηλαδή να έχουμε μέγιστο κοινό διαιρέτη (Μ.Κ.Δ.) τον αριθμό 1.

**Ο αλγόριθμος του Ευκλείδη: Αλγόριθμος εύρεσης ΜΚΔ δυο ακέραιων αριθμών.**

```
int euclid (int a , int b) {  
    if (b == 0) return a;  
    else  
        return euclid(b, a % b);  
}
```

Παράδειγμα  
εκτέλεσης:  
(30, 21) -> (21, 9) ->  
(9, 3) -> (3, 0) -> 3



Αλεξάνδρεια  
323–283 π.Χ.

```
void mpz_gcd (...);
```

**Greatest  
Common  
Divisor**



**Δημόσιο Κλειδί:** Οι αριθμοί **N** και **E** είναι το δημόσιο κλειδί

# Ασύμμετρη Κρυπτογραφία RSA: Βήμα 2<sup>ο</sup> - Υπολογισμός του E, D

Ενδεικτικό πηγαίος κώδικας βρίσκεται στην εκφώνηση της 3<sup>ης</sup> Δραστηριότητας στο [eclass: \[lecture24\] GMP - Δραστηριότητα 3](#)

```
mpz_t temp, e;  
mpz_init(temp);  
mpz_init(e);  
do {  
    mpz_urandomm(e, stat, phi + 1);  
    mpz_gcd(temp, phi, e);  
} while (mpz_cmp_ui(temp, 1) != 0);  
  
gmp_printf("e = %Zd\n", e);
```

```
Enter RSA Encryption bits: 512  
p = 1517343406271951517677157744220869101928785046991703677131754962211631367363  
681763157734648278213046519609212074172283843689951121208055702081958118783413  
q = 1268302407686597562042049629238764426970401957797072946375059661960855815817  
6634499724551799709044882946477491798675490927466862607381997836546683864524339  
N = 1924450295462099289984143364594974495219826473624380261990521625230846440166  
43700148424390090344668904363693832480589205669263452637427883094096557909716171  
32712077243610524516658355392345459306157738316014696158503022280274239147161293  
305384476841368306688006433822673786357077640094146530907035992607989007  
  
phi = 19244502954620992899841433645949744952198264736243802619905216252308464401  
66437001484243900903446689043636938324805892056692634526374278830940965579097160  
29323445941056833864190043187838320876733531133535815552761514404600847136068450  
30423098028854110377221919729949826011585920826365556477368407350624681256  
  
e = 2505261991258155360081072526351654875285653064426382945370011532403467796219  
82446024638743686419856426395618257604947621712988891905174360445871952557322903  
44922911358165407648333554136081769029944150850835371585094114356302899677476446  
02905814173822462836353705091108384939988762797113278744338242128513325
```

Οι αριθμοί **N** και **E** είναι το δημόσιο κλειδί και ο **D** είναι το ιδιωτικό κλειδί



# Ασύμμετρη Κρυπτογραφία RSA: Βήμα 2<sup>ο</sup> - Υπολογισμός του $\Phi$ , $D$

Ενδεικτικό πηγαίος κώδικας βρίσκεται στην εκφώνηση της 3<sup>ης</sup>  
Δραστηριότητας στο `eclass: [lecture24]` [GMP - Δραστηριότητα 3](#)

```
mpz_t phi,temp1, temp2;  
mpz_init(phi);  
mpz_init(temp1);  
mpz_init(temp2);  
  
mpz_sub_ui(temp1, q, 1);  
mpz_sub_ui(temp2, p, 1);  
mpz_mul(phi, temp1, temp2);  
gmp_printf("\nphi = %Zd\n",phi);
```

```
mpz_t d;  
mpz_init(d);  
mpz_invert(d, e, phi);  
gmp_printf("\nd = %Zd\n",d);
```

```
Enter RSA Encryption bits: 512  
p = 197989785274211753829058216673424665366939435109078906684316072262706591584  
1007700170537068032815901962578878170938643565237352063725067006894270293282969  
q = 643224741274083317679011733851221065426215395220990471441538478456066875596  
6296999643085785459183397486059449484543888543129587273268361548733447160200329  
N = 127351928407916166550362829127414668116678572315676911193140743962156828245  
0050710581344618109129730223987209418735935804089562043905784931375627137621626  
9744110333203225049379457636909722905688196755868954508646025288640169908370935  
737627053915599206254025982589385134969213136879650478180894963001123896801
```

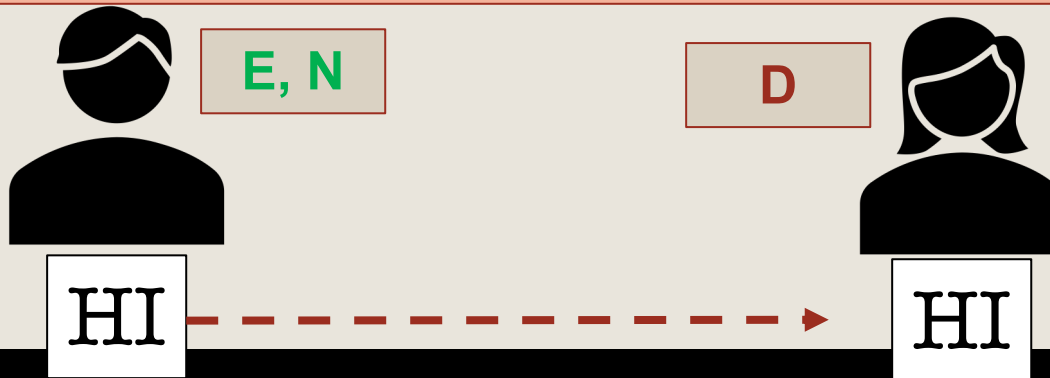
```
phi = 1273519284079161665503628291274146681166785723156769111931407439621568282  
4500507105813446181091297302239872094187359358040895620439057849313756271376216  
2613319650677202743342987581316632655977566484525682607273874797814524352365636  
31037813431062107206954577344261729652437104769940313484752339335283670413504
```

```
e = 109295222614214568371926038922286579340080030787803488378527773736497755590  
1914746439360888331057489292987024558456937975109522652541635578521235096663069  
0138428518982302597662634676488361157820743580745726782884351284866987023641676  
615926060238022859542051453820576078846986646756176954959283332065871648265
```

```
d = 956157786860391013487118713087163254573039973351706925893536406239034924894  
8801234943609343505569000582857944559574768890224224404860117979249434807730358  
8766250861894070070248455823495239741258590795436297578550552177583781585396791  
78306974996443164849639568508453673759516380978132190537961643838229143737
```

# Ασύμμετρη Κρυπτογραφία RSA: Βήμα 3<sup>ο</sup> - Κωδικοποίηση

Ενδεικτικό πηγαίος κώδικας βρίσκεται στην εκφώνηση της 3<sup>ης</sup> Δραστηριότητας στο eclass: [lecture24] [GMP - Δραστηριότητα 3](#)



```
72  
73  
message as int before encryption
```

$$\text{Encryption } c = (msg \wedge E) \% N$$

```
-----  
encrypt message = 78116357603767045062869142508323113521047891905130913538388589123265220  
734240994942827720210002495686218361728314510239871658088818856684513394132305713848132289  
07851127553058452275238376361742373288708167460176103369049219879484103806902766662249670  
607048014480370715400421171408496996967681025160307561492  
-----
```

```
message as int after decr  
message as string after decr = HI
```

$$\text{Decryption } msg = (c \wedge D) \% N$$

# Ανασκόπηση Διαλέξεων & Δραστηριοτήτων

Ημερομηνία	Περιεχόμενο
23 Απριλίου 2021 09:00 – 10:00	Εισαγωγή & GSL - GNU Scientific Library (1/2) <ul style="list-style-type: none"><li>• εξειδικευμένος επιστημονικός υπολογισμός</li></ul>
14 Μαΐου 2021 09:00 – 10:00	GSL - GNU Scientific Library (2/2) <ul style="list-style-type: none"><li>• εξειδικευμένος επιστημονικός υπολογισμός</li></ul>
21 Μαΐου 2021 09:00 – 10:00	GMP - GNU MultiPrecision Library (1/2) <ul style="list-style-type: none"><li>• αυθαίρετη αριθμητική ακρίβεια σε αριθμούς</li></ul>
28 Μαΐου 2021 09:00 – 10:00	GMP - GNU MultiPrecision Library (2/2) <ul style="list-style-type: none"><li>• αυθαίρετη αριθμητική ακρίβεια σε αριθμούς</li></ul>
Δραστηριότητες	Παράδοση
1 <sup>η</sup> Δραστηριότητα: 23 Απριλίου	10 Μαΐου 2021 (+ 0.25 μονάδες στον τελικό βαθμό)
2 <sup>η</sup> Δραστηριότητα: 14 Μαΐου	28 Μαΐου 2021 (+ 0.25 μονάδες στον τελικό βαθμό)



# Ευχαριστώ για την προσοχή σας

## ■ ΕΠΙΚΟΙΝΩΝΙΑ

- Skype: fidas.christos
- Email: [fidas@upatras.gr](mailto:fidas@upatras.gr)
- Phone: 2610 - 996491
- Web: <http://cfidas.info>

Το υλικό της διάλεξης είναι διαθέσιμο στο eclass

Αρχικός κατάλογος » ΔΙΑΛΕΞΕΙΣ 2021 » lecture24 

Τύπος	Όνομα ▾
	<a href="#">GMP - Δραστηριότητα 3</a>
	GMP - Πηγαίος Κώδικας Παραδειγμάτων Θεωρίας