

Φυσικές Διεργασίες II

Σωληνώσεις

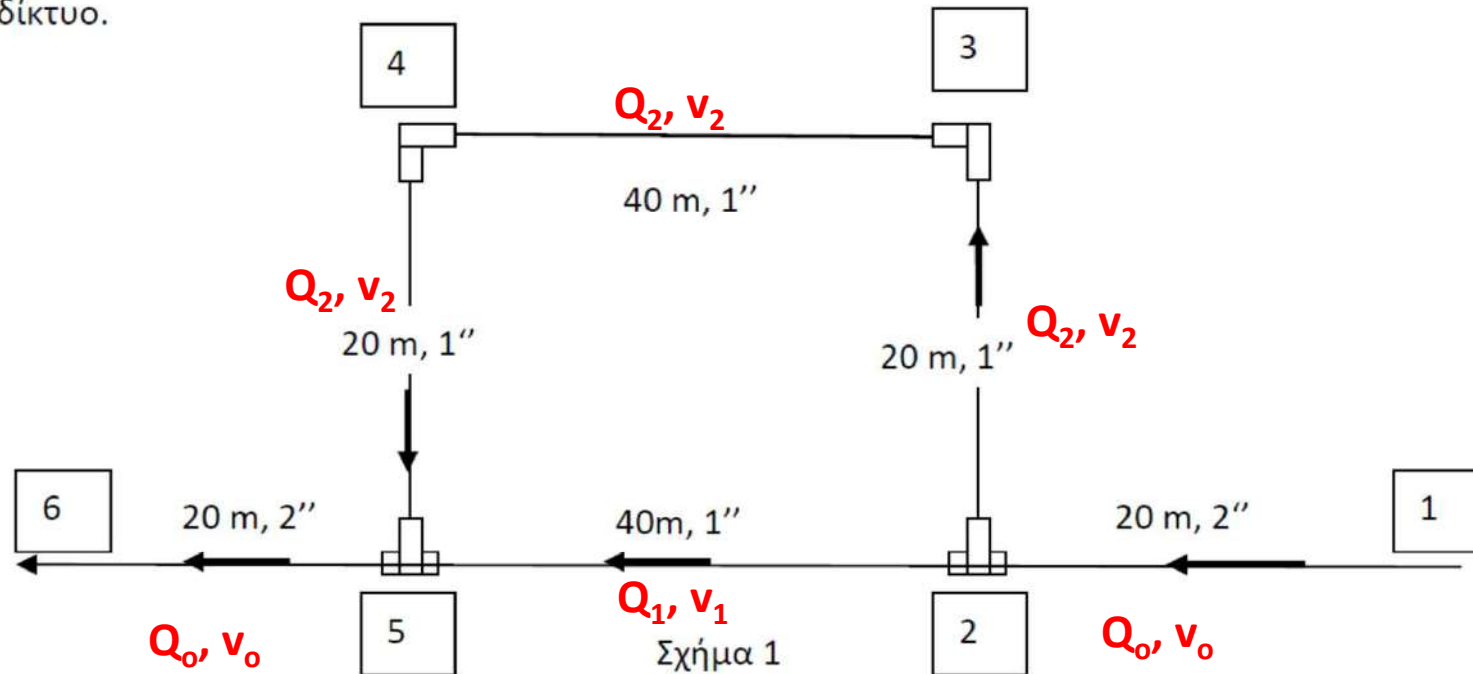
Διαδικτυακό μάθημα

Δίκτυα Σωληνώσεων

ΝΕΑ ΑΣΚΗΣΗ 2

ΘΕΜΑ σε πολλές εξεταστικές

Θεωρήστε την σωλήνωση του Σχήματος 1. Το υλικό του σωλήνα είναι κοινός χάλυβας και ο λόγος τραχύτητας/διαμέτρου μπορεί να θεωρηθεί χονδρικά ίσος $(\epsilon/D \approx 0.01)$ για όλο το δίκτυο.



Πόση υδροστατική κεφαλή ($h_{ολ}$, [=], m^2/s^2) και πόση ισχύ χρειαζόμαστε για να κινήσουμε νερό θερμοκρασίας 25° μέσω της σωληνώσεως με παροχή, $Q = 20 m^3 / hr$; Δώστε σε πίνακα τις ταχύτητες και τις παροχές σε όλους τους κλάδους

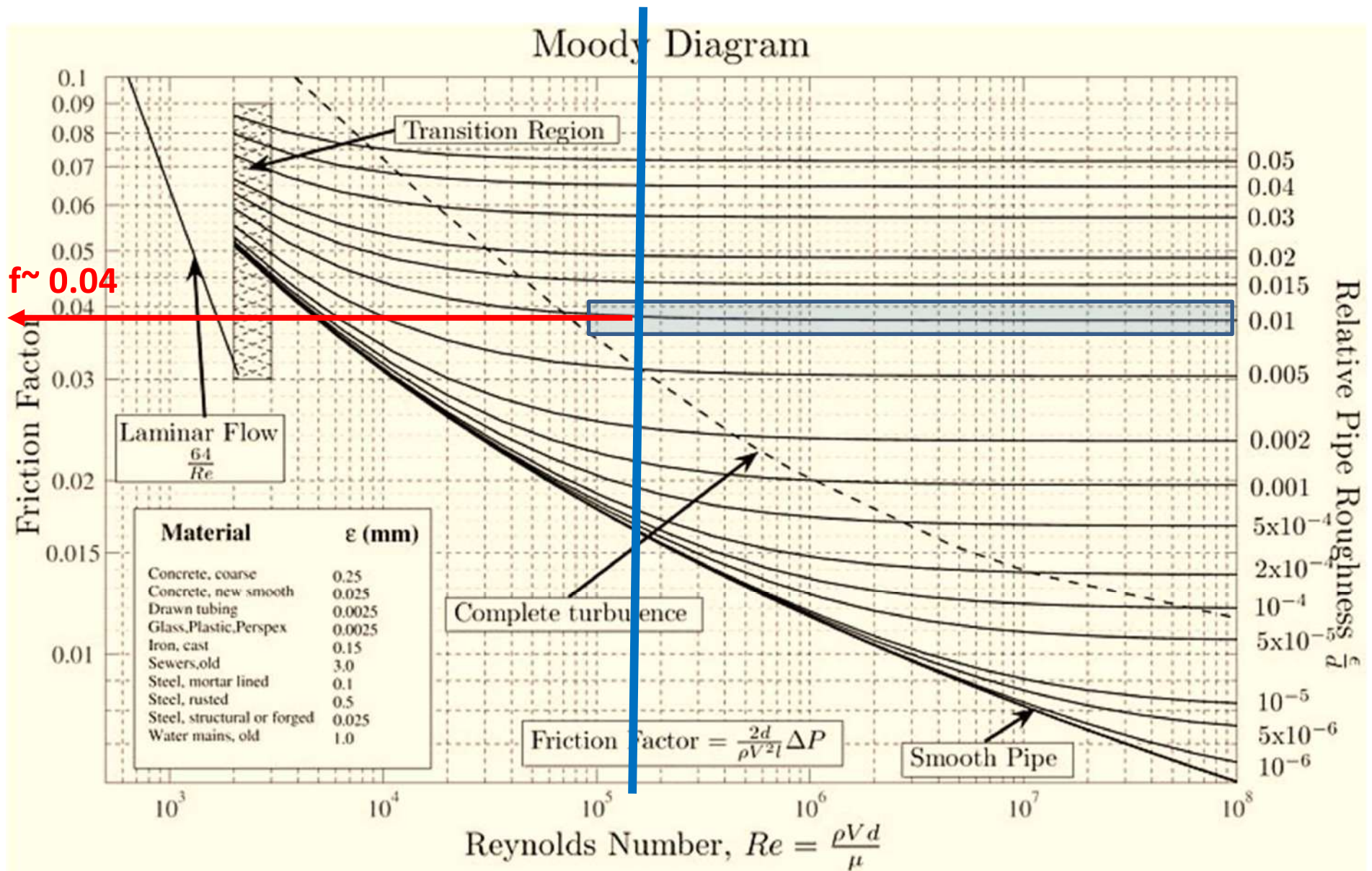
$$Q_o = Q_{12} = Q_{56} = 20 m^3/hr = 5.556 \cdot 10^{-3} m^3/s, \langle v_o \rangle = 2.742 m/s, \text{Re} = (\rho V D) / \mu = 1.4 \cdot 10^5$$

$$D_{12} = D_{56} = 2 \text{ in} = 0.0508 \text{ m}, D_{23} = D_{34} = D_{45} = 1 \text{ in} = 0.0254 \text{ m}$$

Θεωρείστε ο συντελεστής τριβής είναι ίδιος παντού, $f=0.04$, ΑΓΝΟΕΙΣΤΕ ΤΙΣ ΕΛΛΑΣΟΝΕΣ ΑΠΩΛΕΙΕΣ

Διάγραμμα Moody

$$f_D(Re, k/D)$$



Είναι προφανές ότι

$$Q_0 = Q_1 + Q_2 \quad \text{εξ. [1]}$$

Γράφουμε το ισοζύγιο Ενέργειας για το κάθε κομμάτι του δικτύου

$$\frac{p_1}{\rho} + \frac{1}{2} \langle v_{12} \rangle^2 + gz_1 = \frac{p_2}{\rho} + \frac{1}{2} \langle v_{12} \rangle^2 + gz_2 + h_{ολ,12}. \quad [2]$$

Το δικτύωμα είναι παράλληλο με το έδαφος οπότε $z_1 = z_2$ και επίσης ότι οι ταχύτητες είναι ίδιες, αφού δεν αλλάζει η διαδρομή κατά την πορεία του νερού από το σημείο $1 \rightarrow 2$. Επίσης αγνοούμε τις ελάχιστες απώλειες. Οπότε η εξίσωση [2] απλουστεύεται αρκετά και γίνεται

$$\text{Διαδρομή } 1 \rightarrow 2 \quad \frac{p_1}{\rho} - \frac{p_2}{\rho} = h_{ολ,12} = h_{μ,12}. \quad [3]$$

Ομοίως και για τις άλλες διαδρομές θα έχουμε

$$\text{Διαδρομή } 2 \rightarrow 3 \quad \frac{p_2}{\rho} - \frac{p_3}{\rho} = h_{ολ,23} = h_{μ,23}. \quad [4]$$

$$\text{Διαδρομή } 3 \rightarrow 4 \quad \frac{p_3}{\rho} - \frac{p_4}{\rho} = h_{ολ,34} = h_{μ,34}. \quad [5]$$

$$\text{Διαδρομή } 4 \rightarrow 5 \quad \frac{p_4}{\rho} - \frac{p_5}{\rho} = h_{ολ,45} = h_{μ,45}. \quad [6]$$

$$\text{Διαδρομή } 5 \rightarrow 6 \quad \frac{p_5}{\rho} - \frac{p_6}{\rho} = h_{ολ,56} = h_{μ,56}. \quad [7]$$

$$\text{Διαδρομή } 2 \rightarrow 5 \quad \frac{p_2}{\rho} - \frac{p_5}{\rho} = h_{ολ,25} = h_{μ,25}. \quad [8]$$

Είναι προφανές ότι

$$Q_0 = Q_1 + Q_2 \quad \text{εξ. [1]}$$

Γράφουμε το ισοζύγιο Ενέργειας για το κάθε κομμάτι του δικτύου

$$\frac{p_1}{\rho} + \frac{1}{2} \langle v_{12} \rangle^2 + gz_1 = \frac{p_2}{\rho} + \frac{1}{2} \langle v_{12} \rangle^2 + gz_2 + h_{ολ,12}. \quad [2]$$

Το δικτύωμα είναι παράλληλο με το έδαφος οπότε $z_1 = z_2$ και επίσης ότι οι ταχύτητες είναι ίδιες, αφού δεν αλλάζει η διαδρομή κατά την πορεία του νερού από το σημείο $1 \rightarrow 2$. Επίσης αγνοούμε τις ελάχιστες απώλειες. Οπότε η εξίσωση [2] απλουστεύεται αρκετά και γίνεται

$$\text{Διαδρομή } 1 \rightarrow 2 \quad \frac{p_1}{\rho} - \frac{p_2}{\rho} = h_{ολ,12} = h_{\mu,12}. \quad [3]$$

Ομοίως και για τις άλλες διαδρομές θα έχουμε

$$\text{Διαδρομή } 2 \rightarrow 3 \quad \frac{p_2}{\rho} - \frac{p_3}{\rho} = h_{ολ,23} = h_{\mu,23}. \quad [4]$$

$$\text{Διαδρομή } 3 \rightarrow 4 \quad \frac{p_3}{\rho} - \frac{p_4}{\rho} = h_{ολ,34} = h_{\mu,34}. \quad [5]$$

$$\text{Διαδρομή } 4 \rightarrow 5 \quad \frac{p_4}{\rho} - \frac{p_5}{\rho} = h_{ολ,45} = h_{\mu,45}. \quad [6]$$

$$\text{Διαδρομή } 5 \rightarrow 6 \quad \frac{p_5}{\rho} - \frac{p_6}{\rho} = h_{ολ,56} = h_{\mu,56}. \quad [7]$$

$$\text{Διαδρομή } 2 \rightarrow 5 \quad \frac{p_2}{\rho} - \frac{p_5}{\rho} = h_{ολ,25} = h_{\mu,25}. \quad [8]$$

$$= h_{ολ}$$

Αν αθροίσουμε τις εξισώσεις 4 έως 8 θα υπολογίσουμε το άθροισμα όλων των επιμέρους τοπικών απωλειών και θα βρούμε το ολικό $h_{ολ}$

$$h_{ολ} = h_{\mu,12} + h_{\mu,23} + h_{\mu,34} + h_{\mu,45} + h_{\mu,56} + h_{\mu,25} = \frac{1}{\rho} [(p_1 - p_6) + (p_2 - p_5)], \quad [9]$$

Οι τοπικές μείζονες απώλειες

$$h_{\mu,12} = f_{12} \frac{l_{12}}{D_{12}} \frac{\langle v_{12} \rangle^2}{2} = f_{12} \frac{l_{12}}{D_{12}} \frac{\langle v_o \rangle^2}{2}$$

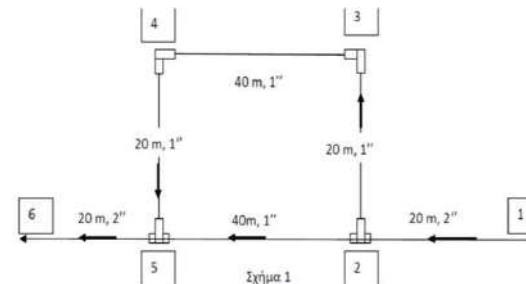
$$h_{\mu,23} = f_{23} \frac{l_{23}}{D_{23}} \frac{\langle v_{23} \rangle^2}{2} = f_{12} \frac{l_{23}}{D_{23}} \frac{\langle v_2 \rangle^2}{2}$$

$$h_{\mu,34} = f_{34} \frac{l_{34}}{D_{34}} \frac{\langle v_{34} \rangle^2}{2} = f_{12} \frac{l_{34}}{D_{23}} \frac{\langle v_2 \rangle^2}{2} = f_{12} \frac{2 \cdot l_{23}}{D_{23}} \frac{\langle v_2 \rangle^2}{2} \text{ αφού } l_{34} = 2 \cdot l_{23} \text{ και } v_{34} = v_2, \quad [12]$$

$$h_{\mu,45} = f_{45} \frac{l_{45}}{D_{45}} \frac{\langle v_{45} \rangle^2}{2} = f_{12} \frac{l_{23}}{D_{23}} \frac{\langle v_2 \rangle^2}{2}, \text{ αφού } l_{45} = l_{23} \text{ και } v_{34} = v_{23} = v_2, \quad [13] \text{ (ίδια εξ. με [11])}$$

$$h_{\mu,56} = f_{56} \frac{l_{56}}{D_{56}} \frac{\langle v_{12} \rangle^2}{2} = f_{12} \frac{l_{12}}{D_{12}} \frac{\langle v_o \rangle^2}{2} \quad [14] \text{ (ίδια με [10])}$$

$$h_{\mu,25} = f_{25} \frac{l_{25}}{D_{25}} \frac{\langle v_{12} \rangle^2}{2} = f_{12} \frac{2 \cdot l_{12}}{D_{12}/2} \frac{\langle v_1 \rangle^2}{2} = 4 \cdot f_{12} \frac{l_{12}}{D_{12}} \frac{\langle v_1 \rangle^2}{2} \quad [15]$$



Πριν την ολική άθροιση ας κάνουμε τα μερικά αθροίσματα των όρων που έχουν ίδιες ταχύτητες

$$h_{\mu,12} + h_{\mu,56} = 2 f_{12} \frac{l_{12}}{D_{12}} \frac{\langle v_o \rangle^2}{2} = f_{12} \frac{l_{12}}{D_{12}} \langle v_o \rangle^2 [16]$$

$$h_{\mu,23} + h_{\mu,34} + h_{\mu,45} = 4 f_{12} \frac{l_{23}}{D_{23}} \frac{\langle v_2 \rangle^2}{2} = 4 f_{12} \frac{l_{12}}{D_{12}/2} \frac{\langle v_2 \rangle^2}{2} = 8 f_{12} \frac{l_{12}}{D_{12}} \frac{\langle v_2 \rangle^2}{2} = 4 f_{12} \frac{l_{12}}{D_{12}} \langle v_2 \rangle^2$$

αφού $l_{23} = l_{12}$ και $D_{23} = D_{12}/2$ [17]

$$h_{\mu,25} = 4 * f_{12} \frac{l_{12}}{D_{12}} \frac{\langle v_1 \rangle^2}{2} = 2 * f_{12} \frac{l_{12}}{D_{12}} \langle v_1 \rangle^2 [18]$$

Έτσι το ολικό άθροισμα, $h_{o\lambda}$ είναι

$$h_{o\lambda} = f_{12} \frac{l_{12}}{D_{12}} [\langle v_o \rangle^2 + 4 \langle v_2 \rangle^2 + 2 \langle v_1 \rangle^2], \text{ (άγν. } v_1 \text{ και } v_2 \text{ και } h_{o\lambda}), [19]$$

Από την εξίσωση [1] μπορούμε να έχουμε ακόμη μια σχέση μεταξύ των ταχυτήτων

$$Q_o = Q_1 + Q_2 \rightarrow A_o \langle v_o \rangle = A_1 \langle v_1 \rangle + A_2 \langle v_2 \rangle$$

$$\pi \frac{D_o^2}{4} \langle v_o \rangle = \pi \frac{D_1^2}{4} \langle v_1 \rangle + \pi \frac{D_2^2}{4} \langle v_2 \rangle = \pi \frac{(\frac{D_o}{2})^2}{4} \langle v_1 \rangle + \pi \frac{(\frac{D_o}{2})^2}{4} \langle v_2 \rangle$$

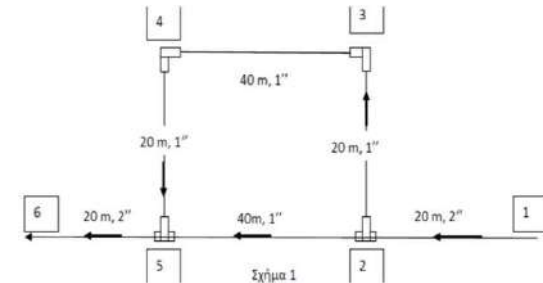
$$\langle v_o \rangle = \frac{1}{4} [\langle v_1 \rangle + \langle v_2 \rangle] [20]$$

Χρειαζόμαστε άλλη μια εξίσωση πέραν των [19] και [20] για τον υπολογισμό των v_1 και v_2 και του $h_{ολ}$.

Οι πιέσεις στα σημεία (2) και (5) είναι οι ΙΔΙΕΣ και μπορούν να υπολογιστούν ανεξάρτητα της διαδρομής που θα ακολουθήσει το νερό, δηλαδή οι απώλειες στην διαδρομή 2-3-4-5 είναι ίσες με τις απώλειες στην διαδρομή 2-5

$$p_2 - p_5 = \rho (h_{\mu,23} + h_{\mu,34} + h_{\mu,45}) = \rho \left[8 f_{12} \frac{l_{12}}{D_{12}} \frac{\langle v_2 \rangle^2}{2} \right] \quad [21]$$

$$p_2 - p_5 = \rho (h_{\mu,25}) = \rho \left[4 * f_{12} \frac{l_{12}}{D_{12}} \frac{\langle v_1 \rangle^2}{2} \right]$$



Από τις [21] και [22] λαμβάνουμε

$$2 \langle v_2 \rangle^2 = \langle v_1 \rangle^2 \quad \text{ή} \quad \langle v_1 \rangle = \sqrt{2} \langle v_2 \rangle \quad [23]$$

Από τις [20] και [23] παίρνουμε $\langle v_o \rangle = \frac{1}{4} [\langle v_1 \rangle + \langle v_2 \rangle]$

$$\langle v_o \rangle = \frac{1}{4} [\sqrt{2} \langle v_2 \rangle + \langle v_2 \rangle] \rightarrow 4 \langle v_o \rangle = (1 + \sqrt{2}) \langle v_2 \rangle$$

Έτσι $\langle v_2 \rangle = \langle v_o \rangle \left[\frac{4}{1 + \sqrt{2}} \right] = 2.742 * 1.6568 = 4.543 \text{ m/s}$, και $Q_2 = 2.301 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3/\text{s}$

Από την Εξ. [23] $\langle v_1 \rangle = \sqrt{2} \langle v_2 \rangle = 6.425 \text{ m/s}$ και $Q_1 = 3.254 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3/\text{s}$

Από την εξίσωση [19] μπορούμε τώρα να υπολογίσουμε το $h_{ολ}$

$$h_{ολ} = f_{12} \frac{l_{12}}{D_{12}} [\langle v_o \rangle^2 + 4 \langle v_2 \rangle^2 + 2 \langle v_1 \rangle^2]$$

$$h_{ολ} = 0.04 * \frac{20}{0.0508} [(2.742^2 + 4 * 4.543^2 + 2 * 6.425^2)] = 2718,44 \text{ m}^2/\text{s}^2$$

Η ολική ισχύς δίνεται από την σχέση

$$\dot{w} = \rho Q_{ολ} h_{ολ} = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} * 5.556 \cdot 10^{-3} \frac{\text{m}^3}{\text{s}} 2718,44 \frac{\text{m}^2}{\text{s}^2} = 15103 \left(\text{kg} \frac{\text{m}}{\text{s}^2} * \text{m} * \frac{1}{\text{s}} = \frac{\text{J}}{\text{s}} \right)$$

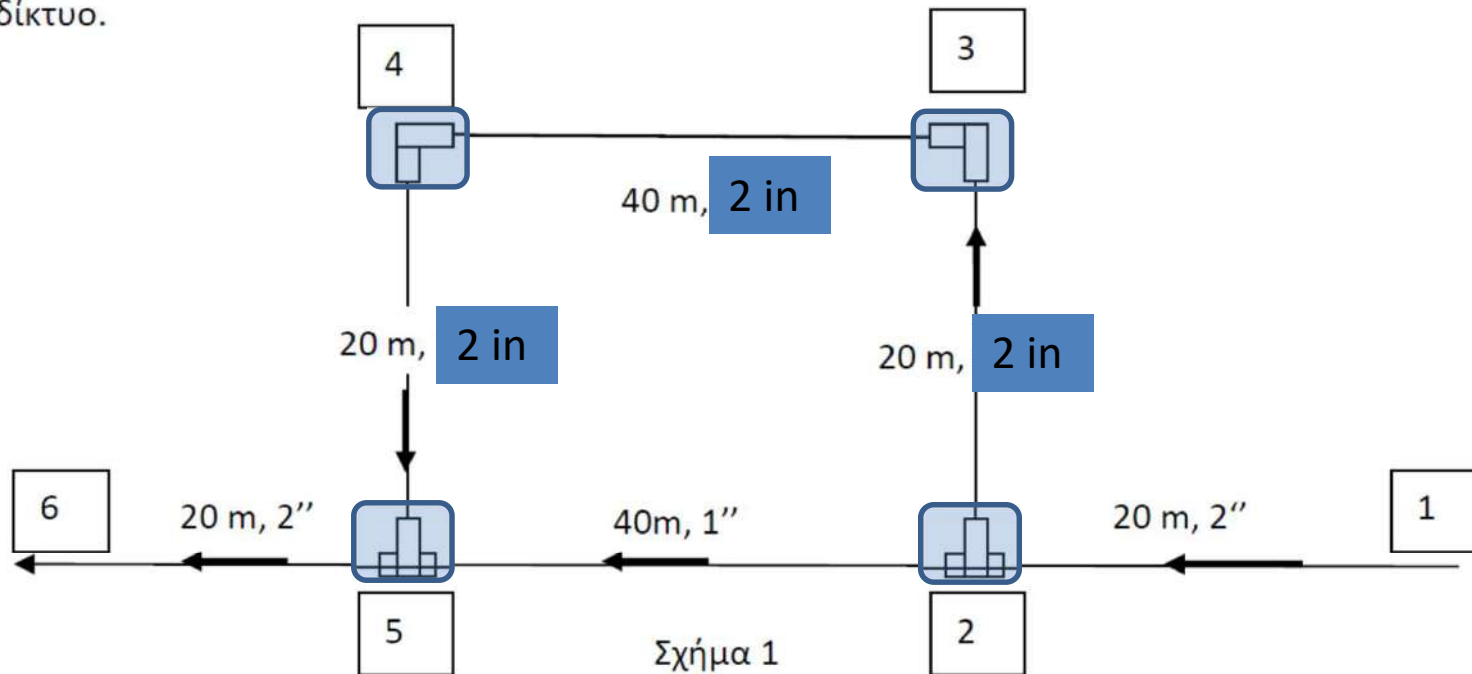
$= 15103 \text{ Watt}$
 $\dot{w} = 15.1 \text{ kW} = 20.25 \text{ hP}$

Επανάληψη: Ίδια δεδομένα αλλά όλες οι διαμέτροι των σωλήνων ίσοι με 2''.

ΌΜΩΣ να λάβετε υπόψη και την παρουσία των ΤΑΥ (ευθύγραμμα) και των αγκώνων
Υπολογίστε το $h_{ολ}$, και τις πιέσεις σε όλα τα σημεία.

Στον επίλογο, να συνοψίσετε τις κυριότερες αλλαγές στα αποτελέσματά σας σε σχέση με την προηγούμενη άσκηση

Θεωρήστε την σωληνώση του Σχήματος 1. Το υλικό του σωλήνα είναι κοινός χάλυβας και ο λόγος τραχύτητας/διαμέτρου μπορεί να θεωρηθεί χονδρικά ίσος ($e/D \approx 0.01$) για όλο το δίκτυο.



Πόση υδροστατική κεφαλή ($h_{ολ}$, [=], m^2/s^2) και πόση ισχύ χρειάζομαστε για να κινήσουμε νερό θερμοκρασίας 25° μέσω της σωληνώσεως με παροχή, $Q = 20m^3 / hr$; Δώστε σε πίνακα τις ταχύτητες και τις παροχές σε όλους τους κλάδους

Ασκήσεις Κεφαλαίου 11, Βιβλίο ΑΧΠ, 11.1 μέχρι 11.6 (σελ. 344-346)
Παράδοση μέχρι 10/4/2020 στο mail μου
takisp@chemeng.upatras.gr

Scan χειρόγραφες σημειώσεις
1^η Σελίδα

Φυσικές Διεργασίες II

Λύσεις 1^{ης} Σειράς Ασκήσεων, Παράδοση: 10/4/2020

Διδάσκων: Χρ. Παρασκευά

ΟΝΟΜΑΤΕΠΩΝΥΜΟ

ΑΜ, ΕΤΟΣ, Υπογραφή

Άσκηση 11.1