

ΧΗΜΙΚΗ ΘΕΡΜΟΔΥΝΑΜΙΚΗ

4. ΝΕΕΣ ΘΕΡΜΟΔΥΝΑΜΙΚΕΣ ΣΥΝΑΡΤΗΣΕΙΣ ΜΕΡΟΣ Α

9^η Διάλεξη: Δευτέρα 21.10, 11.15 – 12.00

10^η Διάλεξη: Τετάρτη 30.10, 11.15 – 13.00

11^η Διάλεξη: Πέμπτη 31.10, 11.15 – 13.00

12^η Διάλεξη: Δευτέρα 04.11, 11.15 – 12.00

13^η Διάλεξη: Τετάρτη 06.11, 11.15 – 12.00

Μετασχηματισμοί Legendre.

Εισαγωγή Νέων Θερμοδυναμικών Συναριθμών

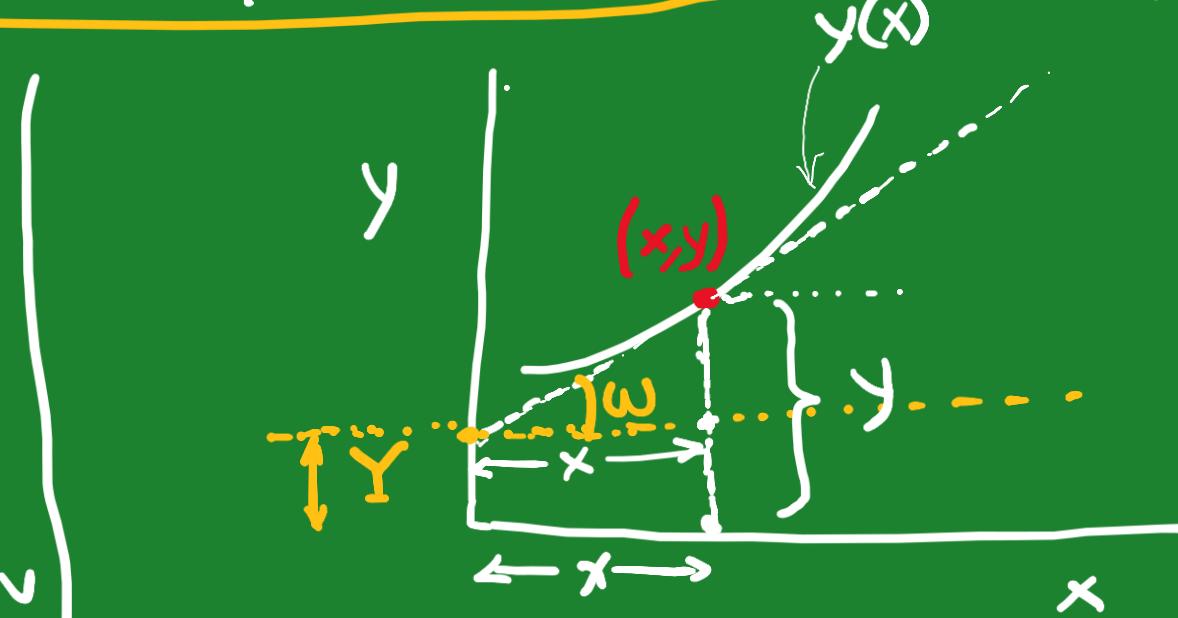
Ερεις εκφράζε: $U = U(V, S, N_i)$

Χρησιμοποιήστε συναριθμούς με το "εύκολα ελέγχιμες" μεταβλητές. Έχ. ρ, T ...

Τορπόβλητα δύναμις με τον Μετασχηματισμό Legendre (αλλαγή μεταβλητής)

$$\text{Θέτω } X = \tan w$$

$$X = \frac{dy}{dx}$$



Έσω $y = y(x)$

$$y = Y + x \tan w \quad \left. \right\}$$

$$y = Y + x X$$

$$\rightarrow \boxed{Y = y - x X, \quad X = \frac{dy}{dx}}$$

Δnλ. $Y = y - x \cdot X$, $X = \frac{dy}{dx}$ Metabolixuļi x7i ličo!

Legende

Epris fteivāht aino zuv $U = U(V, S, n_i)$

1ⁿ eyparhogn zov M.L binv U. "Aλλagn" zov V

$$Y_1 = U - V \left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_{S, n_i} \Rightarrow Y_1 = U + PV$$

Y - $x \cdot X$

-P

Ovoya: Evθax, nīg
Σiηβoλo: H

- Φτιάχαμε ανο γινε \mathcal{U} ιν $H = U + PV$
με μεγαλύτερο Legendre (w_i προς V)

$$dH = \cancel{dU} + PdV + Vdp \Rightarrow dH = TdS + Vdp + \sum \mu_i dn_i$$

Συντ. $H = H(p, S, n_i)$

Ξεκινήσαμε από :

$$\mathcal{U} = \mathcal{U}(V, S, n_i)$$

H Euler xia oμορφεύσις συναρτησίας

Εστω η $y = y(x_1, x_2, \dots, x_n)$ ομορφεύσις βαθμού P

$$\rightarrow y(\lambda x_1, \lambda x_2, \dots, \lambda x_n) = \lambda^P \cdot y(x_1, x_2, \dots, x_n)$$

Με παραγωγήν ως προς λ

$$\sum_{i=1}^n \frac{\partial y(\lambda x_1, \lambda x_2, \dots, \lambda x_n)}{\partial (\lambda x_i)} \cdot \frac{\partial (\lambda x_i)}{\partial \lambda} = P \lambda^{P-1} \cdot y(x_1, x_2, \dots, x_n)$$

→

$$\sum \frac{\partial y(\lambda x_1, \lambda x_2 \dots, \lambda x_n)}{\partial (\lambda x_i)} \cdot x_i = \lambda^{p-1} \cdot y(x_1, x_2 \dots, x_n)$$

αλλά: οι πρώτες παραμόρφωση οι οποίες βαθμού p
 είναι οι πρώτες βαθμού $p-1$

Αρχα:

$$\sum_{i=1}^n x_i \cancel{\lambda^{p-1}} \cdot \frac{\partial y(x_1, x_2 \dots)}{\partial x_i} = p \cancel{\lambda^{p-1}} \cdot y(x_1, x_2 \dots)$$

$$\Rightarrow p \cdot y(x_1, x_2 \dots, x_n) = \sum_{i=1}^n x_i \left(\frac{\partial y}{\partial x_i} \right)_{x_n}$$

Euler

Εργασίας έχουμε τινά

$$U = U(V, S, N_i) \quad (\text{B.T.E.})$$

Η U είναι ομογενής 1^ο βαθμού.

από α., n έξι. Euler για $P=1$:

$$U = V \left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_{S, N_i} + S \left(\frac{\partial U}{\partial S} \right)_{V, N_i} + \sum N_i \left(\frac{\partial U}{\partial N_i} \right)_{V, S, N_j, j \neq i}$$

$$U = -PV + TS + \sum N_i \mu_i$$

As εισάγουμε Νεις Θερμοδυναμικές Συναριθμών
 $\mu \leftarrow z_{0V}$ Μετασχ. Legendre! $U = U(V, S, N)$

Εάν είναι $y = y(x)$

$$Y = y - x \cdot \frac{dy}{dx}$$

$$X = \frac{dy}{dx}$$

Εάν είναι $y = y(x_1, x_2)$

$$Y = y - x_1 \left[\frac{\partial y}{\partial x_1} \right]_{x_2} - x_2 \left[\frac{\partial y}{\partial x_2} \right]_{x_1}$$

Ειδαφές ίδη : 1) Αλλαγή σταθμών από \checkmark

$$Y_1 = U - V \left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_{S, N_1} = U + PV$$

H

2) Adjektivische Zustandsgleichung und z. n. S
Äquivalenz and $U = U(V, S, N_i)$ ✓

$$Y_2 = U - S \left(\underbrace{\frac{\partial U}{\partial S}}_{T} \right)_{N_i} = U - TS$$

Externe Energie Helmholtz
 $\sum_i \mu_i \beta_i \lambda_i : A$

$$-PV + TS + \sum_i N_i \mu_i$$

$$A = U - TS \Rightarrow A = -PV + \sum_i N_i \mu_i$$

$$dA = \cancel{dU} - TdS - SdT = \cancel{TdS} - PdV + \sum_i \mu_i dN_i - TdS - SdT$$

$$\Rightarrow dA = -PdV - SdT + \sum_i \mu_i dN_i, \quad A(V, T, N_i)$$

3) Αλλαγή (αν καλλιεργία) στα πίνακις ανο S και V
Ξεκινάει από $U = U(S, V, N_i)$

$$Y_3 = U - S \left[\underbrace{\frac{\partial U}{\partial S}}_{T} \right]_{V, N_i} - V \left[\underbrace{\frac{\partial U}{\partial V}}_{-P} \right]_{S, N_i} = \underbrace{U - TS + PV}_{\text{Ελ. Ενέργεια}} \quad \text{Gibbs.} \quad G$$

$$G = U - TS + PV$$

$$= A + PV$$

$$= H - TS \quad \checkmark$$

$$(1) \rightarrow G = \sum N_i \mu_i \quad \checkmark$$

$$U = TS - PV + \sum N_i \mu_i \quad (1)$$

$$\begin{aligned} dG &= dU - TdS - SdT + PdV + VdP \\ &= \cancel{TS} - \cancel{PV} + \sum \cancel{\mu_i dN_i} - \cancel{TdS} - \cancel{SdT} + \cancel{PdV} \\ &\quad + \cancel{VdP} \end{aligned}$$

$$\Rightarrow dG = -SdT + Vdp + \sum \mu_i dN_i , \quad \delta \rightarrow G = G(T, p, N_i)$$

$$U = U(V, S, N_i), \quad U = TS - pV + \sum N_i \mu_i . \quad dU = TdS - pdV + \sum \mu_i dN_i$$

$$H = H(p, S, N_i), \quad H = U + pV = TS + \sum N_i \mu_i . \quad dH = TdS + Vdp + \sum \mu_i dN_i$$

$$A = A(V, T, N_i), \quad A = U - TS = -pV + \sum N_i \mu_i . \quad dA = -SdT - pdV + \sum \mu_i dN_i$$

$$G = G(p, T, N_i), \quad G = U - TS + pV = \sum N_i \mu_i$$

$$G = A + pV$$

$$G = H - TS$$

$$dG = -SdT + Vdp + \sum \mu_i dN_i$$

$$\tau = \left(\frac{\partial U}{\partial S} \right)_{V, n_i} = \left(\frac{\partial H}{\partial S} \right)_{P, n_i}$$



$$P = - \left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_{S, n_i} = - \left(\frac{\partial A}{\partial V} \right)_{T, n_i}$$

$$V = \left(\frac{\partial H}{\partial P} \right)_{S, n_i} = \boxed{\left(\frac{\partial G}{\partial P} \right)_{T, n_i}}$$

$$S = - \left(\frac{\partial A}{\partial T} \right)_{V, n_i} = - \boxed{\left(\frac{\partial G}{\partial T} \right)_{P, n_i}}$$

$$\mu_i = \left(\frac{\partial U}{\partial n_i} \right)_{S, V, n_j} = \left(\frac{\partial H}{\partial n_i} \right)_{S, P, n_j} = \left(\frac{\partial A}{\partial n_i} \right)_{T, V, n_j} = \boxed{\left(\frac{\partial G}{\partial n_i} \right)_{T, P, n_j}}$$

$$dU = TdS - pdV + \sum_{i=1} \mu_i dn_i$$

$$dH = TdS + Vdp + \sum_{i=1} \mu_i dn_i$$

$$dA = -SdT - pdV + \sum_{i=1} \mu_i dn_i$$

$$dG = -SdT + Vdp + \sum_{i=1} \mu_i dn_i$$

Οι πιο σημαντικες εκ των προηγουμένων 6x16[ων]:

$$G = H - TS \quad , \quad G = \sum n_i \mu_i \xrightarrow[\text{ενα συστατ.}]{\text{Συγχρόνως}} G = n \cdot \mu \Rightarrow \underline{\underline{\mu = \frac{G}{n}}}$$

$$\Delta G \stackrel{T=cst}{=} \Delta H - T \Delta S$$

$$V = \left(\frac{\partial G}{\partial P} \right)_{T, n_i} \quad , \quad S = - \left(\frac{\partial G}{\partial T} \right)_{P, n_i} \quad , \quad \mu_i = \left(\frac{\partial G}{\partial n_i} \right)_{T, P, n_j}$$

ΣΧΕΣΕΙΣ MAXWELL

Βασικές θερμοδυναμικές εξισώσεις:

$$dU = TdS - pdV + \sum_{i=1} \mu_i dn_i \quad U = U(S, V, n_1, n_2, \dots, n_k)$$

$$dH = TdS + Vdp + \sum_{i=1} \mu_i dn_i \quad H = H(S, p, n_1, n_2, \dots, n_k)$$

$$dA = -SdT - pdV + \sum_{i=1} \mu_i dn_i \quad A = A(T, V, n_1, n_2, \dots, n_k)$$

$$dG = -SdT + Vdp + \sum_{i=1} \mu_i dn_i \quad G = G(T, p, n_1, n_2, \dots, n_k)$$

$$T = \left(\frac{\partial U}{\partial S} \right)_{V, n_i} = \left(\frac{\partial H}{\partial S} \right)_{p, n_i}$$

$$p = -\left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_{S, n_i} = -\left(\frac{\partial A}{\partial V} \right)_{T, n_i}$$

$$S = -\left(\frac{\partial G}{\partial T} \right)_{p, n_i} = -\left(\frac{\partial A}{\partial T} \right)_{V, n_i}$$

$$V = \left(\frac{\partial G}{\partial p} \right)_{T, n_i} = \left(\frac{\partial H}{\partial p} \right)_{S, n_i}$$

$\Sigma \times \Sigma$ (εις) Maxwell

1^η Σχέσην. Παραπομπή των γερικής παραγώγων των G

$$\left(\frac{\partial G}{\partial T}\right)_{p,n_i} = -S$$

$$\left(\frac{\partial^2 G}{\partial T \partial p}\right) = -\left(\frac{\partial S}{\partial p}\right)_{T,n_i}$$

$$\left(\frac{\partial G}{\partial p}\right)_{T,n_i} = V$$

$$\left(\frac{\partial^2 G}{\partial p \partial T}\right) = \left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_{p,n_i}$$

✓ $\left(\frac{\partial A}{\partial V}\right)_{T,n_i} = -p$

$$\left(\frac{\partial A}{\partial T}\right)_{V,n_i} = -S$$

$$\left(\frac{\partial^2 A}{\partial T \partial V}\right) = -\left(\frac{\partial S}{\partial V}\right)_{T,n_i}$$

≡

1^η Γεύση Maxwell

$$\left(\frac{\partial S}{\partial p}\right)_{T,n_i} = -\left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_{p,n_i}$$

2^η Σχέση. Συγκαρπής γένους για την πλήρη παραγώγων των A

$$\left(\frac{\partial^2 A}{\partial V \partial T}\right) = -\left(\frac{\partial p}{\partial T}\right)_{V,n_i}$$

2^η Γεύση Maxwell

$$\left(\frac{\partial S}{\partial V}\right)_{T,n_i} = \left(\frac{\partial p}{\partial T}\right)_{V,n_i}$$

Eval μνημονικός
ελάχιστης για τη Σx. Maxwell

(1)

$$dU = \underbrace{T dS}_{T} - \underbrace{P dV}_{P} + \sum \mu_i d\eta_i$$

$$\left(\frac{\partial S}{\partial P} \right)_{T, \eta_i} = \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_{P, \eta_i}$$

(2)

$$dH = \underbrace{T dS}_{T} + \underbrace{V dP}_{P} + \sum \mu_i d\eta_i$$

$$\left(\frac{\partial S}{\partial V} \right)_T = \left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_V$$

Πρώτες Εφαρμογές των 6x. Maxwell.
 Θερμοδιναμικές Κανονιστικές Εξιγώνου. (Θ.Κ.Ε.)

A. 1^η Θ.Κ.Ε.

Μάζα ενδιαφέρου

$$n \left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_T$$

Πλαίσιον
της T, V, T & S

4/2:

Ανο 111 4, οι
2 είναι ανεξ-
σαρπήνει

Αρδ: $\left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_T = \left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_S + \left(\frac{\partial U}{\partial S} \right)_V \left(\frac{\partial S}{\partial V} \right)_T$

2^η Maxwell

$\Rightarrow \left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_T = -P + T \left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_V \quad 1^{\eta} \text{ Θ.Κ.Ε.}$

Δn . ου π' μελοι μηρειν να υπολογιζεται
αν γερουσιας την περιβαλλοντικη ζωη

Συμπληρωση: $f(p,V,T) = 0$

Παραδειγμα:

To σανικο αεριο

1^η Θ.Κ.Ε: $\left(\frac{\partial U}{\partial V}\right)_T = -P + T \cdot \underbrace{\left(\frac{\partial P}{\partial T}\right)_V}_\text{για ιδανικο αεριο}$

$$\begin{cases} PV = nRT \quad (2) \\ \Rightarrow \left(\frac{\partial P}{\partial T}\right)_V = \frac{nR}{V} \end{cases}$$

για ιδανικο αεριο

$$\Rightarrow \left(\frac{\partial U}{\partial V}\right)_T = -P + \left(\frac{nRT}{V}\right) = 0$$

(\Rightarrow)

Για ιδανικο αεριο:

$$\left(\frac{\partial U}{\partial V}\right)_T = 0, U = U(T)$$

③ 2ⁿ Θερμοδυναμικής Καταστατική Εξίσωση (2ⁿ Θ.Κ.Ε.)

Εδώ, μας ενδιαφέρει η $\left(\frac{\partial H}{\partial P}\right)_T$

$$\left(\frac{\partial H}{\partial P}\right)_T = \left(\frac{\partial H}{\partial P}\right)_S + \left(\frac{\partial H}{\partial S}\right)_P^2 \left(\frac{\partial S}{\partial P}\right)_T$$

1^η Maxwell

$$\Rightarrow \left(\frac{\partial H}{\partial P}\right)_T = V - T \cdot \left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_P \quad 2^n \text{ Θ.Κ.Ε.}$$

Εξουψε:

H, P, T

και την S

Από τις 4
(H, S, P, T) ή 2
ενδιαφέρονται.

Μια ιδεαρή θέμα την 2nd Θ.Κ.Ε.

Τια Ιδανικό αέριο

$$2^{\text{nd}} \text{ Θ.Κ.Ε.}: \left(\frac{\partial H}{\partial P} \right)_T = V - T \cdot \underbrace{\left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P}_{\frac{nR}{P}}$$

Ιδανικό αέριο: $PV = nRT$

$$\Rightarrow \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P = \frac{nR}{P}$$

$$\Rightarrow \left(\frac{\partial H}{\partial P} \right)_T = V - \left(\frac{nRT}{P} \right) = 0$$

Για Ιδανικό Αέριο

$$\left(\frac{\partial H}{\partial P} \right)_T = 0 \Rightarrow H = H(T)$$

Δυν. Για λογοθέτη ($T = στ.$)
Σταθερής Ιδανικός Αέριος: $\Delta H = 0$

Μετρήσιμες πορείαντι έτη Θερμοδυναμικήν

1) Θερμοχωριτικότητες

Γενικά: $\bar{C} \equiv \frac{q}{\Delta T} [=] J K^{-1}$

Και (1) $C = \lim_{\Delta T \rightarrow 0} \frac{q}{\Delta T}$

Η μεταβολή της ΔT
δεν αριθμείται
μονοσήμουλη για $\Delta U - w$!!

Ορα: 1a) Y_n_0 $v: σασθ.$ (μόνο $w(p, v)$)

1'Ν: $dU = dq + dw \implies dU_v = dq_v$

(1) $C_v = \lim_{\Delta T \rightarrow 0} \frac{q_v}{\Delta T} = \lim_{\Delta T \rightarrow 0} \frac{\Delta U_v}{\Delta T} = \left[\frac{\partial U}{\partial T} \right]_v$

$$\Delta_n \lambda : C_v = \left(\frac{\partial U}{\partial T} \right)_v \text{ Koi } C_p = \left(\frac{\partial H}{\partial T} \right)_p$$

1B) Yno $P = \text{const.}$

$$dH = d(U + PV) = \cancel{dU} + PdV + V \cancel{dP} \quad \left. \begin{array}{l} \cancel{dU} \\ \cancel{dP} \end{array} \right\} \rightarrow dH = \delta q + \delta w + PdV$$

$(\text{gla } P = P_{\text{ex}})$

$$\Delta_n \lambda C_p = \lim_{\Delta T \rightarrow 0} \left. \frac{q}{\Delta T} \right|_p = \lim_{\Delta T \rightarrow 0} \left. \frac{\Delta H}{\Delta T} \right|_p = \left(\frac{\partial H}{\partial T} \right)_p$$

Για Σύστημα ενός Συστατικού:

$$C_V = \eta \cdot C_V \quad \nabla \quad C = \eta \cdot C_P$$

οπου: C_V, C_P : Υπαγόμοριακές Θερμοχωρητικής
[=] J mol⁻¹ K⁻¹

C_V, C_P και η σχέση τους με την Εντροπία

$$C_V = \left(\frac{\partial U}{\partial T} \right)_V$$

Επουμε: U, T, V & S ("4/2")

$$\left[\frac{\partial U}{\partial T} \right]_V \left[\frac{\partial T}{\partial S} \right]_V \left[\frac{\partial S}{\partial U} \right]_V = 1 \Rightarrow$$

$\underbrace{}_{C_V} \quad \underbrace{}_{\frac{1}{T}}$

$$\Rightarrow \boxed{C_V = \left(\frac{\partial S}{\partial T} \right)_V}$$

$$dS = \frac{C_V}{T} \cdot dT \Rightarrow \boxed{\Delta S = n \cdot C_V \ln \frac{T_2}{T_1}}$$

UNO V: σταθ

$$\text{Θα δούμετε ότι } \rho \propto \frac{\sum_{x \in S} S}{\psi \in \text{inv } S}$$

$$C_p = \left(\frac{\partial H}{\partial T} \right)_P$$

Εξουμέτρη $H, P, T \& S$

Θα γράψουμε μια 6χεσμή του "1"
(αφορά 4 μεταβλ., Εκ των οποίων οι 2 είναι ανεξεργατικές).

$$\left[\frac{\partial T}{\partial S} \right]_P \left[\frac{\partial S}{\partial H} \right]_P \left[\frac{\partial H}{\partial T} \right]_P = 1$$

\checkmark

$\underbrace{\quad}_{\frac{1}{T}}$

$$\frac{C_p}{T} = \left(\frac{\partial S}{\partial T} \right)_P$$

$$\Delta S = n \cdot C_p \ln \frac{T_2}{T_1}$$

Για $P: \sigma \alpha \theta$

ԱՏ ԵՎՐՈՎԻ ԽԾՈՎՄՒՄ ՀԱՅԵԼԵՍ:

$$\frac{C_V}{T} = \left(\frac{\partial S}{\partial T} \right)_V \quad \hookrightarrow$$

$$\frac{C_P}{T} = \left(\frac{\partial S}{\partial T} \right)_P$$

ԵԽՈՎ: S, T, P, V

Օ՛ՇԽԱ:

$$\left(\frac{\partial S}{\partial T} \right)_P = \left(\frac{\partial S}{\partial T} \right)_V + \left(\frac{\partial S}{\partial V} \right)_T \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P$$

1
2
3
 $\left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_V \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P$
2ⁿ Max

$$\frac{C_P}{T} = \frac{C_V}{T} + \left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_V \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P \Rightarrow C_P = C_V + T \left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_V \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P$$

$$\Delta n \lambda.: C_p - C_v = T \cdot \left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_V \cdot \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P$$

για Ιδεαλ Γάστρι

Εφαρμογή για ιδανικό αέριο:

$$P = \frac{nRT}{V} \quad \Rightarrow \quad V = \frac{nRT}{P}$$

$$\Rightarrow C_p - C_v = T \cdot \frac{nR}{V} \cdot \frac{nR}{P} \quad \boxed{1}$$

$C_p - C_v = nR$
 \cdot
 $C_p - C_v = R$

Για ιδανικό Αέριο

2) Συντάξεις
 ↳ Συντάξεις Θερμικής Διαστολής , α
 |σύθερης Συμπιεστικότητας, κ

$$2\alpha) \quad \alpha \equiv \frac{1}{V} \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P [=] K^{-1}$$

$$2\beta) \quad \kappa \equiv -\frac{1}{V} \left(\frac{\partial V}{\partial P} \right)_T [=] Pa, atm^{-1}$$

$$1 \text{ atm} = 101325 \text{ Pa}$$

Άσκηση / Εργασία: Για τον $Hg(l)$, ως νοοτρικόν την περιαρθρήση της P με την T

$$\left(\frac{\partial P}{\partial T}\right)_V$$

περιαρθρήση της P με την T

Διανονταί: $\alpha = 1.8 \times 10^{-4} K^{-1}$
 $K = 3.9 \times 10^{-6} atm^{-1}$

Διένοι:

$$\left(\frac{\partial P}{\partial T}\right)_V \left(\frac{\partial T}{\partial V}\right)_P \left(\frac{\partial V}{\partial P}\right)_T = -1$$

$\underbrace{}_{\frac{1}{\alpha V}}$ $\underbrace{}_{-KV}$

$$\Rightarrow \left(\frac{\partial P}{\partial T}\right)_V = \frac{\alpha}{K} = \frac{1.8 \times 10^{-4} K^{-1}}{3.9 \times 10^{-6} atm^{-1}} = 46 atm K^{-1}$$

$$\alpha = \frac{1}{V} \left[\frac{\partial V}{\partial T} \right]_P$$

$$K = -\frac{1}{V} \left[\frac{\partial V}{\partial P} \right]_T$$

Ei δαμε σι:

$$C_p - C_v = T \left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_V \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P \quad (1)$$

$$\left[\frac{\partial S}{\partial T} \right]_P = \underbrace{\left[\frac{\partial S}{\partial T} \right]_V}_{C_v/T} + \underbrace{\left(\frac{\partial S}{\partial V} \right)_T \left[\frac{\partial V}{\partial T} \right]_P}_{\left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_V}$$

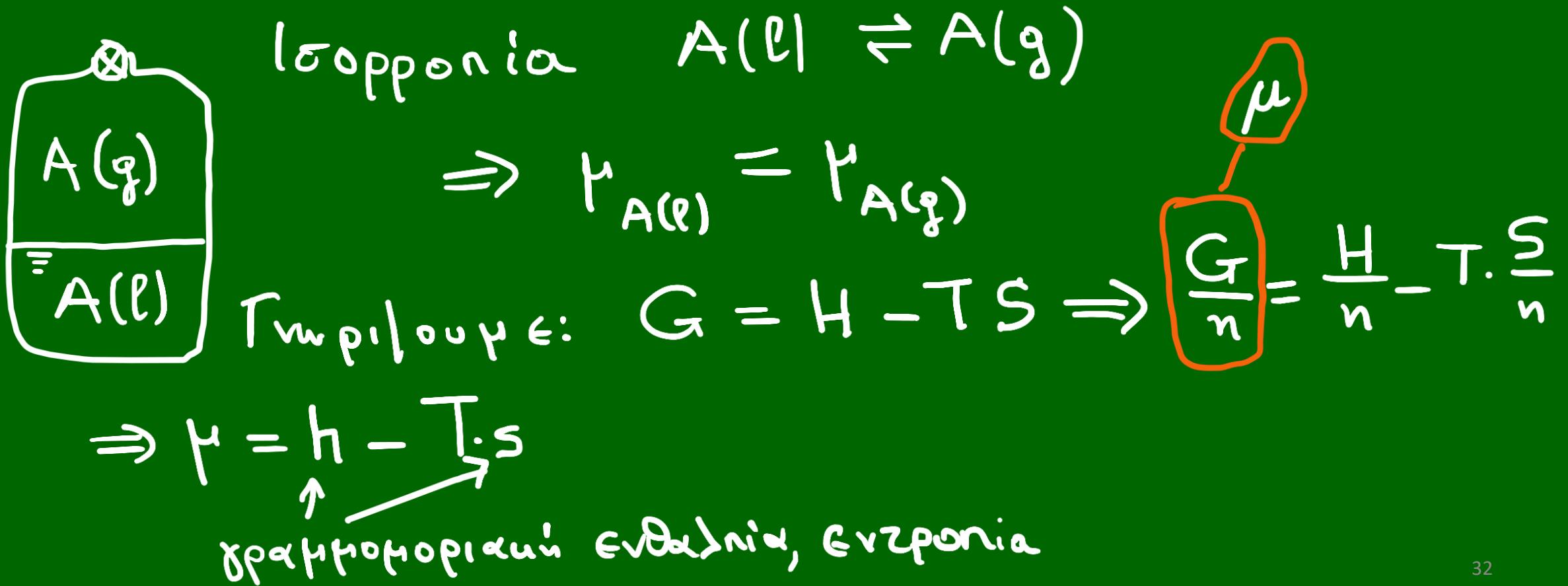
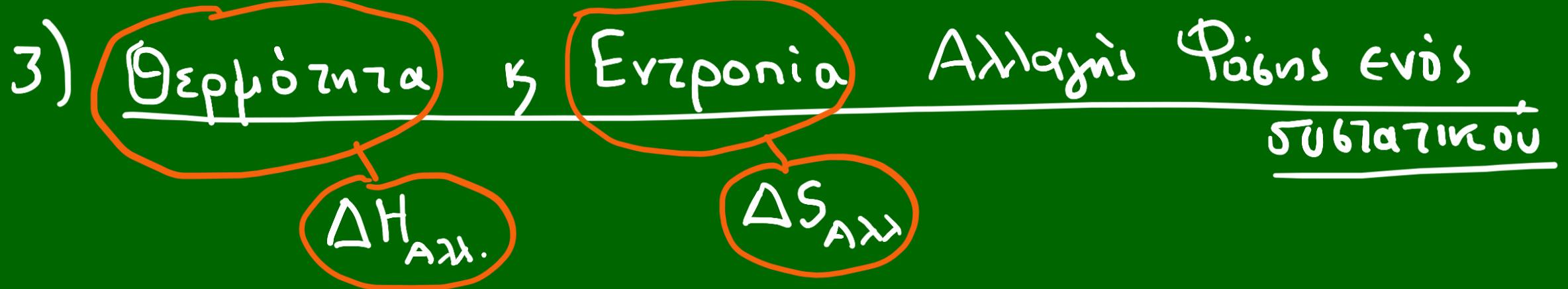
απλα: $\alpha = \frac{1}{V} \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P$

$\kappa = -\frac{1}{V} \left(\frac{\partial V}{\partial P} \right)_T$

$$\Rightarrow C_p - C_v = T \underbrace{\left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)}_{\alpha/\kappa} \underbrace{\left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P}_{\alpha V}$$

$$C_p - C_v = T \cdot V \cdot \frac{\alpha^2}{\kappa}$$

Γενική 6x εση



$$\alpha\lambda\lambda\alpha \text{ (isopropenial)} : \rightarrow \mu_{A(p)} = h_{A(g)}$$

$$h_{A(l)} - T \cdot s_{A(l)} = h_{A(g)} - T \cdot s_{A(g)} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow T(s_{A(g)} - s_{A(l)}) = h_{A(g)} - h_{A(l)} \Rightarrow$$

$$T_i \cdot \Delta s_{\Sigma \alpha \epsilon p} = \Delta h_{\Sigma \alpha \epsilon p}$$

$$\text{Kai } T_{THE} \cdot \Delta s_{THE} = \Delta h_{THE} \quad A(l) \rightleftharpoons A(s)$$

Η: ολισή Ενθαλπία
 h: γραμμομοριακή
 Ενθαλπία

Μεθοδολογία υπολογισμών w , q , ΔU , ΔH , ΔS

- 1) w
- $w = - \int P_{\Sigma} dV$ (1)
 - Εάν P_{Σ} : σταθ $\Rightarrow w = -P_{\Sigma} \Delta V$
 - Εάν έχω αντιστρέψιμη : $P_{\Sigma} = P$
- (1) $\rightarrow w = - \int P dV$

Π.χ. αν έχω ιδανικό αέριο: $P = \frac{nRT}{V}$

↳ $w = - \int \frac{nRT}{V} dV$

και για το θερμη διεγεύσια ($T : \sigma \alpha \theta$)

$$\Rightarrow w = -nRT \int \frac{dv}{v} = -nRT \ln \frac{V_2}{V_1}$$

Δηλ.

$$w = -nRT \ln \frac{V_2}{V_1}$$

- αντίθετη
- ιδανικό αξέριο
- $T : \sigma \alpha \theta$

• $w = \Delta U - q$

Υπολογισμός ως γα:

Αντιστρενί, 150 θετήν διεργασίας επιου

van der Waals

Καρακτηρική εξίσωση v.d.W.:

$$(1) \left(P + a \left(\frac{n}{V} \right)^2 \right) [V - nb] = nRT$$

α, b : συντλετές
v.d.w.

$$\boxed{\frac{V}{n} = u: \text{Γραφικού-}\text{μοριακός}\text{ ογκος}}$$

$$w = - \int P dV = - \int P dV =$$

ΑΝΤΙΣΤΡΕΝΙ

v.d.w

$$\rightarrow - \int \left(\underbrace{\frac{nRT}{V-nb}}_{P} - a \left(\frac{n}{V} \right)^2 \right) dV$$

$$\Rightarrow w = - \int \frac{nRT}{V-nb} dV + \int a \left(\frac{n}{V} \right)^2 dV \Rightarrow$$

$$\Rightarrow w = -nRT \ln \frac{V_2 - nb}{V_1 - nb} - a \left(\frac{n^2}{V_2} - \frac{n^2}{V_1} \right)$$

- αντιστρέψιν
- αύριο v. d. W.
- ισόερμη (T: σταθ.)

Եղանակ : ՏՈՂԵԱՆԴԻ ՈՅՈՂՆ ԹԵՐՄԻԿԱԿԱ

2) գ

- Եթե չի էլեկտրականություն : $q = 0$ ($w = \Delta U$)
- $q = -q_{\text{p}}$
- Իւր բ: օրգան. $q_p = \Delta H = n c_p \Delta T$
- $q = \Delta U - w$

3) ΔU

$$U = U(T, V) \Rightarrow dU = \left(\frac{\partial U}{\partial T} \right)_V dT + \left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_T dV \quad (1)$$

$\underbrace{\left(\frac{\partial U}{\partial T} \right)_V}_{C_V = n \cdot c_V}$ $\underbrace{\left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_T}_{1^n \Theta.K.E.}$

$1^n \Theta.K.E.:$ $\left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_T = \left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_S + \left(\frac{\partial U}{\partial S} \right)_V \left(\frac{\partial S}{\partial V} \right)_T \Rightarrow \left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_T = -P + T \left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_V$

$\underbrace{\left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_S}_{-P}$ $\underbrace{\left(\frac{\partial U}{\partial S} \right)_V}_{T}$ $\underbrace{\left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_V}_{\left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_V}$

$2^n \sigma x. Maxwell$

$$(1) \rightarrow dU = nC_V dT + \left(-P + T \cdot \left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_V \right) dV$$

• Εάν $V: \sigma\alpha\theta.$ $\Rightarrow \Delta U = nC_V \Delta T$

• Εάν εχω ιδανικό ρεύμα.

$$\left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_T = -P + T \left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_V = 0$$

$P = \frac{nRT}{V}$ → ... $\frac{nR}{V}$

$$\text{Αρά: } dU = n c_v dT + \left[-P + T \left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_V \right] dV$$

= 0 για ιδανικό αέριο

(είναι $n \left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_T = 0$)

$$\Rightarrow \Delta U = n \cdot c_v \cdot \Delta T$$

για ιδανικό αέριο
(ακόμα και στην επένδυση οργάνων)

Αριθμητική ισοθερμική αλλαγή (Ισόθερμη)

διεργασία ιδανικού αερίου:

$$\Delta U = n \cdot c_v \cdot \Delta T \Rightarrow \Delta U = 0$$

Σύνοψη:

$$\Delta U = n \cdot c_v \cdot \Delta T \text{ για ιδανικό αέριο}$$

και $\Delta U = n \cdot c_v \cdot \Delta T$ για υποτελεστικά Σιγυρά
υπό V : σταθ.

Σχόλιο: Εκ των (P, V, T) δι. \leqq είναι
αγ. & αριμέσι!

4) ΔH

$$H = H(T, P) \Rightarrow dH = \underbrace{\left(\frac{\partial H}{\partial T} \right)_P}_{C_p = n \cdot c_p} dT + \underbrace{\left(\frac{\partial H}{\partial P} \right)_T}_{2^n \text{ Θ.K.E.}} dP$$

$$2^n \text{ Θ.K.E.} \cdot \left(\frac{\partial H}{\partial P} \right)_T = \underbrace{\left(\frac{\partial H}{\partial P} \right)_S}_\checkmark + \underbrace{\left(\frac{\partial H}{\partial S} \right)_P}_{T} \underbrace{\left(\frac{\partial S}{\partial P} \right)}_{-\left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P}_T \Rightarrow \left(\frac{\partial H}{\partial P} \right)_T = V - T \cdot \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P$$

1^η σχ.
Maxwell

$$\text{Αρχ: } dH = n \cdot c_p \cdot dT + \left(v - T \left(\frac{\partial v}{\partial T} \right)_p \right) dp$$

• Για p : σταθμό $\Rightarrow \Delta H = n c_p \Delta T$

• Για ιδανικό αέριο:

$$\left(\frac{\partial H}{\partial p} \right)_T = 0$$

$$v - T \left(\frac{\partial v}{\partial T} \right)_p = 0$$

Για ιδανικό αέριο

$$\Delta H = n \cdot c_p \cdot \Delta T$$

για ιδανικό αέριο

\Rightarrow Ισοθερμή ($T: \alpha \theta$) ιδανικό
αέριο $\rightarrow \Delta H = 0$

$$5) \Delta S$$

α) Για το ηεπιβάλλον: $\Delta S_n = \frac{q_n}{T_n}$ $q_n = -q$

β) Για το Σύστημα:

β1) Αντιστροφή διέγερσις: $\Delta S = \int \frac{dq}{T}$

Εδώ είναι η ισοθερμή:

$\Rightarrow \boxed{\Delta S = \frac{q}{T},}$

- αντιστροφή
- T : σταθ

g) Πολύ συχνά θεωρήθει από:

$$S = S(T, V) \quad ; \quad S = S(T, P)$$

$$\text{g1)} \quad S = S(T, V) \Rightarrow dS = \left(\frac{\partial S}{\partial T} \right)_V dT + \left(\frac{\partial S}{\partial V} \right)_T dV$$

2ⁿ σχ. Maxwell

$$\frac{C_V}{T} = \frac{nC_V}{T}$$
$$\left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_V$$

$$\Rightarrow dS = nC_V \frac{dT}{T} + \underbrace{\left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_V dV}_{\text{χρειάζεται καταστάσιμη εξίσωση}}$$

χρειάζεται
καταστάσιμη
εξίσωση

$$\Delta S: dS = nC_V \frac{dT}{T} + \left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_V dV$$

$\underbrace{\frac{nR}{V}}$

Εγγω οτιλ έχω
Ιδανικό αλφίδ
 $P = \frac{nRT}{V}$

Για κάθε
Σύστημα

$$\Rightarrow \boxed{\Delta S = nC_V \ln \frac{T_2}{T_1} + nR \ln \frac{V_2}{V_1}}$$

Γενική σχέση για Ιδανικό Αερίδ

Για $V: \sigma\alpha\theta$ $\Delta S = nC_V \ln \frac{T_2}{T_1}$ (Ισοχώρη: $V=\sigma T$)

Για $T: \sigma\alpha\theta$ $\Delta S = nR \ln \frac{V_2}{V_1}$

$$\text{y2)} \quad S = S(T, P) \Rightarrow dS = \left(\frac{\partial S}{\partial T} \right)_P dT + \left(\frac{\partial S}{\partial P} \right)_T dP$$

1. ex. Maxwell

$$\frac{C_P}{T} = \frac{nC_P}{T}$$

$$-\left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P$$

$$\Rightarrow dS = n \cdot C_P \cdot \frac{dT}{T} - \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P dP$$

η penti va ζερων
την παραγωγή
ετιών !!

$$\Delta_{nJ.}: dS = nC_P \frac{dT}{T} - \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P dP$$

$\underbrace{\frac{nR}{P}}$

Εβτών οτι εξω
Ιδανικό αλπιο.

$\left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P = \frac{nR}{P}$

$$\Rightarrow \Delta S = nC_P \ln \frac{T_2}{T_1} - nR \ln \frac{P_2}{P_1}$$

Γενική εξτρημικού αλπιου

Για κάθε
Σύστα
(υγρό, στρέψι
κλπ)

Tια Ισοβαρίν (P: σαν): $\Delta S = nC_P \ln \frac{T_2}{T_1}$

Tια T:εταθ: $\Delta S = -nR \ln \frac{P_2}{P_1}$ (ΙΔΑΝΙΚΟ ΑΕΡΙΟ)

Συνοψη σχετικων ανω $S = S(T, V) \rightarrow S = S(T, P)$

Γενικες Σχεσεις (για όποια για Συστήματα:

Τύποι:
 Στερεά
 Αερία

• V : συνδ. : $\Delta S = nC_V \ln \frac{T_2}{T_1}$

• P : συνδ. : $\Delta S = nC_P \ln \frac{T_2}{T_1}$

Για Ιδανικά Αερία:

$$\Delta S = nC_V \ln \frac{T_2}{T_1} + nR \ln \frac{V_2}{V_1}$$

$$\Delta S = nC_P \ln \frac{T_2}{T_1} - nR \ln \frac{P_2}{P_1}$$