

# Διαδικαστικός Προγραμματισμός

(ECE\_Y215)

Επιπρόσθετες  
Βιβλιοθήκες  
στη C

# Στόχοι

- Ο σκοπός της σημερινής διάλεξης είναι να παρουσιάσει τον ρόλο και την λειτουργία των επιπρόσθετων βιβλιοθηκών στη C
- Να αναφερθούμε σε παραδείγματα ώστε να εμπεδώσουμε καλύτερα τις θεωρητικές γνώσεις
- Να υποστηρίξει την περαιτέρω ενασχόληση των φοιτητών στο αντικείμενο της διάλεξης μέσω της **1<sup>ης</sup> Δραστηριότητας**

Η σημερινή διάλεξη συνοδεύεται από μια δραστηριότητα

- Ημερομηνία παράδοσης: **10 Μαΐου 2021**
- Επιβράβευση με +0.25 μονάδες στον τελικό βαθμό του μαθήματος

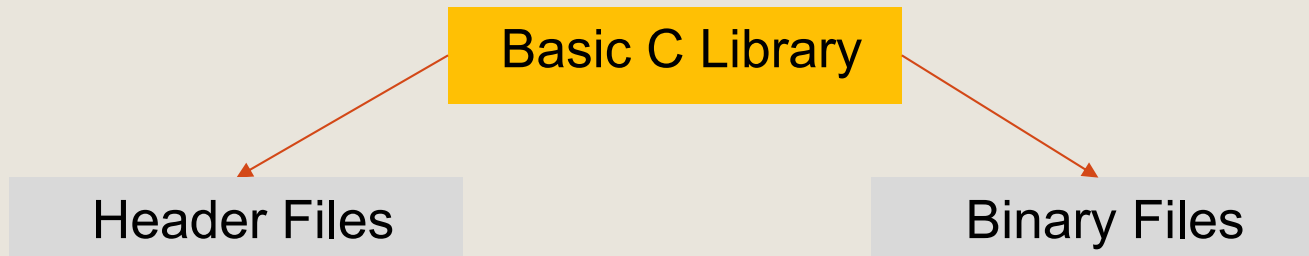
# Πρόγραμμα Διαλέξεων & Δραστηριοτήτων

Ημερομηνία	Περιεχόμενο
23 Απριλίου 2021 09:00 – 10:00	Εισαγωγή & GSL - GNU Scientific Library (1/2) <ul style="list-style-type: none"><li>• εξειδικευμένος επιστημονικός υπολογισμός</li></ul>
14 Μαΐου 2021 09:00 – 10:00	GSL - GNU Scientific Library (2/2) <ul style="list-style-type: none"><li>• εξειδικευμένος επιστημονικός υπολογισμός</li></ul>
21 Μαΐου 2021 09:00 – 10:00	GMP - GNU MultiPrecision Library (1/2) <ul style="list-style-type: none"><li>• αυθαίρετη αριθμητική ακρίβεια σε αριθμούς</li></ul>
28 Μαΐου 2021 09:00 – 10:00	GMP - GNU MultiPrecision Library (2/2) <ul style="list-style-type: none"><li>• αυθαίρετη αριθμητική ακρίβεια σε αριθμούς</li></ul>
Δραστηριότητες	Παράδοση
1 <sup>η</sup> Δραστηριότητα: 23 Απριλίου	<b>10 Μαΐου 2021</b> (+ 0.25 μονάδες στον τελικό βαθμό)
2 <sup>η</sup> Δραστηριότητα: 14 Μαΐου	<b>28 Μαΐου 2021</b> (+ 0.25 μονάδες στον τελικό βαθμό)

# Βιβλιοθήκες στη C

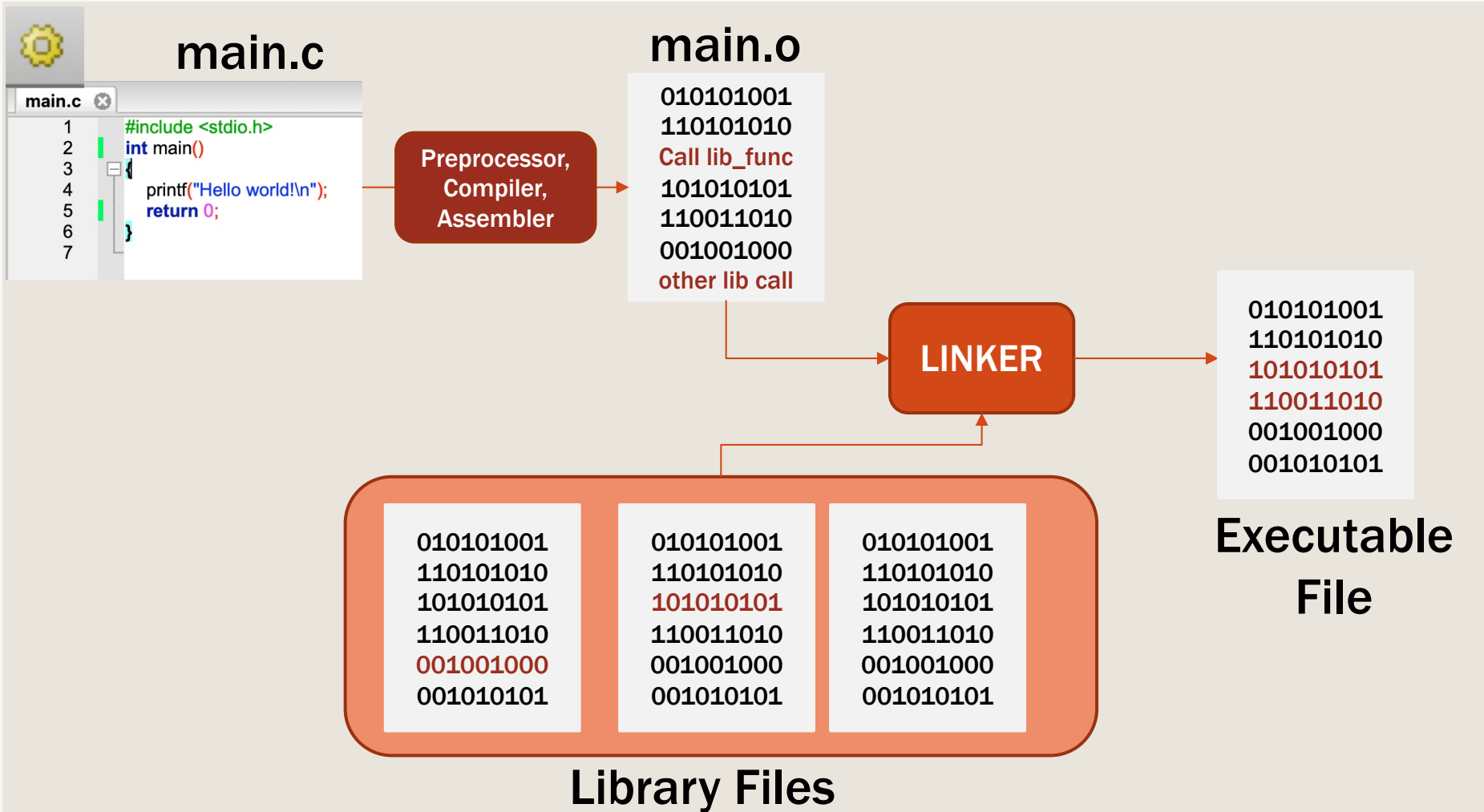
Βιβλιοθήκη είναι μια συλλογή **μεταγλωττισμένων μονάδων** που μπορούν να συνδεθούν (**linked**) στα προγράμματά μας μέσω των διεπαφών (**header files - interfaces**) που παρέχουν.

Με άλλα λόγια κάθε βιβλιοθήκη αποτελείτε από **δυσδικά** αρχεία σε object code (\*.o) που περιέχουν **υλοποιήσεις** όλων των συναρτήσεων που έχουν **δηλωθεί** στα αρχεία επικεφαλίδων .h



- `<stdio.h>` είναι η διεπαφή (interface) που περιέχει συναρτήσεις I/O.

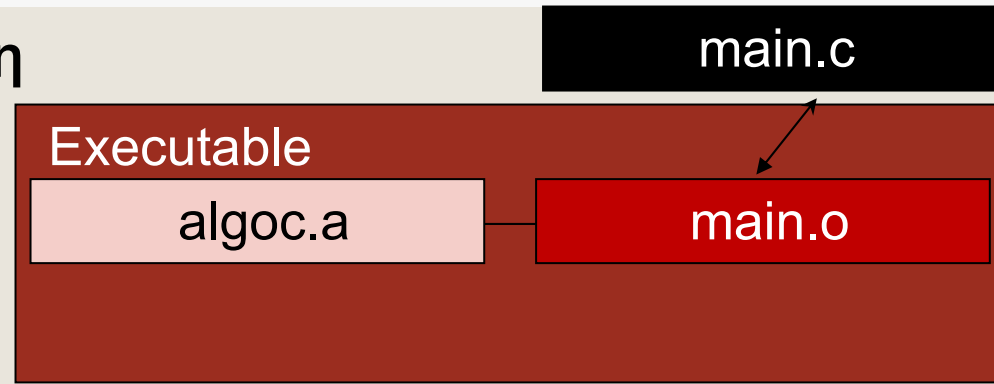
# Βιβλιοθήκες στη C



# ΣΤΑΤΙΚΑ ΚΑΙ ΔΥΝΑΜΙΚΑ ΔΙΑΣΥΝΔΕΔΕΜΕΝΕΣ ΒΙΒΛΙΟΘΗΚΕΣ ΣΤΗ C

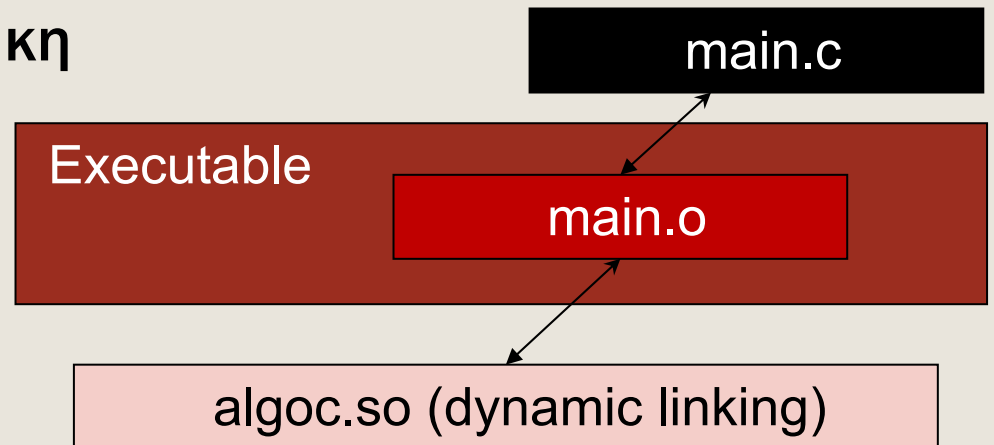
## Σύνδεση με στατική βιβλιοθήκη

*Η σύνδεση* της βιβλιοθήκης, με τον πηγαίο κώδικά των προγραμμάτων μας, γίνεται **κατά την μεταγλώττιση** σε ένα εκτελέσιμο αρχείο.



## Σύνδεση με δυναμική βιβλιοθήκη

*Η σύνδεση* της βιβλιοθήκης, με τον πηγαίο κώδικά των προγραμμάτων μας, γίνεται το **λειτουργικό σύστημα** σε χρόνο εκτέλεσης του προγράμματός μας.



# Δημιουργία Βιβλιοθήκης (Bubble Sort)

Η βιβλιοθήκη θα περιέχει συνάρτηση που υλοποιεί τον αλγόριθμο ευθείας ανταλλαγής - Bubble sort: [https://en.wikipedia.org/wiki/Bubble\\_sort](https://en.wikipedia.org/wiki/Bubble_sort)

1<sup>ος</sup> Κύκλος

1	3	5	4	2
1	3	5	4	2
1	3	5	4	2
1	3	4	5	2
1	3	4	2	5

2<sup>ος</sup> Κύκλος

1	3	4	2	5
1	3	4	2	5
1	3	4	2	5
1	3	4	2	5
1	3	2	4	5

3<sup>ος</sup> Κύκλος

1	3	2	4	5
1	3	2	4	5
1	2	3	4	5

4<sup>ος</sup> Κύκλος

1	2	3	4	5
1	2	3	4	5

N-1 Κύκλοι

1	2	3	..	N
---	---	---	----	---

# Δημιουργία Βιβλιοθήκης με Γραμμή Εντολών

**Βήμα 1°** : Υλοποιούμε τις διεπαφές: **algorithms.h**

**Βήμα 2°** : Υλοποιούμε τις διεπαφές: **algorithms.c**

**Βήμα 3°** : Δημιουργούμε το αρχείο αντικειμένου: **algorithms.o**

```
gcc -c -g algorithms.c
```

**Βήμα 4°** : Δημιουργούμε την βιβλιοθήκη

Στατική `ar -cnvq algoc.a algorithms.o`

\*Σε windows (algoc.lib)

Δυναμική `gcc -shared -o algoc.so algorithms.o -lm`

`gcc -dynamiclib algorithms.o -o algoc.dylib`

\*Σε windows (algoc.dll)

**Βήμα 5°** : Χρήση της βιβλιοθήκης: **test.c**

- Στατική διασύνδεση του αρχείου **test.c** με την βιβλιοθήκη **algoc.a** στο εκτελέσιμο αρχείο **myapp**

```
gcc -o myapp test.c algoc.a
```

\*Σε windows (myapp.exe)

```
algorithms.h
extern void bubble_sort(int, int []);
```

```
algorithms.c
#include "algorithms.h"
void bubble_sort(int elements, int tbl[])
{
    int x, y, buff;
    for (x=0; x < elements-1; x++)
        for (y=0; y < elements-x-1; y++)
            if (tbl[y] > tbl[y+1])
            {
                buff=tbl[y];
                tbl[y]=tbl[y+1];
                tbl[y+1]=buff;
            }
}
```

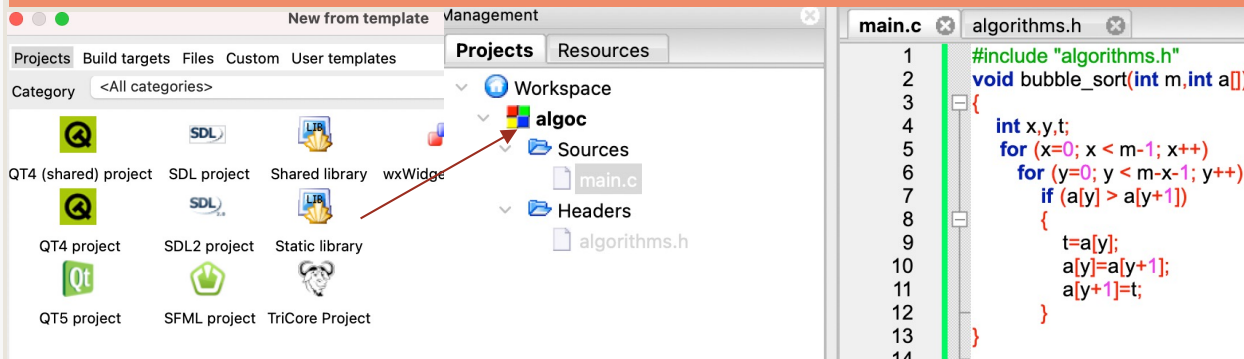
```
test.c
1 #include <stdio.h>
2 #include "algorithms.h"
3 int main()
4 {
5     int x[] = {1,3,5,4,2};
6     int i;
7     bubble_sort(5,x);
8     for (i=0; i < 5; i++)
9         printf("%d\n",x[i]);
10    return 0;
11 }
```



# Δημιουργία Βιβλιοθήκης στο Code::Blocks

## Το ίδιο παράδειγμα στο Code::Blocks

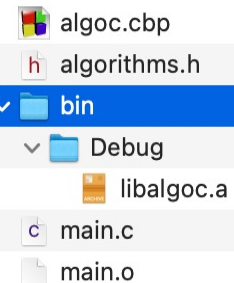
### Υλοποίηση Βιβλιοθήκης (Βήμα 1<sup>ο</sup> και 2<sup>ο</sup>)



The screenshot shows the Code::Blocks interface. On the left, the 'Projects' panel displays a tree view with a 'Workspace' containing an 'algorc' project. The 'Sources' folder contains 'main.c' and the 'Headers' folder contains 'algorithms.h'. A red arrow points from the 'algorc' project to the 'bin' folder in the project tree. The main editor shows the code for 'main.c' and 'algorithms.h'. The 'algorithms.h' file contains the following code:

```
1 #include "algorithms.h"
2 void bubble_sort(int m,int a[])
3 {
4     int x,y,t;
5     for (x=0; x < m-1; x++)
6         for (y=0; y < m-x-1; y++)
7             if (a[y] > a[y+1])
8                 {
9                     t=a[y];
10                    a[y]=a[y+1];
11                    a[y+1]=t;
12                }
13 }
```

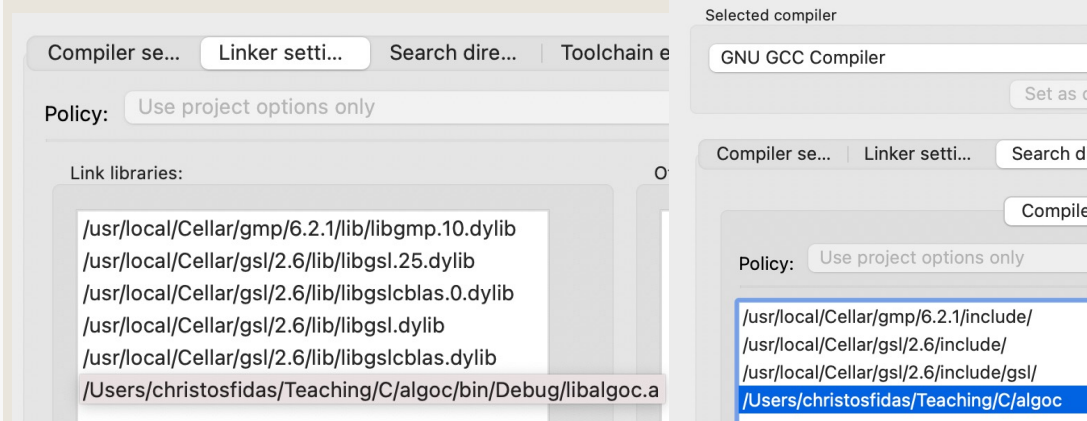
### Δημιουργία Βιβλιοθήκης (Βήμα 3<sup>ο</sup> και 4<sup>ο</sup>)



The screenshot shows the project structure in Code::Blocks. The 'bin' folder is selected, and the following files are listed:

- algorc.cbp
- algorithms.h
- bin
- Debug
- libalgorc.a
- main.c
- main.o

### Ρυθμίσεις Compiler (Linker Settings και Search Directory)



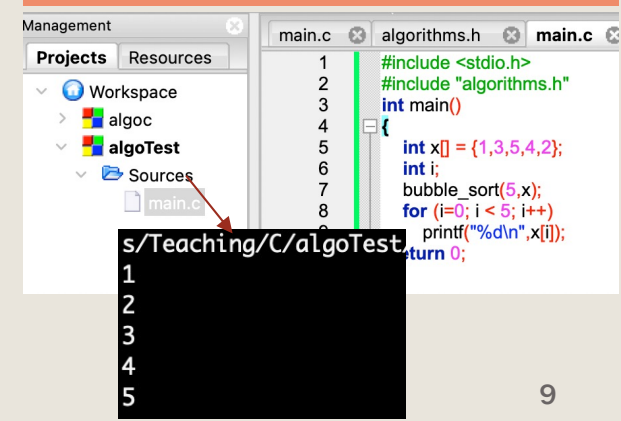
The screenshot shows the 'Linker settings' dialog in Code::Blocks. The 'Selected compiler' is 'GNU GCC Compiler'. The 'Policy' is 'Use project options only'. The 'Link libraries' section contains the following paths:

- /usr/local/Cellar/gmp/6.2.1/lib/libgmp.10.dylib
- /usr/local/Cellar/gsl/2.6/lib/libgsl.25.dylib
- /usr/local/Cellar/gsl/2.6/lib/libgslcblas.0.dylib
- /usr/local/Cellar/gsl/2.6/lib/libgsl.dylib
- /usr/local/Cellar/gsl/2.6/lib/libgslcblas.dylib
- /Users/christosfidias/Teaching/C/algorc/bin/Debug/libalgorc.a

The 'Search directory' section contains the following paths:

- /usr/local/Cellar/gmp/6.2.1/include/
- /usr/local/Cellar/gsl/2.6/include/
- /usr/local/Cellar/gsl/2.6/include/gsl/
- /Users/christosfidias/Teaching/C/algorc

### Χρήση Βιβλιοθήκης (Βήμα 5<sup>ο</sup>)



The screenshot shows the 'main.c' file in Code::Blocks. The code is as follows:

```
1 #include <stdio.h>
2 #include "algorithms.h"
3 int main()
4 {
5     int x[] = {1,3,5,4,2};
6     int i;
7     bubble_sort(5,x);
8     for (i=0; i < 5; i++)
9         printf("%d\n",x[i]);
10    return 0;
11 }
```

A red arrow points from the 'algorc' project in the project tree to the 'main.c' file. A black box highlights the path '/Users/christosfidias/Teaching/C/algorc' in the 'Search directory' list.

# GSL – GNU Scientific Library

<https://www.gnu.org/software/gsl/>

- Η βιβλιοθήκη GSL είναι μια αριθμητική βιβλιοθήκη η οποία μπορεί να χρησιμοποιηθεί σε προγράμματα C
- Είναι δωρεάν βάσει της άδειας GNU General Public License.
- Η βιβλιοθήκη παρέχει ένα ευρύ φάσμα με πληθώρα διαθέσιμων λειτουργιών σχετικά με:
  - **Διανύσματα και Πίνακες**
  - **Γεννήτριες Ψευδοτυχαίων Αριθμών (PRNGs)**
  - Μετασχηματισμοί Fourier
  - Διατάξεις, Μεταθέσεις, Συνδυασμοί
  - Προσομοιώσεις Monte Carlo
  - Ρίζες Πολυωνύμων
  - κ.α.

## Οδηγίες εγκατάστασης της GSL είναι διαθέσιμες στο eclass

### Εγκατάσταση βιβλιοθηκών σε linux

Για **ubuntu** 18.04, 20.4 και τη βιβλιοθήκη GNU Scientific Library (gsl) πρώτα εγκαθιστούμε τη βιβλιοθήκη, με την ακόλουθη εντολή. Στο command prompt:

```
sudo apt-get install libgsl-dev
```

Η διαδικασία εγκατάστασης θα γίνει μία μόνο φορά.

Στη συνέχεια μπορούμε να κάνουμε compile και link ένα πρόγραμμα (έστω ότι το αρχείο πηγαίου κώδικα λέγεται gsltest.c) που χρησιμοποιεί τη βιβλιοθήκη, ως εξής

```
gcc -std=c99 -Wall -Wextra -pedantic -pedantic-errors gsltest.c -o gsltest.out -lgsl -lgslcblas
```

Δημιουργείται το gsltest.out το οποίο εκτελείται ως

```
./gsltest.out
```

```
paliuras@issavos:~/gsltests$ gcc -std=c99 -Wall -Wextra -pedantic -pedantic-errors gsltest.c -o gsltest.out -lgsl -lgslcblas
paliuras@issavos:~/gsltests$ ./gsltest.out
initial permutation: 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9
random permutation: 0 5 4 3 7 8 6 2 1 9
inverse permutation: 0 2 7 3 2 1 6 4 3 9
paliuras@issavos:~/gsltests$
```

Ο πηγαίος κώδικας είναι το πρώτο παράδειγμα από το

<https://www.gnu.org/software/gsl/doc/html/permutation.html>

Για **centos**, η εγκατάσταση της gsl γίνεται με `sudo yum install gsl-devel`

Εγκατάσταση βιβλιοθηκών με MSYS2 για windows

# Χρήση Διανυσμάτων Vector της GSL

Η διεπαφή για την πρόσβαση στις συναρτήσεις διαχείρισης διανυσμάτων είναι η `<gsl/gsl_vector.h>`

- Δημιουργία:

```
gsl_vector * gsl_vector_alloc(size_t n)
```

- Απελευθέρωση μνήμης:

```
void gsl_vector_free(gsl_vector* v)
```

- Πολλές διαθέσιμες συναρτήσεις:

```
int gsl_vector_reverse(gsl_vector * v)
```

```
double gsl_vector_max(const gsl_vector * v)
```

<https://www.gnu.org/software/gsl/doc/html/vectors.html>

# Χρήση Διανυσμάτων Vector της GSL

Η διεπαφή για την πρόσβαση στις συναρτήσεις διαχείρισης διανυσμάτων είναι η `<gsl/gsl_vector.h>`

```
#include <stdio.h>
#include <gsl/gsl_vector.h>
int main (void) {
    int i;
    gsl_vector * pv = gsl_vector_alloc (10);

    for (i = 0; i < 10; i++)
        gsl_vector_set (pv, i, 5.25);

    for (i = 0; i < 10; i++)
        printf ("element %d = %g\n", i, gsl_vector_get (pv, i));

    gsl_vector_free (pv);
    return 0;
}
```

# Χρήση Πινάκων Matrices της GSL

Η διεπαφή για την πρόσβαση στις συναρτήσεις διαχείρισης πινάκων είναι η `<gsl/gsl_matrix.h>`

- `gsl_matrix *`  
`gsl_matrix_alloc (size_t n1, size_t n2)`

- `void gsl_matrix_set`  
`(gsl_matrix * m, const size_t i, const size_t j, double x)`

- `double gsl_matrix_get`  
`(const gsl_matrix * m, const size_t i, const size_t j)`

```
#include <gsl/gsl_matrix.h>

int main (void)
{
    int i, j;
    gsl_matrix * m = gsl_matrix_alloc (10, 3);
    for (i = 0; i < 10; i++)
        for (j = 0; j < 3; j++)
            gsl_matrix_set (m, i, j, 0.23 + 100*i + j);

    for (i = 0; i < 10; i++)
        for (j = 0; j < 3; j++)
            printf ("m(%d,%d) = %g\n", i, j, gsl_matrix_get (m, i, j));

    gsl_matrix_free (m);
    return 0;
}
```

# 1<sup>η</sup> Δραστηριότητα: Γεννήτριες Ψευδοτυχαίων Αριθμών

- Οι γεννήτριες ψευδοτυχαίων αριθμών χρησιμοποιούνται ευρέως στον επιστημονικό υπολογισμό
- Παράδειγμα
  - προσομοίωση Monte Carlo για τον υπολογισμό του αριθμού  $\pi$

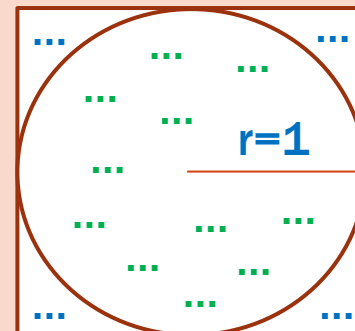
Στο Σχήμα 1, ο λόγος των εμβαδών κύκλου και τετραγώνου είναι  $\pi$ , που σημαίνει ότι:

$$\pi = \frac{\Sigma(\text{σημείων μέσα στον κύκλο})}{\Sigma(\text{σημείων μέσα στο τετράγωνο})}$$

## Αλγόριθμος

1. Αρχικοποίηση μεταβλητών *in\_circle* και *total* σε 0
2. Δημιουργία ψευδοτυχαίου αριθμού *x* στο διάστημα  $[0,1)$
3. Δημιουργία ψευδοτυχαίου αριθμού *y* στο διάστημα  $[0,1)$
4. Υπολογισμός  $d = x^2 + y^2$
5. Εάν  $d \leq 1$ , *in\_circle*++
6. *total*++

Για μεγάλο αριθμό επαναλήψεων των βημάτων 1-6 και με ποιοτικές **γεννήτριες ψευδοτυχαίων** αριθμών μπορούμε να υπολογίσουμε τον αριθμό  $\pi = \text{in\_circle}/\text{total}$



Σχήμα 1

# Γραμμικές Γεννήτριες Ψευδοτυχαίων Αριθμών

## ■ Linear Congruential Generators (Lehmer, 1951)

$X_{n+1} = (ax_n + c) \bmod(m)$ , Οι τιμές:  $a$ ,  $c$ ,  $m$  αναλόγως με την γεννήτρια



Ποιοτικά χαρακτηριστικά των PRNGs:

Ομοιόμορφη κατανομή

Μεγάλη περιοδικότητα

Μη επαναληψιμότητα

Ταχύτητα εκτέλεσης

# Διαφορετικές Υλοποιήσεις Γεννητριών Ψευδοτυχαίων Αριθμών

## Rand της Βασικής Βιβλιοθήκης C

```
/* Αρχικοποίηση της γεννήτριας */  
void srand(unsigned int seed);  
  
/* Δημιουργία ψευδοτυχαίων αριθμών*/  
int rand();
```

Περίοδος Rand ( $2^{31} - 1$ )

## The Mersenne Twister της Βιβλιοθήκης GSL

```
/* Δημιουργία της γεννήτριας*/  
gsl_rng  
*r=gsl_rng_alloc(gsl_rng_mt19937);  
  
/* Αρχικοποίηση της γεννήτριας*/  
void gsl_rng_set(const gsl_rng  
* r, unsigned long int s)  
  
/* Παραγωγή ψευδοτυχαίων αριθμών */  
double gsl_rng_uniform(const  
gsl_rng * r)           Περίοδος MT ( $2^{19937} - 1$ )
```

<https://www.gnu.org/software/gsl/doc/html/rng.html>



# 1<sup>η</sup> Δραστηριότητα

## ■ Ζητούμενα της Δραστηριότητας

- Δημιουργήστε ένα πρόγραμμα στη C το οποίο να αξιολογεί, **αναφορικά με την ομοιόμορφη κατανομή και την προβλεψιμότητα**, τις ακόλουθες γεννήτριες ψευδοτυχαίων αριθμών:
  - **rand** της βασικής βιβλιοθήκης `<stdlib.h>`
  - **Mersenne Twister** της GSL `<gsl/gsl_rng.h>`

## ■ Παραδοτέα της Δραστηριότητας

- **Έκδοση 1:** Δημιουργία, αρχικοποίηση των γεννητριών και έλεγχος λειτουργίας
- **Έκδοση 2:** Έλεγχος της ομοιόμορφης κατανομής των τυχαίων αριθμών για  $10^9$  κληρώσεις
- **Έκδοση 3:** Έλεγχος της προβλεψιμότητας των αποτελεσμάτων

Ημερομηνία παράδοσης: **10 Μαΐου 2021**

Επιβράβευση με +0.25 μονάδες στον τελικό βαθμό του μαθήματος

# Έκδοση 1: Δημιουργία, αρχικοποίηση των γεννητριών και έλεγχος λειτουργίας

- Ενδεικτικός πηγαίος κώδικας και παράδειγμα εκτέλεσης της 1<sup>ης</sup> έκδοσης

Βήματα: α) Αρχικοποιήσετε τις γεννήτριες, β) Δημιουργήστε 10 τυχαίους αριθμούς στο διάστημα [1,45] και γ) δείτε το αποτέλεσμα

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <time.h>
#include <unistd.h>
#include <gsl/gsl_rng.h>

void seed_gsl_mt_rng();
void seed_rand_rng();
void draws(unsigned long int draws, int range) ;
static gsl_rng *r;

int main()
{
    seed_gsl_mt_rng();
    seed_rand_rng();

    printf("PRNGs seeded succesfully. Initiate trials.\n");
    draws(10, 45);

    gsl_rng_free(r);
    return 0;
}
```

```
PRNGs seeded succesfully. Initiate trials.
[Draw]      [Rand]      [Mersen Twister]
[1]         25         14
[2]         19         8
[3]         40         30
[4]         32         2
[5]         35         24
[6]         20         12
[7]         42         27
[8]         25         10
[9]         33         30
[10]        14         32
```

# Έκδοση 2: Έλεγχος της ομοιόμορφης κατανομής των τυχαίων αριθμών για $10^9$ κληρώσεις

## ■ Ενδεικτικός πηγαίος κώδικας και παράδειγμα εκτέλεσης 2<sup>ης</sup> έκδοσης

Βήματα: Για  $10^9$  κληρώσεις αποθηκεύστε την ποσοστιαία συχνότητα εμφάνισης των αριθμών σε κάθε γεννήτρια και ερμηνεύστε το αποτέλεσμα. Χρησιμοποιήστε GSL - Vectors

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <time.h>
#include <unistd.h>
#include <gsl/gsl_rng.h>
#include <gsl/gsl_vector.h>
void seed_gsl_mt_rng();
void seed_rand_rng();
void draws();
void print_frequency_tables();

static gsl_rng *r;
static gsl_vector *v_rand_frequency;
static gsl_vector *v_mt_frequency;
static unsigned long int nof_draws=1000000000;
static int range=45;

int main()
{
    seed_gsl_mt_rng();
    seed_rand_rng();

    v_rand_frequency = gsl_vector_alloc (range);
    v_mt_frequency = gsl_vector_alloc (range);

    draws();
    print_frequency_tables();

    gsl_vector_free (v_rand_frequency);
    gsl_vector_free (v_mt_frequency);
    gsl_rng_free(r);
    return 0;
}
```

```
---Frequency tables ---
[Number] [Perc. Freq.Rand Rng] [Perc. Freq.MT Rng]
[1] 2.222 2.223
[2] 2.222 2.223
[3] 2.222 2.223
[4] 2.222 2.223
[5] 2.223 2.223
[6] 2.223 2.223
[7] 2.222 2.223
[8] 2.222 2.223
[9] 2.222 2.223
[10] 2.223 2.223
[11] 2.223 2.223
[12] 2.222 2.223
[13] 2.223 2.223
[14] 2.222 2.223
[15] 2.222 2.223
[16] 2.222 2.223
[17] 2.222 2.223
[18] 2.222 2.223
[19] 2.222 2.223
[20] 2.222 2.223
[21] 2.222 2.223
[22] 2.223 2.223
[23] 2.223 2.223
[24] 2.223 2.223
[25] 2.222 2.223
[26] 2.221 2.223
[27] 2.222 2.223
[28] 2.222 2.223
[29] 2.222 2.223
[30] 2.223 2.223
[31] 2.223 2.223
[32] 2.222 2.223
[33] 2.222 2.223
[34] 2.222 2.223
[35] 2.223 2.223
[36] 2.222 2.223
[37] 2.223 2.223
[38] 2.222 2.223
[39] 2.223 2.223
[40] 2.222 2.223
[41] 2.222 2.223
[42] 2.222 2.223
[43] 2.222 2.223
[44] 2.222 2.223
[45] 2.222 2.223
```

# Έκδοση 3: Έλεγχος της προβλεψιμότητας των αποτελεσμάτων

## ■ Ενδεικτικός πηγαίος κώδικας και παράδειγμα εκτέλεσης της 3<sup>ης</sup> έκδοσης

Βήματα: Αποθηκεύουμε για μια περίοδο της rand τους παραγόμενους τυχαίους αριθμούς των δυο γεννητριών. Στη συνέχεια κάνουμε επιπλέον κληρώσεις. Ερμηνεύστε το αποτέλεσμα.

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <time.h>
#include <unistd.h>
#include <gsl/gsl_rng.h>
#include <gsl/gsl_vector.h>
void seed_gsl_mt_rng();
void seed_rand_rng();
void draws();
void forecast();

static gsl_rng *r;
static gsl_vector *v_rand_results;
static gsl_vector *v_mt_results;
static unsigned long int nof_draws=RAND_MAX-1;
static int range=45;
int main()
{
    seed_gsl_mt_rng();
    seed_rand_rng();

    v_rand_results = gsl_vector_alloc (nof_draws);
    v_mt_results = gsl_vector_alloc (nof_draws);

    draws();
    forecast();

    gsl_vector_free (v_rand_results);
    gsl_vector_free (v_mt_results);
    gsl_rng_free(r);
    return 0;
}
```

```
*****PREDCITTING RAND*****
[Rand Predict vs. Draw ]      [GSL MT Predict vs. Draw]
31 vs. 31                     8 vs. 29
11 vs. 11                     32 vs. 41
41 vs. 41                     9 vs. 24
3 vs. 3                       26 vs. 22
10 vs. 10                    6 vs. 41
0 vs. 0                      38 vs. 13
37 vs. 37                    25 vs. 7
32 vs. 32                    12 vs. 35
3 vs. 3                       24 vs. 9
42 vs. 42                    33 vs. 2
36 vs. 36                    1 vs. 7
39 vs. 39                    13 vs. 17
24 vs. 24                    12 vs. 9
34 vs. 34                    16 vs. 11
6 vs. 6                      4 vs. 16
38 vs. 38                    19 vs. 28
34 vs. 34                    39 vs. 11
22 vs. 22                    1 vs. 15
8 vs. 8                      23 vs. 31
35 vs. 35                    3 vs. 24
7 vs. 7                      36 vs. 42
3 vs. 3                      36 vs. 10
18 vs. 18                    24 vs. 12
15 vs. 15                    41 vs. 4
43 vs. 43                    9 vs. 25
35 vs. 35                    33 vs. 13
13 vs. 13                    11 vs. 23
23 vs. 23                    8 vs. 38
33 vs. 33                    2 vs. 17
42 vs. 42                    3 vs. 29
```




# Ευχαριστώ για την προσοχή σας

## ■ ΕΠΙΚΟΙΝΩΝΙΑ

- Skype: [fidas.christos](https://www.skype.com/people/fidas.christos)
- Email: [fidas@upatras.gr](mailto:fidas@upatras.gr)
- Phone: 2610 - 996491
- Web: <http://cfidas.info>

Το υλικό της διάλεξης είναι διαθέσιμο στο eclass

Αρχικός κατάλογος » ΔΙΑΛΕΞΕΙΣ 2021 » lecture18 

Τύπος	Όνομα ▾
	GSL - Δραστηριότητα 1
	GSL - Οδηγίες Εγκατάστασης
	Διαφάνειες