

ΧΗΜΙΚΗ ΘΕΡΜΟΔΥΝΑΜΙΚΗ

6. ΘΕΡΜΟΔΥΝΑΜΙΚΗ ΑΕΡΙΩΝ – ΜΕΡΟΣ Α

16^η Διάλεξη: Τετάρτη 22.11, 11.45 – 13.00

17^η Διάλεξη: Πέμπτη 23.11, 11.15 – 13.00

18^η Διάλεξη: Δευτέρα 27.11, 11.15 – 12.00

Γραμμομοριακές ιδιότητες.

Σχέσεις μεριανών παραγώγων του χημικού δυναμικού.

$$\bar{U} = \bar{U}(S, V, n_i) \rightarrow$$

$$d\bar{U} = T dS - p dV + \sum \mu_i dn_i$$

Για συστήμα με ένα συλλαρικό :

$$d\bar{U} = T dS - p dV + \mu dn \quad (1)$$

Οι γραμμομοριακές (molar) ιδιότητες:

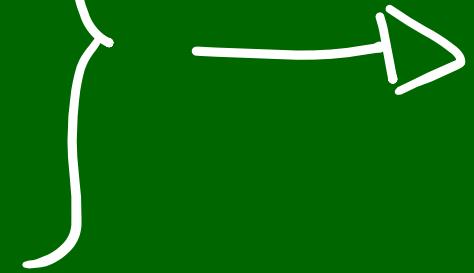
$$u = \frac{U}{n}, h = \frac{H}{n}, S = \frac{S}{n}, \mu = \frac{G}{n}$$

$$c_v = \frac{C_v}{n}, c_p = \frac{C_p}{n}$$

$$*\quad dU = TdS - pdV + \mu dn \quad (1)$$

* $\mu = u + pv - Ts$
 $(G = U + Pv - TS)$

$$\begin{aligned} dU &= d(nu) = ndu + udn \\ dS &= d(ns) = nds + sdn \\ dV &= d(nv) = ndv + vdn \end{aligned}$$



$$ndu + udn = T_nds + T_s dn - p_ndu - p_udn + \mu dn \Rightarrow$$

$$ndu = T_nds - p_ndu + (\mu - u - pv + Ts) dn \Rightarrow$$

$$\Rightarrow du = Tds - pdv$$

Όμοια:

$$du = Tds - pdv$$

$$dh = Tds + vdp$$

$$da = -sdT - pdv$$

$$d\mu = -sdT + vdp$$

(2)

$$\mu = \mu(T, P)$$

Για μεθαρό
συστατικό

$$G = \sum n_i \mu_i \Rightarrow dG = \sum n_i d\mu_i + \sum \mu_i du_i$$

$$dG = -SdT + Vdp + \sum \mu_i dn_i$$

$$0 = -SdT + Vdp + \sum n_i d\mu_i \xrightarrow{\text{dia 1 twn xristiko}}$$

$$\Rightarrow n d\mu = -SdT + Vdp \Rightarrow d\mu = -sdT + vdp \quad (2) \quad \text{qed.}$$

$$H(2): d\mu = -sdT + vdp$$

$$G = H - TS \Rightarrow$$

$$\mu = h - Ts$$

$$\left(\frac{\partial \mu}{\partial T}\right)_P = -s \quad (3)$$

$$\left(\frac{\partial \mu}{\partial P}\right)_T = v \quad (4)$$

$$\left(\frac{\partial \mu/T}{\partial T}\right)_P = -\frac{h}{T^2} \quad (5)$$

"ΕΡΓΑΛΕΙΟ ΘΗΚΗ"

Εξουψε: $\mu = h - Ts \xrightarrow{(3)}$

$$\Rightarrow \mu = h + T \left(\frac{\partial \mu}{\partial T}\right)_P \Rightarrow$$

$$\Rightarrow -h = -\mu + T \left(\frac{\partial \mu}{\partial T}\right)_P \Rightarrow$$

$$\Rightarrow -\frac{h}{T^2} = -\frac{\mu}{T^2} + \frac{1}{T} \left(\frac{\partial \mu}{\partial T}\right)_P$$

$$\left(\frac{\partial \mu/T}{\partial T}\right)_P$$

Θερμοδυναμική Αερίων. Το ιδανικό αέριο

To μοντέλο ιδανικού αέριου:

Οριθμός: Ιδανικό είναι ένα αέριο για το οποίο:

$$\mu = \mu^0(T) + RT \ln\left(\frac{P}{P^0}\right) \quad (1)$$

Εισαγ.: $\mu = \mu(T, P)$

$$\mu^0 = \mu(T) \\ P = P^0$$

$\mu^0(T)$: πρώτη χαρακτηριστική συναρμογή για $T = T$

P^0 : πρώτη πίεση (1 atm, 101325 Pa, 760 Torr)

Η πίεση μέσα σε ένα άρρενις αέριο πρέπει να είναι αδιαβάτην
Η αδιαχαλονούσα γήνεται διαρρώνεται με την πρότυπη
πίεση

$$\Delta n\lambda.: \mu = \mu^\circ(T) + RT \ln p \quad (1), \quad P = \frac{P}{P^\circ}$$

Θα δείξουμε ότι η (1) συγκριτική με γνωμένη καταστάση εξίσωση του ιδανικού αερίου

$$(1) \Rightarrow \underbrace{\left(\frac{\partial \mu}{\partial P} \right)_T}_{U} = \cancel{\left(\frac{\partial \mu^\circ(T)}{\partial P} \right)_T} + RT \underbrace{\frac{\partial \ln p}{\partial P}}_{\cancel{U}} \\ U = 0 + \frac{RT}{P} \Rightarrow U = \frac{RT}{P}$$

$$\Rightarrow PU = RT \Rightarrow PV = nRT \quad (2)$$

Σφαρμογές του μοντέλου των ιδανικών αερίων.

(... βλ. Μεθοδολογία υπολογισμών $w, q, \Delta U, \Delta H, \Delta S$)

$$1) \left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_T = 0 \quad \left\{ \begin{array}{l} \text{1η Θ.Κ.Ε.} \\ \left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_T = -P + T \int \frac{\partial P}{\partial T} \Big|_V = 0 \end{array} \right.$$

$\boxed{\frac{nR}{V}} \quad P = \frac{nRT}{V}$

$$2) \left(\frac{\partial H}{\partial P} \right)_T = 0 \quad \text{Αρα: Για ιδανικό αέριο:} \\ U = U(T) \quad \& \quad H = H(T)$$

$$3) \text{η.χ. Ισοθερμή, αντίστρεψη μεταβολής ιδανικού αέριου} \\ w = -nRT \ln \frac{V_2}{V_1}$$

$$4) \Delta S = nC_V \ln \frac{T_2}{T_1} + nR \ln \frac{V_2}{V_1} \quad (4\alpha)$$

$$\left(\frac{C_p}{C_v} = \gamma \right)$$

$$\Delta S = nC_p \ln \frac{T_2}{T_1} - nR \ln \frac{P_2}{P_1} \quad (4\beta)$$

Παράδειγμα: Αντιβρέπεται σε Αδιαβατική Μεταβολή Ιδανικού Αερίου

Ανπερ.: $\delta_{\text{ext}} = 0 \rightarrow \Delta S = 0$

$$\Delta S = \int \frac{\delta q}{T} \quad (4\alpha) : 0 = nC_V \ln \frac{T_2}{T_1} + nR \ln \frac{V_2}{V_1} \Rightarrow C_V \ln \frac{T_2}{T_1} = -R \ln \frac{V_2}{V_1}$$

$$\Rightarrow \ln \frac{T_2}{T_1} = -\frac{R}{C_V} \ln \frac{V_2}{V_1} \Rightarrow \frac{T_2}{T_1} = \left(\frac{V_2}{V_1} \right)^{-\frac{R}{C_V}} \Rightarrow \frac{T_2}{T_1} = \left(\frac{V_2}{V_1} \right)^{-\frac{C_p - C_v}{C_v}}$$

$$\Rightarrow \frac{P_2}{P_1} \frac{V_2}{V_1} \left(\frac{V_2}{V_1} \right)^{\frac{C_p - C_v}{C_v}} = 1 \Rightarrow \frac{P_2}{P_1} \frac{V_2}{V_1} \left(\frac{V_2}{V_1} \right)^{\gamma - 1} = 1 \Rightarrow \frac{P_2}{P_1} \left(\frac{V_2}{V_1} \right)^\gamma = 1 \Rightarrow$$

$$P_1 V_1^\gamma = P_2 V_2^\gamma \Rightarrow P^\gamma : \sigma \propto \theta$$

• Ιδανικό αέριο

• Αντιβρεγμός σε Αδιαφορία Μεταβολής

Αποκλίνει από ιδανική συμπεριφορά.
Τα πραγματικά (μη ιδανικά αέρια).

Προσεγγίσιμο μοριακό επίπεδο:

- στα ιδανικά αέρια δεν υπάρχουν αλλιαλεπιδράσεις μεταξύ μορίων (ελαστικές ή ανωστικές) ούτε συγκρούσεις μεταξύ αυτών.

Αυτό συμβαίνει σε χαμηλές πιέσεις, P
και χαμηλές συγκεντρώσεις, n/V

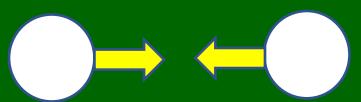
$$PV = nRT \Rightarrow P = \frac{n}{V} RT$$

- Αποκλίνει από ιδανική συμπεριφορά συνεχόνοιται με αυτον η P (και του $\frac{n}{V}$)

Ιδανικό αέριο. Τα μόρια εχουν μεταχαρτισθεί σε οστιάτες μεταξύ των ζουσ. Φανταστικά



Τα μόρια ολημέστιων ήταν αυτάντι η P.



Αρχικά (σε ενδιάμετρη p) υπεριεχόντων ελατικής αλληλεπιδράσεως! Δω. η σύρισμα (μη ιδανικό) συμπλέγεται ευολόγητα λόγω των ξελίξεων.



Η P έχει αυτοθετική φύση πολὺ. Τα μόρια είναι (σλεδίν) σε επαφή. Εδώ, κυριαρχούν ισχυρότατες απωβολικές δυνάμεις. Το αέριο συμπλέγεται πολὺ δυνατώντας

$$v_{i\delta\alpha\nu} = \frac{RT}{p}$$

Ο παράγοντας συμπιεστότητας, Z

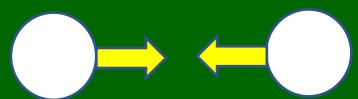
$$Z = \frac{v}{v_{i\delta\alpha\nu}} = \frac{pv}{RT}$$



- { Ιδανικό αέριο.
≠ αλληλεπιδράσεις

$$p_U = p_{U_{\text{Ιδανικής}}}$$

$$Z = 1$$



- { Ενδιαφέρουσες πιέσεις ($> P_{\text{atm}}$)
Κυριαρχία ελεγχιών
δυναμικών (μαύροι κλίμακες)
Το αέριο συμπιεστεί πιο εύκολα

$$p_U < p_{U_{\text{Ιδανικής}}}$$

$$Z < 1$$

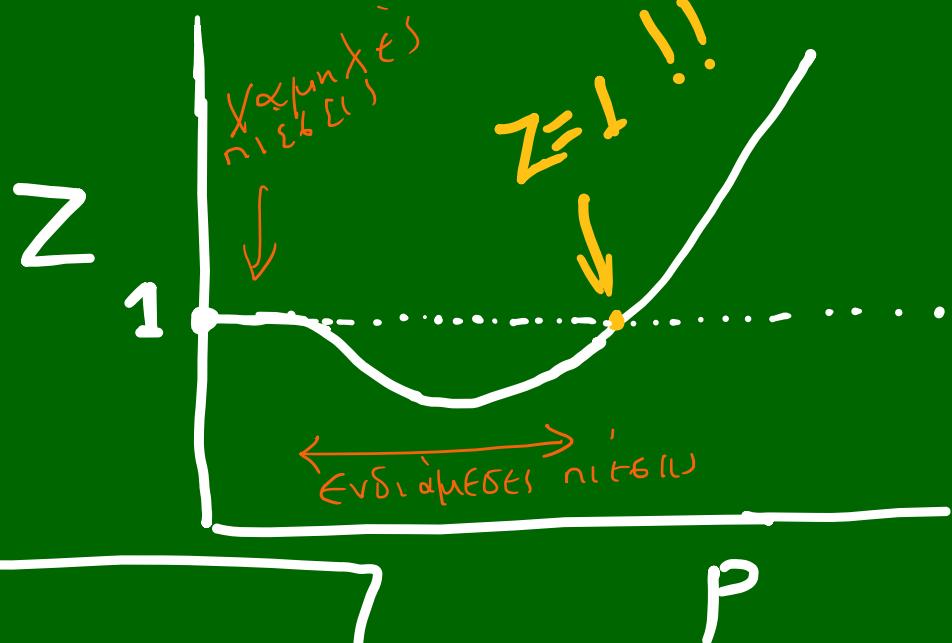


- { Υψηλές πιέσεις ($P >> P_{\text{atm}}$)
Κυριαρχία απωτήλιων δυναμικών
(μικροί αλιμακαί, short range)
Το αέριο συμπιεστεί πιο δύσκολα

$$p_U > p_{U_{\text{Ιδανικής}}}$$

$$Z > 1$$

$\Delta n \gamma$



Ξηρά μόλις ψυχικό
οπου: $Z=1$!

Εκεί, $P_U = RT$!

Ωρά για αέριο

Στις έτισι
Ιδανικό!

Ιδανικό έτισι
Το αέριο γίνεται οποιο:

$$\mu = \mu^0(T) + RT \ln P$$

Στις έτισι ενδιαφέση ηλεκτρίου, οπου
exw υψηλής ελεκτρικής σύστασης.

$$P_U < P_{U, \text{idav}} \Rightarrow$$

$$\frac{P_U}{RT} < \frac{P_{U, \text{idav}}}{RT} \quad 1$$

Καρατζαρίκις έξιων πραγματικών αερίων

A

Καρατζαρίκις εξίσωσης virial

$$PV = RT \left(1 + B'p + C'p^2 + \dots \right)$$

$$\dot{V} PV = RT \left(1 + \frac{B}{V} + \frac{C}{V^2} + \dots \right) \quad \text{←}$$

Οι συντελεστές B', C', B, C : συντελεστές virial.
(εξαρτώνται και στην T)

B : 2^ο συντελεστής virial

C : 3^ο ————— —————

$$p_v = RT \left(1 + \frac{B'}{P} + \frac{C'}{P^2} + \dots \right) \quad (1)$$

Παρατίπον: Για $P \rightarrow 0 \Rightarrow p_v = RT !!$

$$p_v = RT \left(1 + \frac{B}{V} + \frac{C}{V^2} + \dots \right) \quad (2)$$

αντά:

$Z = \frac{p_v}{RT} \Rightarrow p_v = Z \cdot RT$

$\alpha_{p_v}:$

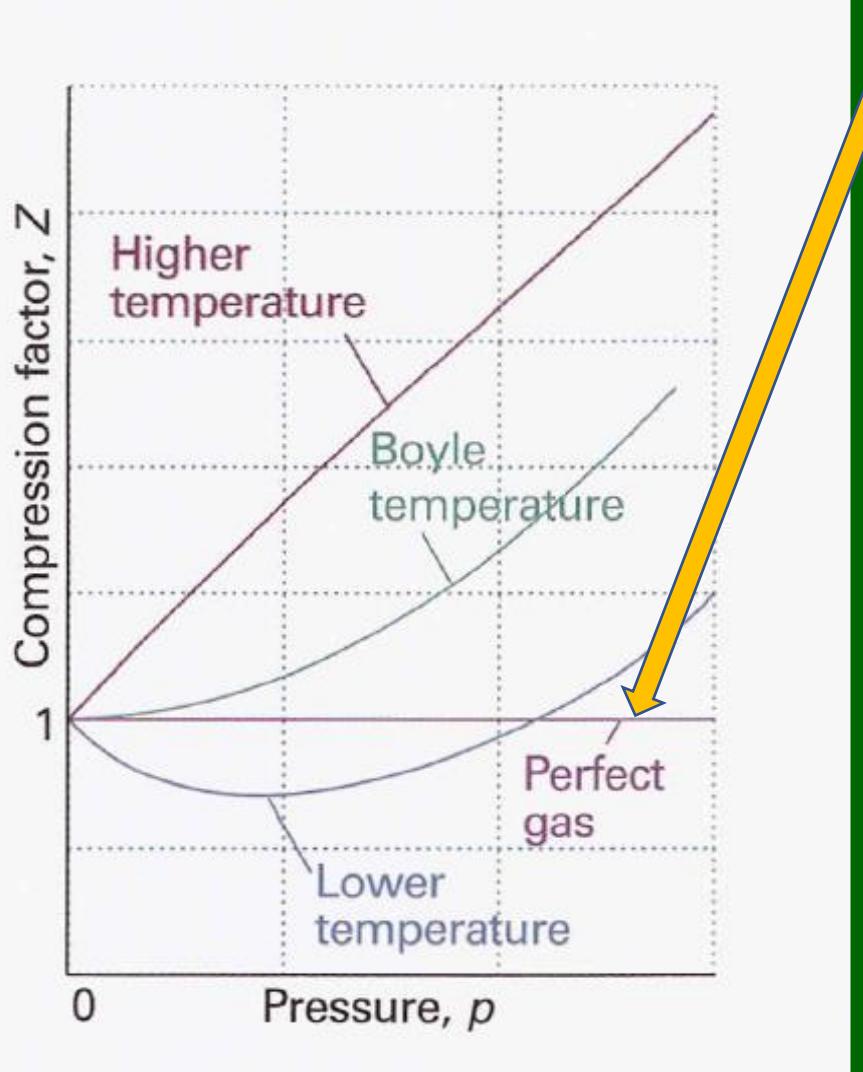
$Z \stackrel{(1)}{=} 1 + \frac{B'}{P} + \frac{C'}{P^2} + \dots$	(3)
$Z \stackrel{(2)}{=} 1 + \frac{B}{V} + \frac{C}{V^2} + \dots$	

$$H(3) : Z = 1 + B'_P + C'_P P^2 + \dots$$

$$\Rightarrow \frac{dZ}{dP} = B' + 2C'_P + \dots \quad \text{kai } Y \propto P \rightarrow 0$$

$$\frac{dZ}{dP} \rightarrow B'$$

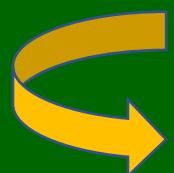
Για ιδανικό αέριο, η κλίση είναι : $\frac{dZ}{dp} = 0$



Ξ μα T (θερμοκρασία Boyle, T_B), για την οποία
η εξάρτηση του Z από την p έχει κλίση:

$$\frac{dZ}{dp} = 0 \text{ για } p \rightarrow 0$$

Δηλ. για κάποια περιοχή πιέσεων, για $T = T_B$



$$pv \approx RT_B \quad (\text{ωστόσο, το αέριο ΔΕΝ είναι ιδανικό})$$

και

$$pv = RT_B \left(1 + \frac{B}{v} + \frac{C}{v^2} + \dots \right)$$

≈ 1

$$\text{Στην } T_B : \frac{B}{v} = 0 \quad \& \quad \frac{C}{v^2} \approx 0$$

Στην θερμοκρασία Boyle, T_B , μηδενίζεται ο 2^{ος} συντελεστής virial: $B = 0$

Kazariazisini E $\ddot{\text{o}}$ iwon tou van der Waals

- Isxūn σε evdiāftots nictels ($P > P_{atm}$),
iouv ureplixion oí eλkzikis αλλαλτηράσις

$$\left[P + a \left(\frac{n}{V} \right)^2 \right] [V - nb] = nRT \quad \begin{matrix} a \\ b \end{matrix} \left. \begin{matrix} 1^{-3} \text{ k} 2^{-3} \\ \text{συντλησίας} \\ \text{vdW} \end{matrix} \right.$$

$$\left[P + \frac{a}{V^2} \right] [V - b] = RT$$

$$b [=] \text{ m}^3 \text{ mol}^{-1}, \text{ cm}^3 \text{ mol}^{-1} \quad a [=] \text{ atm cm}^6 \text{ mol}^{-2}$$
$$[=] \text{ Pa m}^6 \text{ mol}^{-2}$$

Mia διαδικασία για "εζάργη" την εζ. v.d.W

Ξευινάψετε και: $PV = nRT$

• Διόρθωση ογκου: $P(V-nb) = nRT \quad b > 0$

$$\Rightarrow P = \frac{nRT}{V-nb}$$

• Διόρθωση πιεσού.

Oι (ελκυστικές αλληλεπιδράσεις)

εντροπολογιζούνται
με αύξηση του n/V

- μετώνυμοι:
- 1) τη συνοίνια λύρκρούς μορίων με τοιχώματα
 - 2) την ένταση συγκρούσεων μορίων με τοιχώματα

Αυτό λαμβάνεται ως στήσ στη γη

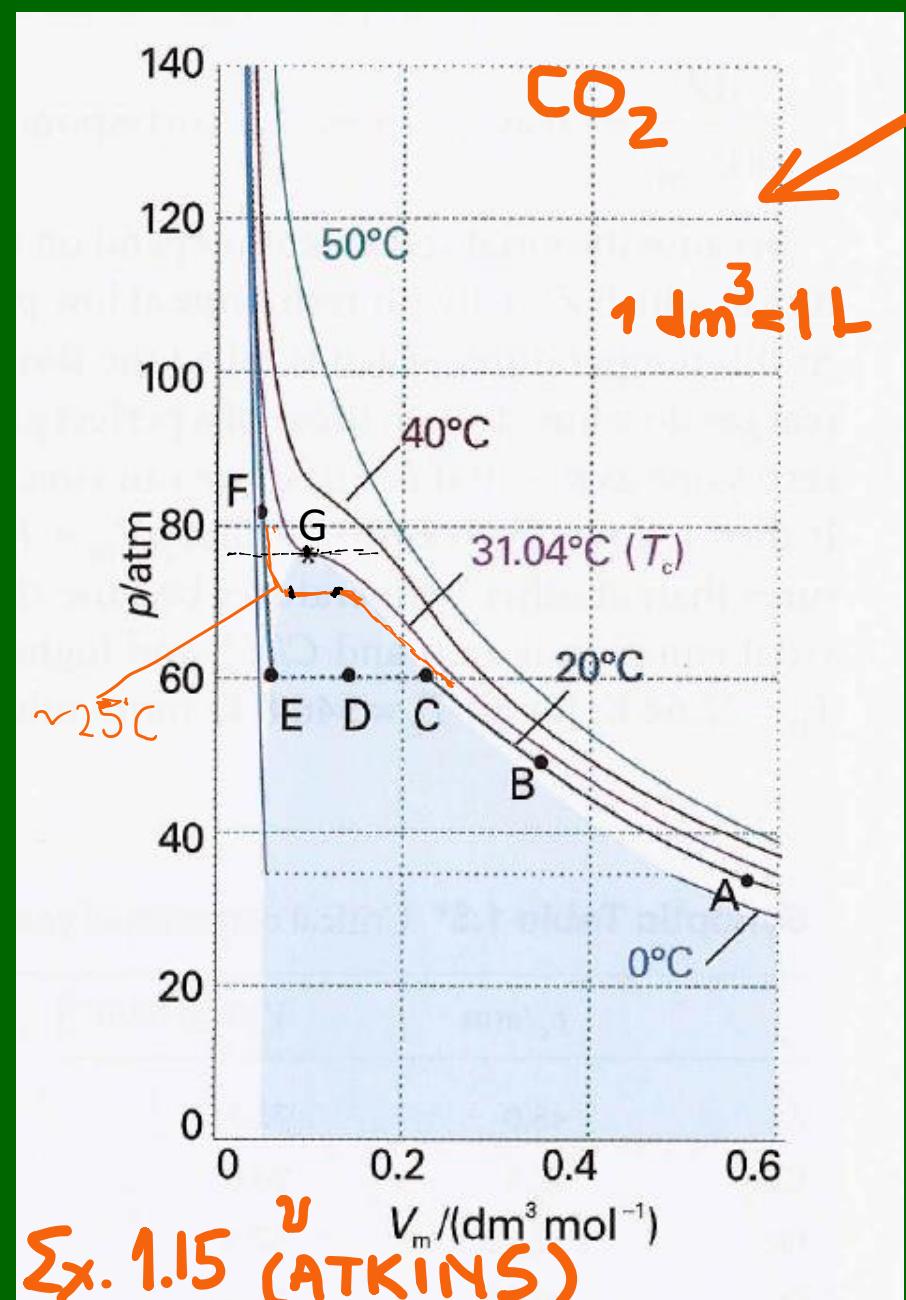
"Σιρόθων τας πίξεων":

$$\Rightarrow P = \frac{nRT}{V-nb} - a\left(\frac{n}{V}\right)^2 \quad a > 0$$

Και $P = \frac{RT}{v-b} - \frac{a}{v^2}$

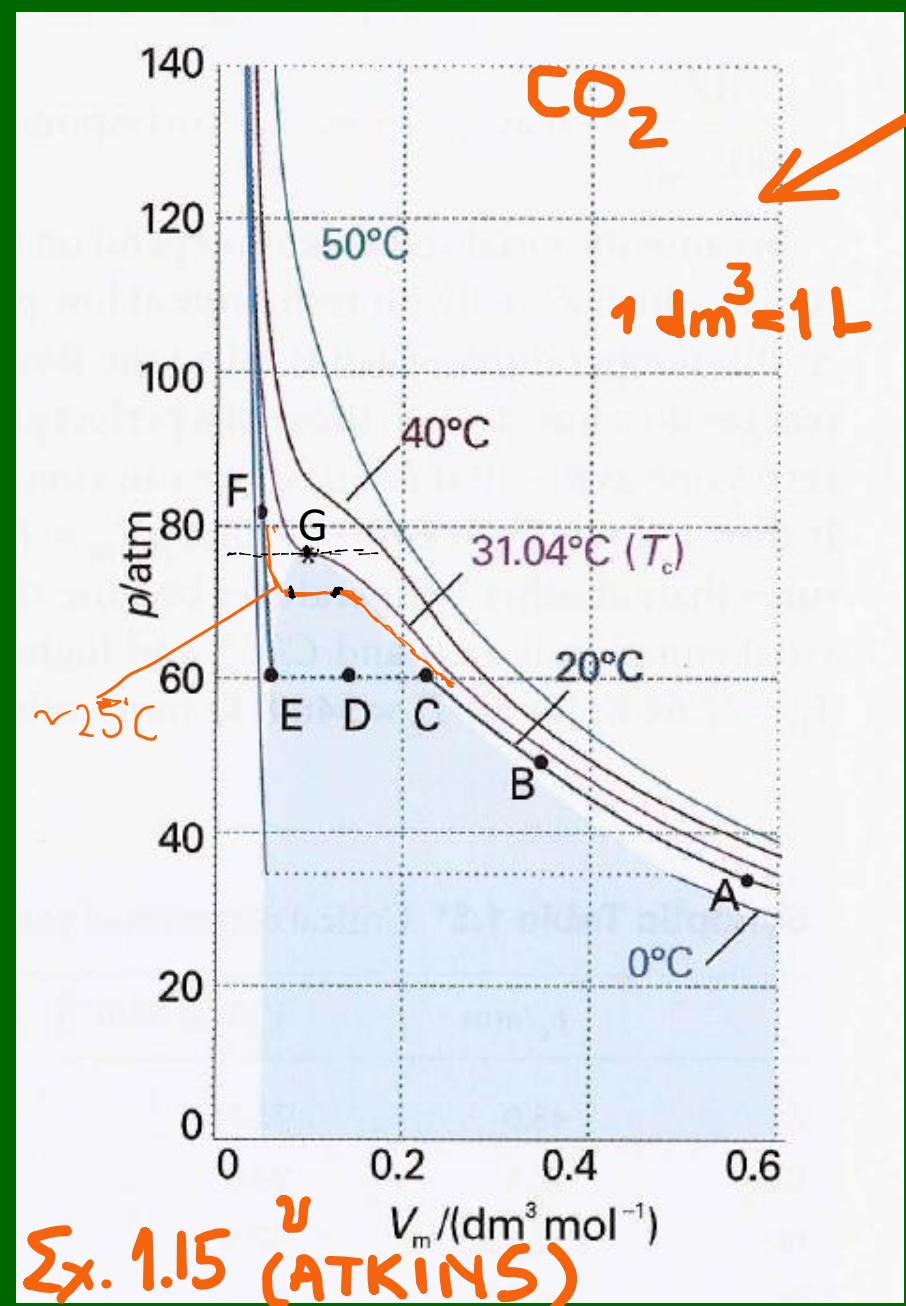
$$\frac{V}{n} = v$$

Συρπίξιση και Συμπύκνωση Αργιού. Κρίσιμες σταθερές

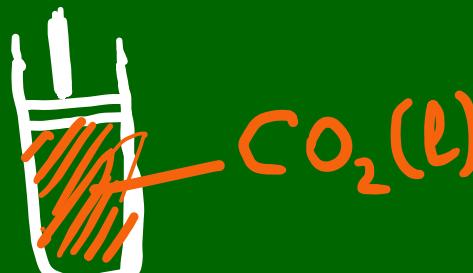


Ισόθερμες καρπούλτες του CO_2
Σημ. A: (20°C , $\sim 35 \text{ atm}$, $v \approx 0.55 \text{ l/mol}$)

Συρπίξει και Συμπύκνωση Αζρίου. Κρίσιμες σταθερές

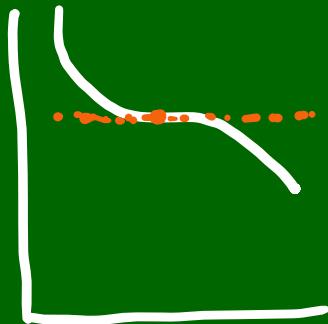


- Ισοθερμής καρπύλτη του CO_2
Σημ. A: (20°C , $\sim 35 \text{ atm}$, $\nu \approx 0.55 \text{ l/mol}$)
- Κατά μίκος της γραφής C...D...E λαμβάνει χώρα υδρονοίση, και ο άγκοι μειώνεται πρόθυμα χωρίς εύνοι της P.
- Στο σημείο E, όποιο το CO_2 έχει γίνει υγρό



Στο Σημείο G (31.04°C για το CO_2)

η λεπτή ανοκτία είναι inflexion

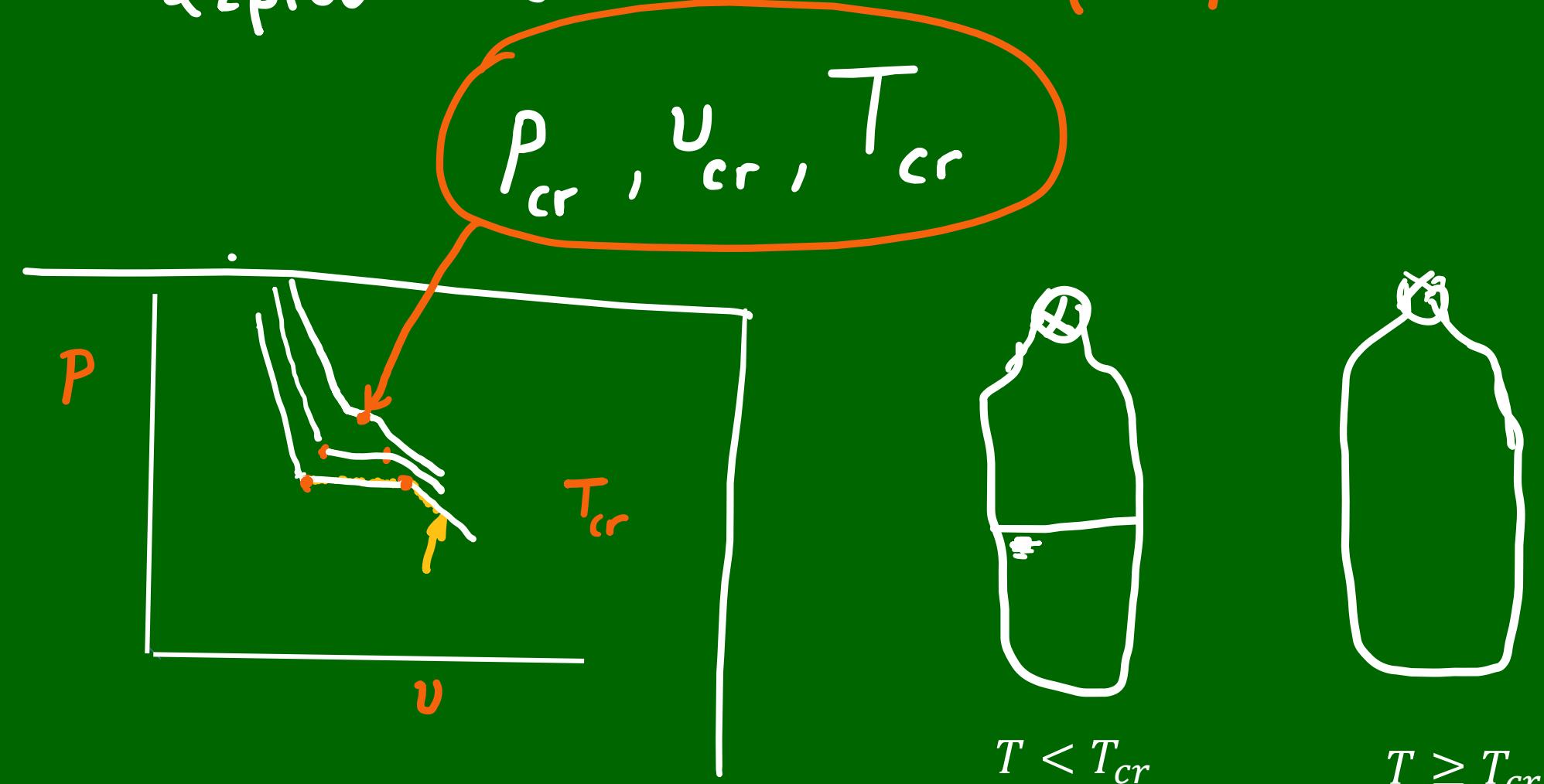


Mnēsiklai ή 1^η και ή 2^η περίγραφος.

Aυτό είναι το T_{cr} (Κρίσιμη ΘΗΚΗ ουρανία),

πάνω από την οποία δεν μπορεί να υπάρξει
η υγρή φάση.

Στο Κρίσιμο Σημείο, οι Ιδιότητες του υάλτ
αξρίου συναπόρτες τις Κρίσιμες Συαρτές αυτού !!



Κρίσιμα Σαφερές για δριβμένα αέρια

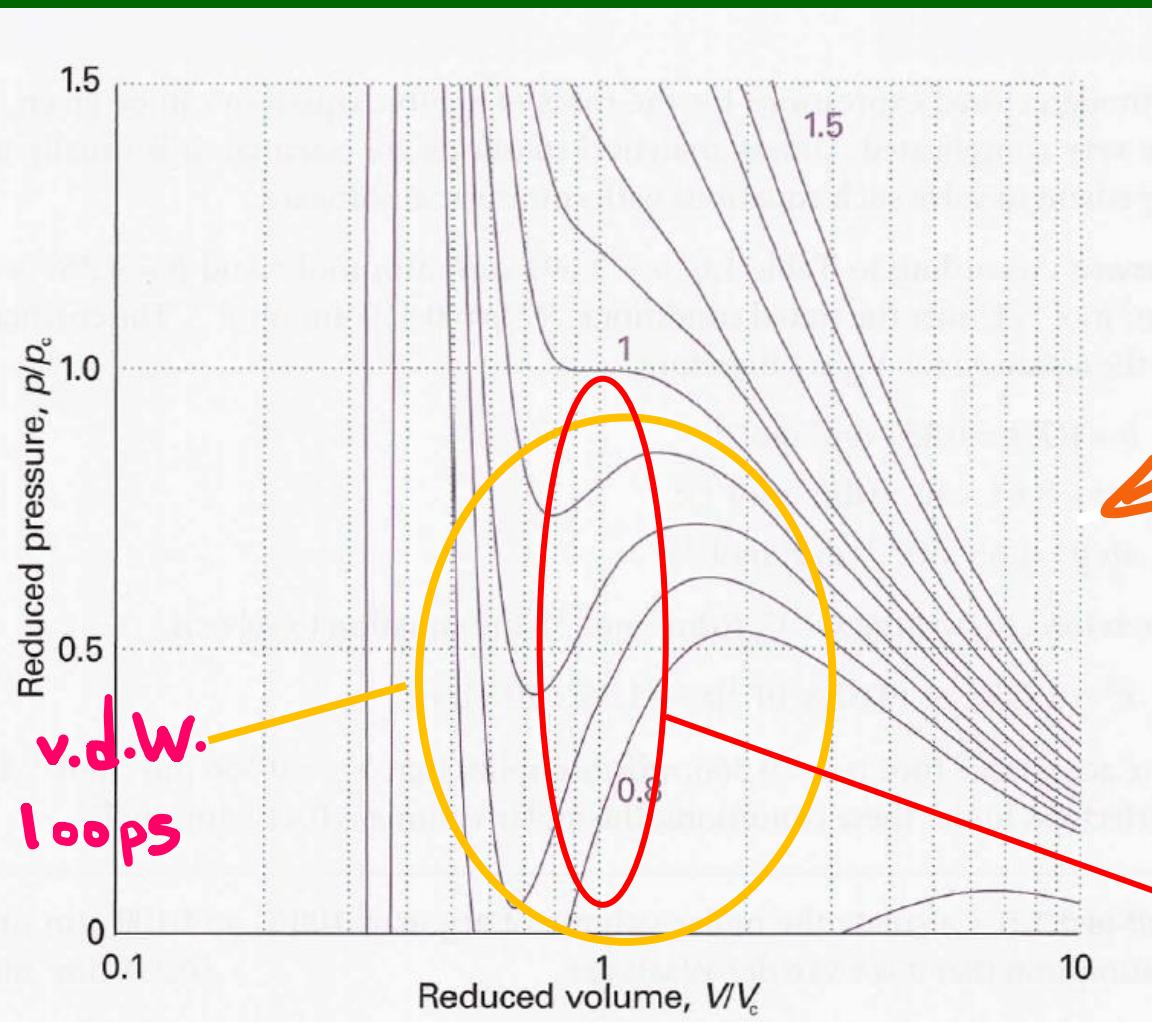
Synoptic Table 1.5* Critical constants of gases

	p_c/atm	$V_c/(\text{cm}^3 \text{ mol}^{-1})$	T_c/K	Z_c	T_B/K
Ar	48.0	75.3	150.7	0.292	411.5
CO ₂	72.9	94.0	304.2	0.274	714.8
He	2.26	57.8	5.2	0.305	22.64
O ₂	50.14	78.0	154.8	0.308	405.9

31.04°C

Πάνω από αυτής τις T_c
δεν υπορρίνεται υπερχειρίζονται
σε υγρή βιορεψή για
 $\text{Ar}, \text{CO}_2, \text{He}, \text{O}_2$

Συγένεια για την αξιολόγηση της ε}. van der Waals



Χρήση συγκεκριμένων μεταβλητών
(reduced variables)

$$P_r = \frac{P}{P_{cr}}, \quad V_r = \frac{V}{V_{cr}}, \quad T_r = \frac{T}{T_{cr}}$$

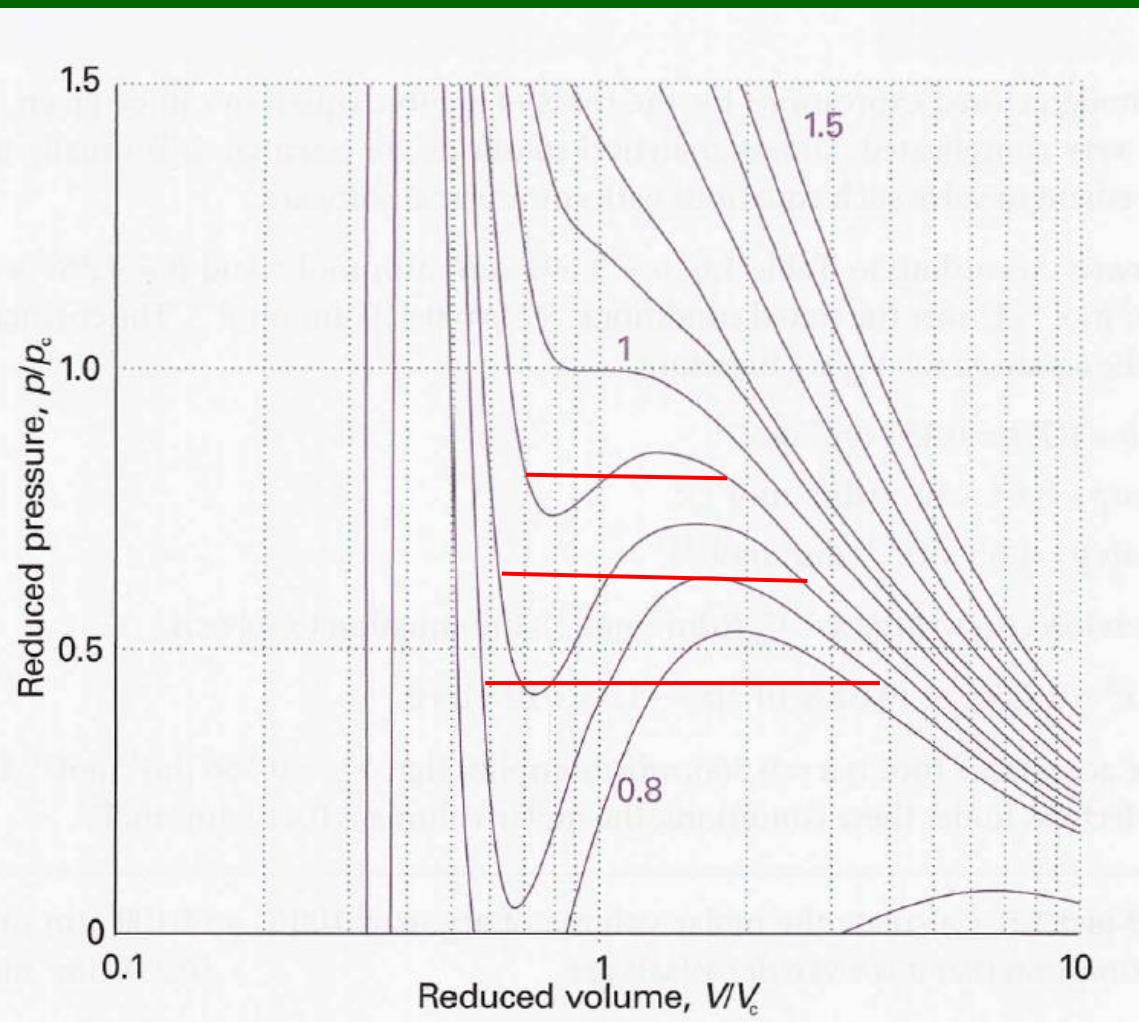
Ισοθερμές v.d.W.
↳ Προβληματικά για $T_r < 1$
για v.d.W. loops!!!

Σηλ.: OTI έτσι μειώνεται το P
θα μειωθεί και ο όγκος!!!

Mn ΑΠΟΔΕΚΤΟ

T_a loops δεν είναι αποδεκτά και
αντικαθιστάνται ανα

εμφανής γρήγορα
τετοια ωστε τα
επόδια νανού και
κάνω (μεταξύ 670 loop)
να είναι ισχ



Χαρακτηριστικά της εξίσωσης van der Waals

$$p = \frac{RT}{v - b} - \frac{a}{v^2}$$

- 1. Σε ψηλές θερμοκρασίες και μεγάλους γραμμομοριακούς όγκους λαμβάνονται ισόθερμες ιδανικών αερίων

$$v \gg b \quad \& \quad \frac{a}{v^2} \approx 0$$

- 2. Οι κρίσιμες σταθερές συνδέονται μέσω σχέσεων με τους συντελεστές van der Waals



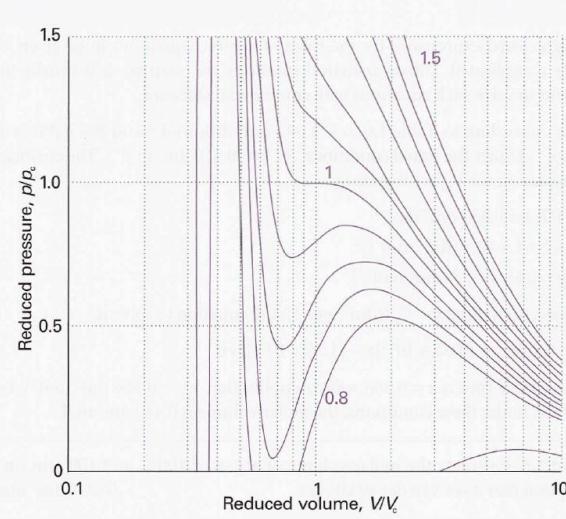


$$p = \frac{RT}{v - b} - \frac{a}{v^2} \quad (1)$$

Ισχίουν
6ζο Κρίτικο
Σημείο

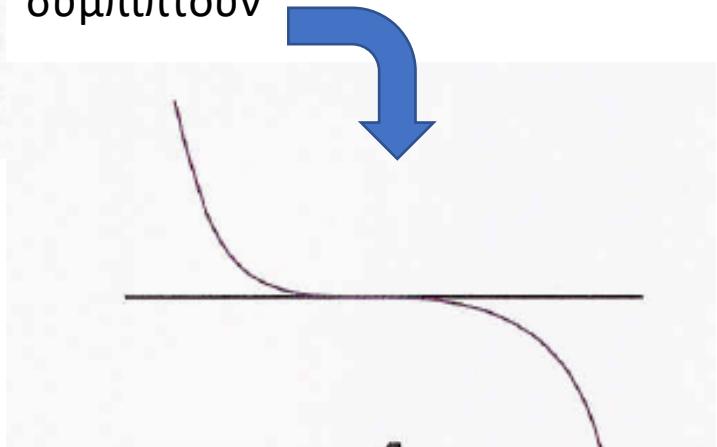
$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{dp}{dv} = 0 \Rightarrow -\frac{RT}{(v-b)^2} + \frac{2a}{v^3} = 0 \\ \frac{d^2p}{dv^2} = 0 \Rightarrow \frac{2RT}{(v-b)^3} - \frac{6a}{v^4} = 0 \end{array} \right.$$

υπολογισμένε
 v_{cr}, T_{cr}
κατ' από την (1): γινό p_{cr}



Οι (ροή)θερμές v.d.W.
Ταλαντώνται για $T < T_{cr}$
(δηλ. για $T_r < 1$)

Για $T \rightarrow T_{cr}$
τα extrema συγκλίνουν
και για $T = T_{cr}$, δηλ. $T_r = 1$
συμπίπτουν



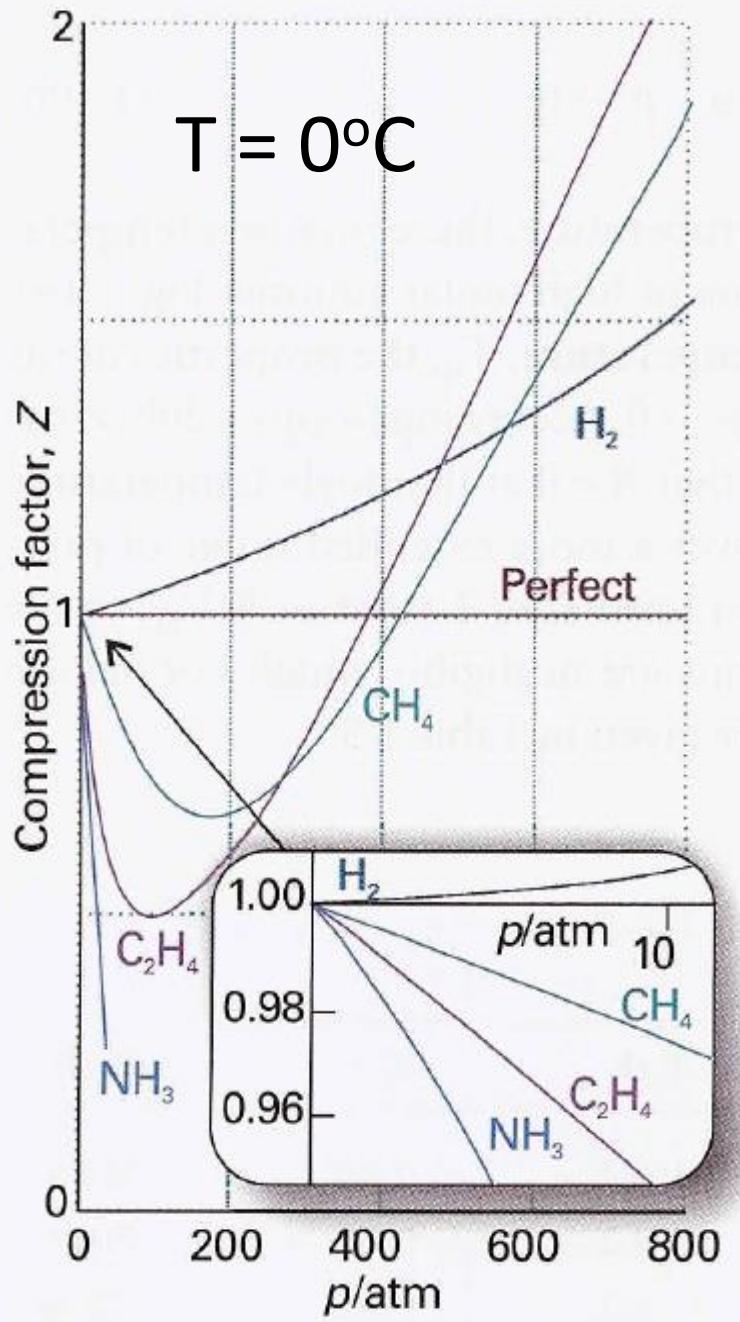
$$v_{cr} = 3b \quad p_{cr} = \frac{a}{27b^2}$$

$$T_{cr} = \frac{8a}{27Rb}$$

Υπολογισμός συντελεστών vdW (a, b) από τις κρίσιμες σταθερές



$$Z_{cr} = \frac{p_{cr}v_{cr}}{RT_{cr}} = \frac{3}{8}$$



Η ΑΡΧΗ ΤΩΝ ΑΝΤΙΣΤΟΙΧΩΝ ΚΑΤΑΣΤΑΣΕΩΝ (PRINCIPLE OF CORRESPONDING STATES)

Μια σημαντική τεχνική στη Φυσικοχημεία, για
τη σύγκριση ιδιοτήτων υλικών είναι η επιλογή μιας
Θεμελιώδους ιδιότητας των υλικών (εδώ: **μιας**
Κρίσιμης Σταθεράς) και η δημιουργία μιας σχετικής
κλίμακας με βάση την ιδιότητα αυτή

$$\delta_{nl} : \quad p_r = \frac{p}{p_{cr}} \quad , \quad v_r = \frac{v}{v_{cr}} \quad , \quad T_r = \frac{T}{T_{cr}}$$

Η ΑΡΧΗ ΤΩΝ ΑΝΤΙΣΤΟΙΧΩΝ ΚΑΤΑΣΤΑΣΕΩΝ (PRINCIPLE OF CORRESPONDING STATES)

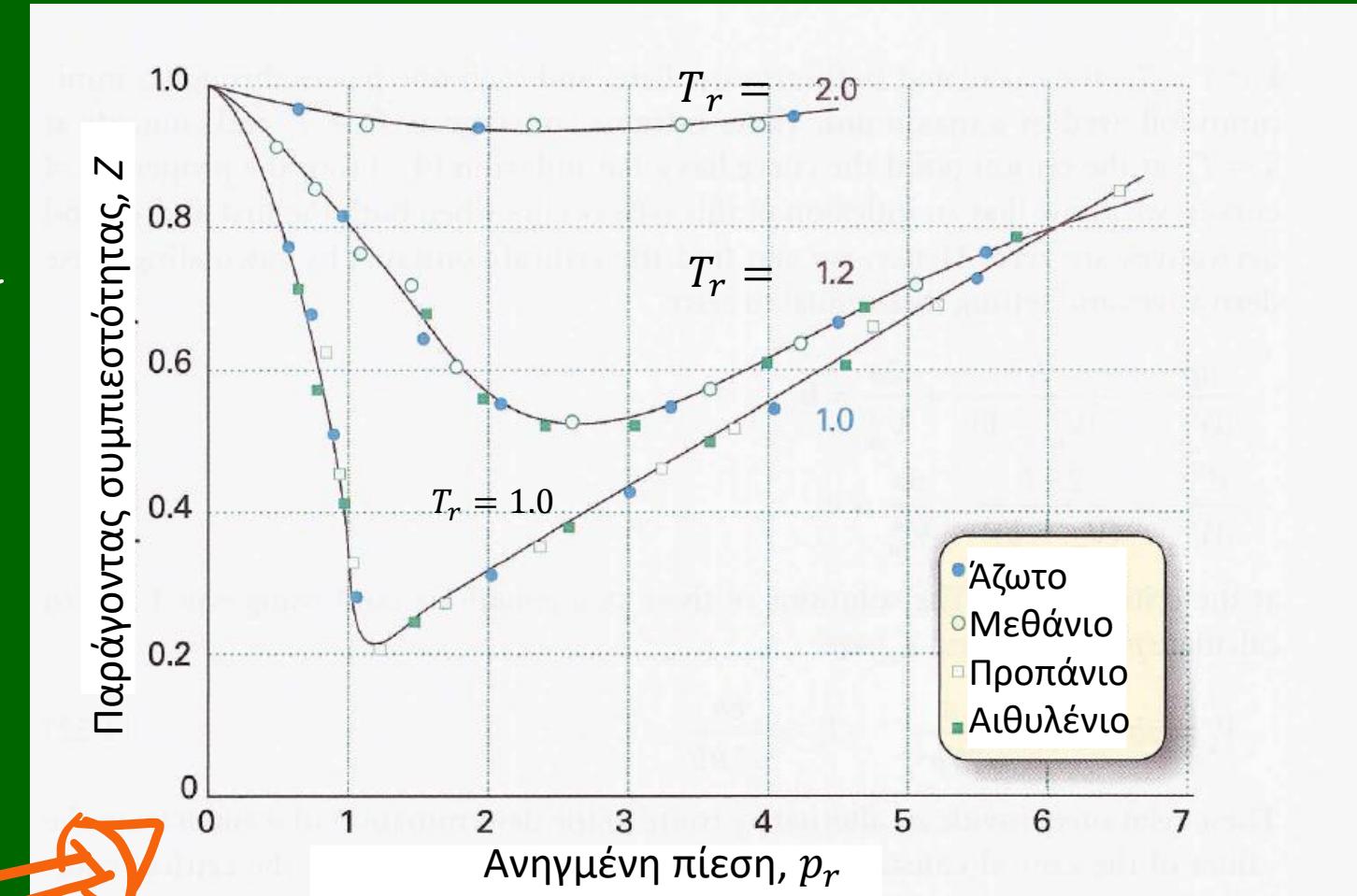
Μια σημαντική τεχνική στη Φυσικοχημεία, για τη σύγκριση ιδιοτήτων υλικών είναι η επιλογή μιας Θεμελιώδους Ιδιότητας των υλικών (εδώ: μιας Κρίσιμης Σταθεράς) και η δημιουργία μιας σχετικής κλίμακας με βάση την ιδιότητα αυτή

$$\text{δηλ.: } p_r = \frac{p}{p_{cr}}, \quad v_r = \frac{v}{v_{cr}}, \quad T_r = \frac{T}{T_{cr}}$$

↗
Ανηγμένες Μεταβλητές

v.d.W.: Αξίρια (Διαφορετικά) που περιορίζονται στον ίδιο v_r και βρίσκονται στον ίδιο T_r
Θα ασκούν την ίδια p_r

Πτειραδικά
αποζελέσματα



Η πρόταση / υπόθεση
του v.d.W. επιβεβαιώνεται (διάγραμμα προηγ. σελίδας).
και ονομάζεται "Αρχή Αντιστοίχων καταστάσεων".

$$\text{Ans.: } P = \frac{RT}{V-b} - \frac{a}{V^2} \quad (1)$$

και αντίστοιχη:

$$P = P_r P_{cr}, \quad V = V_r V_{cr} \quad \Rightarrow \quad T = T_r T_{cr}$$

$$(1) \quad P_r P_{cr} = \frac{RT_r T_{cr}}{V_r V_{cr} - b} - \frac{a}{V_r^2 V_{cr}^2}$$

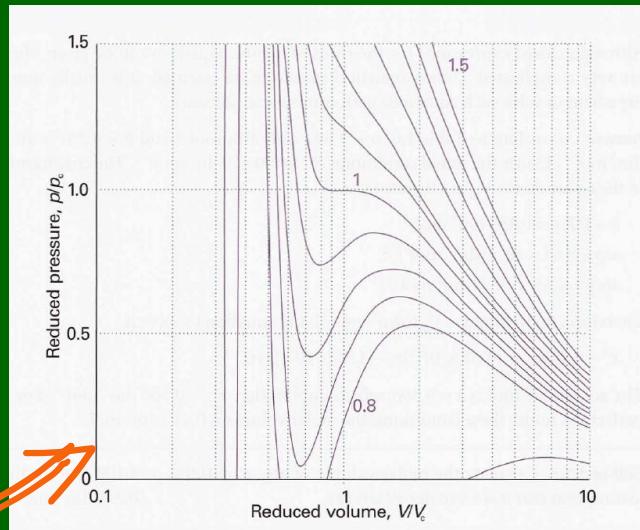
Άντοτοι

$v_{cr} = 3b$	$p_{cr} = \frac{a}{27b^2}$	$T_{cr} = \frac{8a}{27Rb}$
---------------	----------------------------	----------------------------

$$\frac{a P_r}{27b^2} = \frac{8a T_r}{27b(3b V_r - b)} - \frac{a}{9b^2 V_r^2} \Rightarrow P_r = \frac{8 T_r}{3 V_r - 1} - \frac{3}{V_r^2} \quad (3)$$

Aυτό, το εικαστικό παραγόμενο (χωρίς να το επιτυγχάνεται) και διαφορετικό για την γενήση της παραγόμενης v.d.W.

(ισχίων για συσσώματα αέριο)



Για
συσσώματα
Αερίων
vander Waals