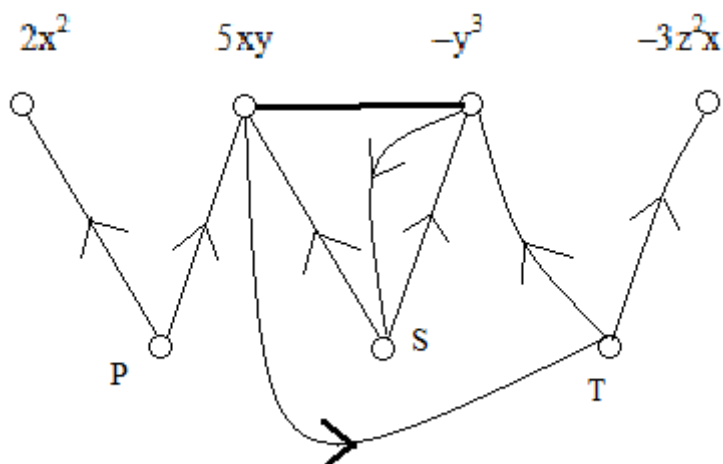


$\Gamma$



ΔΙΑΔΡΟΜΗ ΤΟΥ  $\Gamma$

$( T , ( T , -y^3 ) , -y^3 , \{ 5xy , -y^3 \} , 5xy , \{ 5xy , -y^3 \} , -y^3 )$

ΜΟΝΟΠΑΤΙ ΤΟΥ  $\Gamma$

$( P , ( P , 5xy ) , 5xy , ( 5xy , T ) , T , ( T , -y^3 ) , -y^3 )$

Η διαδρομή του  $\Gamma$

$( P , ( P , 5xy ) , 5xy , ( 5xy , T ) , T , ( T , -y^3 ) , -y^3 , \{ 5xy , -y^3 \} , 5xy )$

δεν είναι μονοπάτι του  $\Gamma$

ΟΡΙΣΜΟΣ

Μια διαδρομή είναι μονοπάτι μόνο όταν:

η αρχική κορυφή είναι διαφορετική από την τελική,  
και η διαδρομή δεν περιέχει επαναλαμβανόμενες κορυφές  
– επομένως ούτε επαναλαμβανόμενες ακμές.

Μια διαδρομή λέγεται ανοιχτή όταν τα άκρα της είναι διαφορετικά.

Κάθε μονοπάτι είναι ανοιχτή διαδρομή, αλλά:

Υπάρχουν ανοιχτές διαδρομές που δεν είναι μονοπάτια.

## ΘΕΩΡΗΜΑ

Αν ένα γράφημα  $\Gamma$  έχει μία διαδρομή με αρχή την  $\alpha$  και τέλος την  $\beta$ ,  $\alpha \neq \beta$  :  
Θα υπάρχει μονοπάτι του  $\Gamma$  με αρχή την  $\alpha$  και τέλος την  $\beta$  .

*I* Έστω ότι δίνεται διαδρομή  $\delta = (\alpha, \dots, \beta)$

*II* Κατασκευάζω ένα μονοπάτι  $\mu = (\alpha, \dots, \beta)$ ,  
αφαιρώντας διαδοχικά από την  $\delta$   
κατάλληλα επιλεγμένες υπο-ακολουθίες της:

Διατρέχω την διαδρομή  $\delta$  μέχρι να συναντήσω κορυφή  $u$   
την οποία έχω συναντήσει προηγουμένως.

Διαγράφω από την  $\delta$  την υπο-ακολουθία  
 $((u, v), v, \dots, u)$  είτε  $(\{u, v\}, v, \dots, u)$

## ΠΑΡΑΔΕΙΓΜΑ

$$\delta = (5xy, (5xy, T), T, (T, -y^3), -y^3, \{5xy, -y^3\}, 5xy, (5xy, T), T)$$

$$u = 5xy$$

υπο-ακολουθία  $((u, v), v, \dots, u)$  :

$$((5xy, T), T, (T, -y^3), -y^3, \{5xy, -y^3\}, 5xy)$$

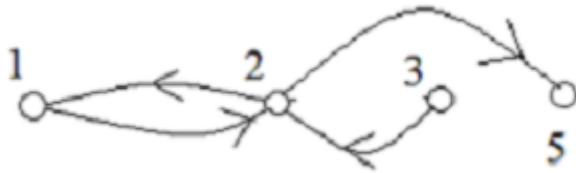
$$\mu = (5xy, (5xy, T), T)$$

*ΕΡΩΤΗΜΑ 1*

Υπάρχει διαδρομή του  $\Delta 1$  που να περιέχει όλες τις κορυφές του;

Υπάρχει μονοπάτι του  $\Delta 1$  που να περιέχει όλες τις κορυφές του;

$\Delta 1$



Υπάρχει μόνο ένας μονοπάτι που περιέχει τις κορυφές 3, 5:

( 3 , (3, 2) , 2 , (2, 5) , 5 )