

ΕΠΩΝΥΜΟ/ΟΝΟΜΑ	
Αριθμός Μητρώου	
Υπογραφή (εξεταζόμενου/ης)	

Βαθμολογία Προβλημάτων (Σύνολο 10 βαθμοί)

Θέμα	Βαθμός εξέτασης				
1					
2					
3					
4					
5					

1° ΘΕΜΑ [4.0 βαθμοί]

Έστω συνεχές σύστημα

$$\dot{\bar{x}} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & -2 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & -3 \end{bmatrix} \bar{x} + \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 4 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} u_1 \\ u_2 \end{bmatrix} = A\bar{x} + B\bar{u}$$

$$y = [0 \quad 1 \quad 0 \quad 1] \bar{x}$$

1.1 [1 β] Βρείτε τις συναρτήσεις μεταφοράς $G_i(s), i = 1, 2$ έτσι ώστε $Y(s) = G_1(s)U_1(s) + G_2(s)U_2(s)$

1.2 [1 β] Υπολογίστε νόμο ελέγχου $\bar{u} = \begin{bmatrix} u_1 \\ u_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} k_1 & k_2 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & k_3 & k_4 \end{bmatrix} \bar{x} + \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} \tilde{r}$ έτσι ώστε οι ελέγξιμοι πόλοι του συστήματος να είναι στις θέσεις -2, -2, -3, και -3

1.3 [0.5 β] Υπολογίστε την συνάρτηση μεταφοράς $\frac{Y(s)}{\tilde{R}(s)} = G(s)$.

1.4 [0.5 β] Έστω $\tilde{R}(s) = H(s)R(s)$ όπου $r(t)$ μία βηματική είσοδος. Να υπολογιστεί η συνάρτηση μεταφοράς $H(s)$ έτσι ώστε $\lim_{t \rightarrow \infty} y(t) = 1$.

1.5 [0.5 β] Έστω ότι εφαρμόζεται ο νόμος ελέγχου από το ερώτημα 1.2, αλλά $u_2 = 0$, δηλαδή

$\bar{u} = \begin{bmatrix} u_1 \\ u_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} u_1 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} k_1 & k_2 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \bar{x} + \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix} \tilde{r}$ και υποθέστε την αλλαγή του στοιχείου (2,1) του διανύσματος B από 4 σε $4(1+\gamma)$. Δείξτε τους πόλους του κλειστού συστήματος καθώς το γ μεταβάλλεται.

1.6 [0.5 β] Έστω νόμος ελέγχου $\bar{u} = \begin{bmatrix} u_1 \\ u_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} k & k & 0 & 0 \\ 0 & 0 & k & k \end{bmatrix} \bar{x} + \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} \tilde{r}$. Επιλέξτε το k έτσι ώστε το κλειστό σύστημα να έχει την τάχιστη απόκριση.

2° ΘΕΜΑ [2.0 βαθμοί]

2.1 [1 β] Έστω συνεχές σύστημα

$$\dot{\bar{x}} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -2 & -3 \end{bmatrix} \bar{x} + \begin{bmatrix} 0 \\ 2 \end{bmatrix} u = A\bar{x} + Bu \quad \text{και} \quad \bar{x}(0) = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}$$

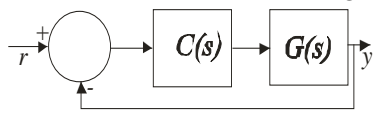
Υπολογίστε την έξοδο

$$y = [0 \quad 1] \bar{x}$$

$\bar{x}(t) = e^{At} \bar{x}(0)$.

2.2 [1 β.] Υπολογίστε την έκφραση της εξόδου του συστήματος $y(t)$ για οποιαδήποτε είσοδο $u(t)$.

3° ΘΕΜΑ [1.5 βαθμοί]



Έστω το σύστημα με $C(s)=k$ και $G(s) = \frac{2s}{(s-1+j)(s-1-j)}$.

3.1 [0.5 β] Να υπολογιστεί το k έτσι ώστε η απόκριση να είναι η τάχιστη

3.2 [1β] Με δεδομένο το κέρδος που υπολογίσατε από το προηγούμενο ερώτημα, έστω ότι η $G(s)$ μεταβάλλεται σε $G(s) = \frac{2s}{(s - \gamma + j)(s - \gamma - j)}$. Βρείτε τα όρια του θετικού γ έτσι ώστε όλοι οι πόλοι/ του κλειστού συστήματος να έχουν πραγματικό μέρος μικρότερο του -3.

4° ΘΕΜΑ [1.0 βαθμός]

Έστω σύστημα το οποίο περιγράφεται από την ακόλουθη δυναμική εξίσωση $\ddot{x} + 3x \ddot{x} + 3e^x + Dx = u \cos(x)$.

Για το σημείο λειτουργίας $x^o = \frac{\pi}{4}$, $\dot{x}^o = \ddot{x}^o = \ddot{x}^o = 0$:

4.1 [0.5 β] Γραμμικοποιείστε την προηγούμενη δυναμική εξίσωση

4.2 [1 β] Δείξτε την μεταβολή των πόλων του κλειστού συστήματος ως συνάρτηση του D .

5° ΘΕΜΑ [1.0 βαθμός]

Αναγνωρίστε την συνάρτηση μεταφοράς $G(s)$ με το ακόλουθο Bode -διάγραμμα

Bode Diagram

