



ΠΑΝΕΠΙΣΤΗΜΙΟ
ΠΑΤΡΩΝ
UNIVERSITY OF PATRAS

ΑΝΟΙΚΤΑ ακαδημαϊκά
μαθήματα ΠΠ

Κβαντική Επεξεργασία Πληροφορίας

Ενότητα 22: Completeness Closure Relation

Σγάρμπας Κυριάκος

Πολυτεχνική Σχολή

Τμήμα Ηλεκτρολόγων Μηχανικών και Τεχνολογίας
Υπολογιστών

Σκοποί ενότητας

Completeness Closure Relation



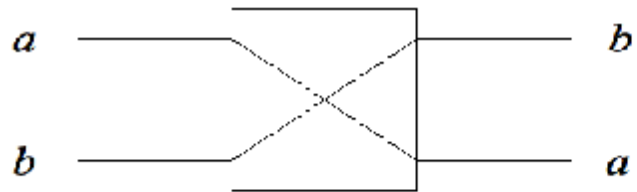
Περιεχόμενα ενότητας

- Completeness Closure Relation
- Χρήσεις



Completeness Closure Relation

Υπολογισμός Πινάκων



a	b	b	a
0	0	0	0
0	1	1	0
1	0	0	1
1	1	1	1

$$A = \begin{bmatrix} \langle 00|A|00\rangle & \langle 00|A|01\rangle & \langle 00|A|10\rangle & \langle 00|A|11\rangle \\ \langle 01|A|00\rangle & \langle 01|A|01\rangle & \langle 01|A|10\rangle & \langle 01|A|11\rangle \\ \langle 10|A|00\rangle & \langle 10|A|01\rangle & \langle 10|A|10\rangle & \langle 10|A|11\rangle \\ \langle 11|A|00\rangle & \langle 11|A|01\rangle & \langle 11|A|10\rangle & \langle 11|A|11\rangle \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \langle 00|00\rangle & \langle 00|10\rangle & \langle 00|01\rangle & \langle 00|11\rangle \\ \langle 01|00\rangle & \langle 01|10\rangle & \langle 01|01\rangle & \langle 01|11\rangle \\ \langle 10|00\rangle & \langle 10|10\rangle & \langle 10|01\rangle & \langle 10|11\rangle \\ \langle 11|00\rangle & \langle 11|10\rangle & \langle 11|01\rangle & \langle 11|11\rangle \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$



The Completeness Relation(ή Closure Relation)

$$I_{2^n} = \sum_{k=0}^{2^n-1} |u_k\rangle\langle u_k|$$

u_k = τα μοναδιαία
διανύσματα (η
βάση του χώρου)

Ισχύει επειδή:

$$\left(\sum_{k=0}^{2^n-1} |u_k\rangle\langle u_k| \right) |x\rangle = \sum_{k=0}^{2^n-1} |u_k\rangle (\langle u_k | |x\rangle) = \sum_{k=0}^{2^n-1} c_k |u_k\rangle = |x\rangle$$

$$\langle u_k | x \rangle = c_k$$

(η προβολή του x
στο μοναδιαίο
διάνυσμα, άρα ο
αντίστοιχος
συντελεστής)



1η Χρήση

$$|x\rangle = I|x\rangle = \left(\sum_{k=0}^{2^n-1} |u_k\rangle\langle u_k| \right) |x\rangle = \sum_{k=0}^{2^n-1} |u_k\rangle (\langle u_k|x\rangle) = \sum_{k=0}^{2^n-1} c_k |u_k\rangle$$

Κάθε διάνυσμα μπορεί να γραφτεί ως γραμμικός συνδυασμός των διανυσμάτων της βάσης.



2η Χρήση

$$\begin{aligned} A &= I A I = \left(\sum_{k=0}^{2^n-1} |u_k\rangle\langle u_k| \right) A \left(\sum_{m=0}^{2^n-1} |u_m\rangle\langle u_m| \right) = \sum_{k=0}^{2^n-1} \sum_{m=0}^{2^n-1} |u_k\rangle\langle u_k| A |u_m\rangle\langle u_m| \\ &= \sum_{k,m=0}^{2^n-1} \langle u_k| A |u_m\rangle |u_k\rangle\langle u_m| = \sum_{k,m=0}^{2^n-1} c_{k,m} |u_k\rangle\langle u_m| \end{aligned}$$

$$c_{k,m} = \langle u_k| A |u_m\rangle$$

$$\sum_{k,m=0}^{2^n-1} |u_k\rangle\langle u_m| = \hat{1}$$

- Κάθε πίνακας μπορεί να γραφτεί ως άθροισμα “σχεδόν μηδενικών” πινάκων (παντού 0, εκτός από 1 στοιχείο).
- Τα στοιχεία κάθε πίνακα υπολογίζονται ως εσωτερικά γινόμενα αν γνωρίζουμε την επίδρασή του σε κάθε βασική κατάσταση (αληθοπίνακας).



Τέλος Ενότητας

Χρηματοδότηση

- Το παρόν εκπαιδευτικό υλικό έχει αναπτυχθεί στο πλαίσιο του εκπαιδευτικού έργου του διδάσκοντα.
- Το έργο «**Ανοικτά Ακαδημαϊκά Μαθήματα στο Πανεπιστήμιο Αθηνών**» έχει χρηματοδοτήσει μόνο την αναδιαμόρφωση του εκπαιδευτικού υλικού.
- Το έργο υλοποιείται στο πλαίσιο του Επιχειρησιακού Προγράμματος «Εκπαίδευση και Δια Βίου Μάθηση» και συγχρηματοδοτείται από την Ευρωπαϊκή Ένωση (Ευρωπαϊκό Κοινωνικό Ταμείο) και από εθνικούς πόρους.



Σημειώματα

Σημείωμα Ιστορικού Εκδόσεων Έργου

Το παρόν έργο αποτελεί την έκδοση **1.0**.

Έχουν προηγηθεί οι κάτωθι εκδόσεις:

- Έκδοση **1.0** διαθέσιμη [εδώ](#).



Σημείωμα Αναφοράς

Copyright Πανεπιστήμιο Πατρών, **Σγάρμπας Κυριάκος**. «**Κβαντική Επεξεργασία Πληροφορίας, Completeness Closure Relation**». Έκδοση: **1.0**. Πάτρα **2014**. Διαθέσιμο από τη δικτυακή διεύθυνση:

https://eclass.upatras.gr/modules/course_metadata/opencourses.php?fc=15



Σημείωμα Αδειοδότησης

Το παρόν υλικό διατίθεται με τους όρους της άδειας χρήσης Creative Commons Αναφορά, Μη Εμπορική Χρήση Παρόμοια Διανομή 4.0 [1] ή μεταγενέστερη, Διεθνής Έκδοση. Εξαιρούνται τα αυτοτελή έργα τρίτων π.χ. φωτογραφίες, διαγράμματα κ.λ.π., τα οποία εμπεριέχονται σε αυτό και τα οποία αναφέρονται μαζί με τους όρους χρήσης τους στο «Σημείωμα Χρήσης Έργων Τρίτων».



[1] <http://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/4.0/>

Ως **Μη Εμπορική** ορίζεται η χρήση:

- που δεν περιλαμβάνει άμεσο ή έμμεσο οικονομικό όφελος από την χρήση του έργου, για το διανομέα του έργου και αδειοδόχο
- που δεν περιλαμβάνει οικονομική συναλλαγή ως προϋπόθεση για τη χρήση ή πρόσβαση στο έργο
- που δεν προσπορίζει στο διανομέα του έργου και αδειοδόχο έμμεσο οικονομικό όφελος (π.χ. διαφημίσεις) από την προβολή του έργου σε διαδικτυακό τόπο

Ο δικαιούχος μπορεί να παρέχει στον αδειοδόχο ξεχωριστή άδεια να χρησιμοποιεί το έργο για εμπορική χρήση, εφόσον αυτό του ζητηθεί.

Διατήρηση Σημειωμάτων

Οποιαδήποτε αναπαραγωγή ή διασκευή του υλικού θα πρέπει να συμπεριλαμβάνει:

- το Σημείωμα Αναφοράς
- το Σημείωμα Αδειοδότησης
- τη δήλωση Διατήρησης Σημειωμάτων
- το Σημείωμα Χρήσης Έργων Τρίτων (εφόσον υπάρχει)

μαζί με τους συνοδευόμενους υπερσυνδέσμους.



Σημείωμα Χρήσης Έργων Τρίτων

Το Έργο αυτό κάνει χρήση των ακόλουθων έργων:

Εικόνες/Σχήματα/Διαγράμματα/Φωτογραφίες

