



ΠΑΝΕΠΙΣΤΗΜΙΟ
ΠΑΤΡΩΝ
UNIVERSITY OF PATRAS

ΑΝΟΙΚΤΑ ακαδημαϊκά
μαθήματα ΠΠ

Κβαντική Επεξεργασία Πληροφορίας

Ενότητα 32: Αλγόριθμος Shor

Σγάρμπας Κυριάκος

Πολυτεχνική Σχολή

Τμήμα Ηλεκτρολόγων Μηχανικών και Τεχνολογίας
Υπολογιστών

Σκοποί ενότητας

- Αλγόριθμος Shor



Περιεχόμενα ενότητας

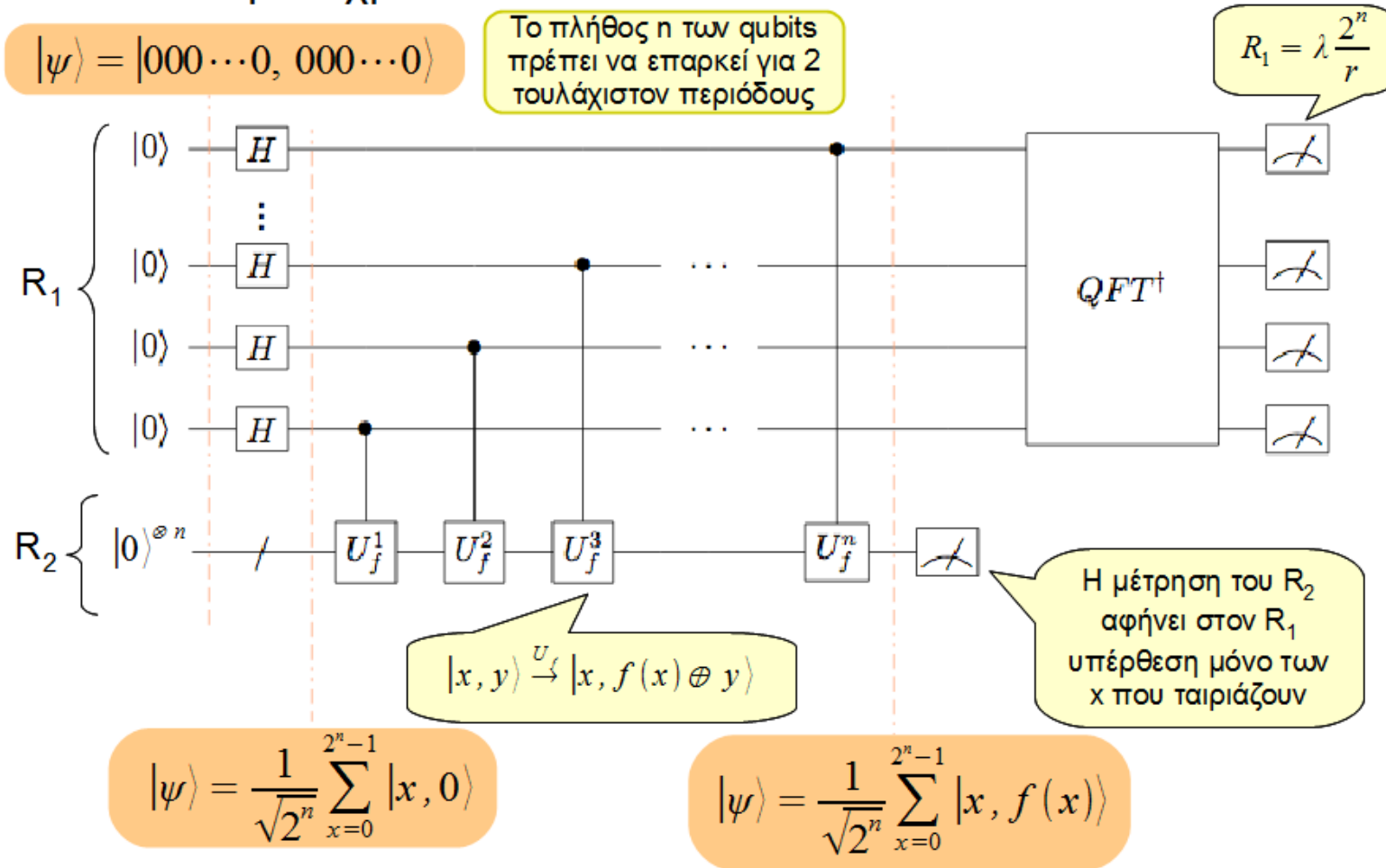
- Αλγόριθμος Shor



Αλγόριθμος Shor

Αλγόριθμος Shor (1994)

Υπολογίζει την περίοδο περιοδικών συναρτήσεων σε πολυωνυμικό χρόνο.



Παράδειγμα (1)

Έστω η περιοδική συνάρτηση $f(x)=\cos(\pi x)+1$

Αρκούν 3 qubits για τον R_1 , 2 qubits για τον R_2

$$|\psi\rangle = |000, 00\rangle \rightarrow \frac{1}{\sqrt{8}} \sum_{x=0}^7 |x, 0\rangle = \frac{1}{\sqrt{8}} (|0,0\rangle + |1,0\rangle + |2,0\rangle + |3,0\rangle + |4,0\rangle + |5,0\rangle + |6,0\rangle + |7,0\rangle)$$

$$\rightarrow \frac{1}{\sqrt{8}} \sum_{x=0}^7 |x, \cos(\pi x)+1\rangle = \frac{1}{\sqrt{8}} (|0,2\rangle + |1,0\rangle + |2,2\rangle + |3,0\rangle + |4,2\rangle + |5,0\rangle + |6,2\rangle + |7,0\rangle)$$

Έστω ότι η μέτρηση του R_2 δίνει 2. Τότε:

$$|\psi\rangle = \frac{1}{2} (|0,2\rangle + |2,2\rangle + |4,2\rangle + |6,2\rangle)$$

Και μετά τον QFT στον R_1 :

$$|\psi\rangle = \frac{1}{\sqrt{32}} (|0,2\rangle + |1,2\rangle + \dots + |7,2\rangle) + \frac{1}{\sqrt{32}} (|0,2\rangle + e^{i\pi/2} |1,2\rangle + \dots + e^{i7\pi/2} |7,2\rangle) + \\ + \frac{1}{\sqrt{32}} (|0,2\rangle + e^{i\pi} |1,2\rangle + \dots + i7\pi |7,2\rangle) + \frac{1}{\sqrt{32}} (|0,2\rangle + e^{i3\pi/2} |1,2\rangle + \dots + e^{i21\pi/2} |7,2\rangle)$$



Παράδειγμα (2)

	$ 0,2\rangle$	$ 1,2\rangle$	$ 2,2\rangle$	$ 3,2\rangle$	$ 4,2\rangle$	$ 5,2\rangle$	$ 6,2\rangle$	$ 7,2\rangle$
$x' = 0$	0	0	0	0	0	0	0	0
$x' = 2$	0	$\pi/2$	π	$3\pi/2$	2π	$5\pi/2$	3π	$7\pi/2$
$x' = 4$	0	π	2π	3π	4π	5π	6π	7π
$x' = 6$	0	$3\pi/2$	5π	$5\pi/2$	6π	$15\pi/2$	9π	$21\pi/2$

	$ 0,2\rangle$	$ 1,2\rangle$	$ 2,2\rangle$	$ 3,2\rangle$	$ 4,2\rangle$	$ 5,2\rangle$	$ 6,2\rangle$	$ 7,2\rangle$
$x' = 0$	→	→	→	→	→	→	→	→
$x' = 2$	→	↑	←	↓	→	↑	←	↓
$x' = 4$	→	←	→	←	→	←	→	←
$x' = 6$	→	↓	←	↑	→	↓	←	↑

Η μικρότερη μη μηδενική
διαφορά αντιστοιχεί σε $\lambda=1$
 $R_1 = \lambda \frac{2^n}{r} \Rightarrow 4 = 1 \frac{8}{r} \Rightarrow r=2$



$$|\psi\rangle = \frac{4}{\sqrt{32}} |0,2\rangle + \frac{4}{\sqrt{32}} |4,2\rangle$$

Διαδοχικές μετρήσεις του R_1 : 0, 4, 4, 0, ...

Τέλος Ενότητας

Χρηματοδότηση

- Το παρόν εκπαιδευτικό υλικό έχει αναπτυχθεί στο πλαίσιο του εκπαιδευτικού έργου του διδάσκοντα.
- Το έργο «**Ανοικτά Ακαδημαϊκά Μαθήματα στο Πανεπιστήμιο Αθηνών**» έχει χρηματοδοτήσει μόνο την αναδιαμόρφωση του εκπαιδευτικού υλικού.
- Το έργο υλοποιείται στο πλαίσιο του Επιχειρησιακού Προγράμματος «Εκπαίδευση και Δια Βίου Μάθηση» και συγχρηματοδοτείται από την Ευρωπαϊκή Ένωση (Ευρωπαϊκό Κοινωνικό Ταμείο) και από εθνικούς πόρους.



Σημειώματα

Σημείωμα Ιστορικού Εκδόσεων Έργου

Το παρόν έργο αποτελεί την έκδοση **1.0**.

Έχουν προηγηθεί οι κάτωθι εκδόσεις:

- Έκδοση **1.0** διαθέσιμη [εδώ](#).



Σημείωμα Αναφοράς

Copyright Πανεπιστήμιο Πατρών, **Σγάρμπας Κυριάκος**. «**Κβαντική Επεξεργασία Πληροφορίας, Αλγόριθμος Shor**». Έκδοση: **1.0**. Πάτρα **2014**.
Διαθέσιμο από τη δικτυακή διεύθυνση:

https://eclass.upatras.gr/modules/course_metadata/opencourses.php?fc=15



Σημείωμα Αδειοδότησης

Το παρόν υλικό διατίθεται με τους όρους της άδειας χρήσης Creative Commons Αναφορά, Μη Εμπορική Χρήση Παρόμοια Διανομή 4.0 [1] ή μεταγενέστερη, Διεθνής Έκδοση. Εξαιρούνται τα αυτοτελή έργα τρίτων π.χ. φωτογραφίες, διαγράμματα κ.λ.π., τα οποία εμπεριέχονται σε αυτό και τα οποία αναφέρονται μαζί με τους όρους χρήσης τους στο «Σημείωμα Χρήσης Έργων Τρίτων».



[1] <http://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/4.0/>

Ως **Μη Εμπορική** ορίζεται η χρήση:

- που δεν περιλαμβάνει άμεσο ή έμμεσο οικονομικό όφελος από την χρήση του έργου, για το διανομέα του έργου και αδειοδόχο
- που δεν περιλαμβάνει οικονομική συναλλαγή ως προϋπόθεση για τη χρήση ή πρόσβαση στο έργο
- που δεν προσπορίζει στο διανομέα του έργου και αδειοδόχο έμμεσο οικονομικό όφελος (π.χ. διαφημίσεις) από την προβολή του έργου σε διαδικτυακό τόπο

Ο δικαιούχος μπορεί να παρέχει στον αδειοδόχο ξεχωριστή άδεια να χρησιμοποιεί το έργο για εμπορική χρήση, εφόσον αυτό του ζητηθεί.

Διατήρηση Σημειωμάτων

Οποιαδήποτε αναπαραγωγή ή διασκευή του υλικού θα πρέπει να συμπεριλαμβάνει:

- το Σημείωμα Αναφοράς
- το Σημείωμα Αδειοδότησης
- τη δήλωση Διατήρησης Σημειωμάτων
- το Σημείωμα Χρήσης Έργων Τρίτων (εφόσον υπάρχει)

μαζί με τους συνοδευόμενους υπερσυνδέσμους.



Σημείωμα Χρήσης Έργων Τρίτων

Το Έργο αυτό κάνει χρήση των ακόλουθων έργων:

Εικόνες/Σχήματα/Διαγράμματα/Φωτογραφίες

