

ΧΗΜΙΚΗ ΘΕΡΜΟΔΥΝΑΜΙΚΗ

4. ΝΕΕΣ ΘΕΡΜΟΔΥΝΑΜΙΚΕΣ ΣΥΝΑΡΤΗΣΕΙΣ ΜΕΡΟΣ Α

8^η Διάλεξη: Δευτέρα 23.10, 11.15 – 12.00

9^η Διάλεξη: Τετάρτη 25.10, 11.15 – 13.00

10^η Διάλεξη: Πέμπτη 26.10, 11.15 – 13.00

11^η Διάλεξη: Δευτέρα 30.10, 11.15 – 12.00

12^η Διάλεξη: Τετάρτη 01.11, 11.15 – 12.00

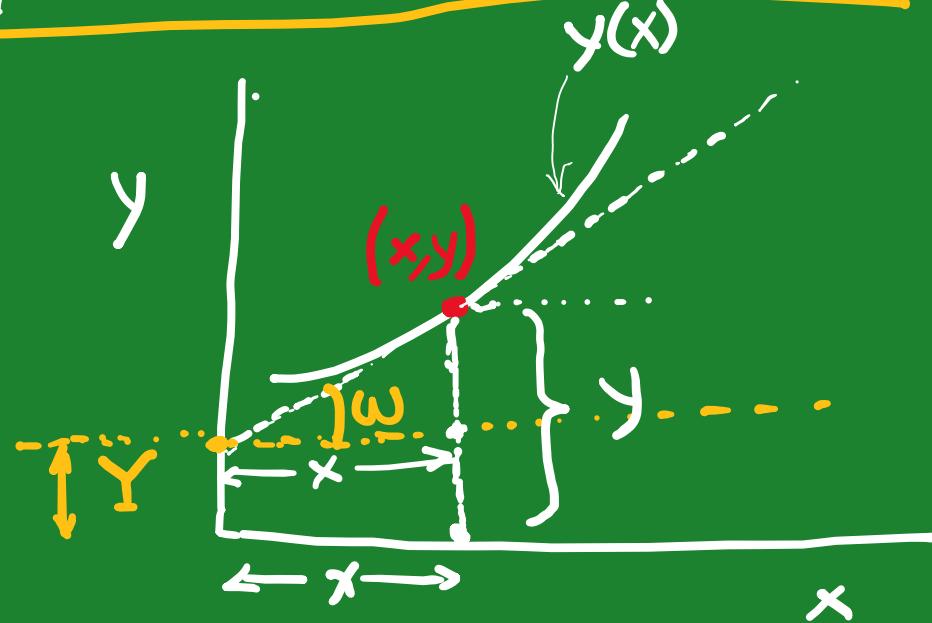
Μετασχηματισμοί Legendre.

Εισαγωγή Νέων Θερμοδυναμικών Συναριθμών

Ερεις εκουμενή: $U = U(V, S, N_i)$

Χρειαζόμενες συναριθμές
με τις "ευκολά ελέγχιμες"
μεταβλητές. Έχ. P, T ...

Το ρεόβλινθα δύναμι με τον
Μετασχηματισμό Legendre
(αλλαγή μεταβλητής)



Εσω $y = y(x)$

$$y = Y + x \tan w \quad \left. \right\}$$

$$y = Y + x X$$

Θεωρείτε $X = \tan w$

$$X = \frac{dy}{dx}$$



$$\rightarrow \boxed{Y = y - x X, \quad X = \frac{dy}{dx}}$$

Δηλ.

$$Y = y - x \cdot X, \quad X = \frac{dy}{dx}$$

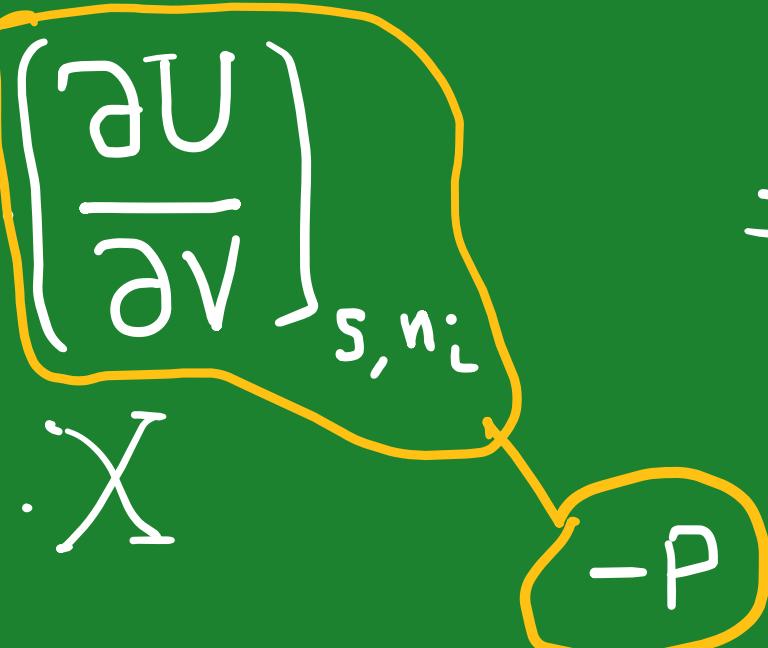
Μεταβολή στις ισόια
Legendre

Επιτίσι ητανιά μή τ ανοίγειν $U = U(V, S, n_i)$

1ⁿ εγκαρφούγην του M.L. γιαννείν U . "Αλλαγή" του V

$$Y_1 = U - V \left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_{S, n_i} \quad \Rightarrow \quad Y_1 = U + PV$$

\vdots
 $y - x \cdot X$



Ονόμα: Ενθαλπίη
Σύμβολο: H

- Φτιάχαμε από την \mathcal{U} και $H = U + PV$
με μεταξ. Legendre (w_i προς V)

$$dH = \cancel{dU} + PdV + Vdp \Rightarrow dH = TdS + Vdp + \sum \mu_i dn_i$$

Συν. $H = H(p, S, n_i)$

Ξεκινήσαμε από :

$$\mathcal{U} = \mathcal{U}(V, S, n_i)$$

H Εξικων Euler χια ομογενησ συναρτησι

Εστω n $y = y(x_1, x_2, \dots, x_n)$ ομογενησ βαθμο ρ

$$\rightarrow y(\lambda x_1, \lambda x_2, \dots, \lambda x_n) = \lambda^\rho \cdot y(x_1, x_2, \dots, x_n)$$

Με παραχωρησι w προς λ

$$\sum^n \frac{\partial y(\lambda x_1, \lambda x_2, \dots, \lambda x_n)}{\partial (\lambda x_i)} \cdot \frac{\partial (\lambda x_i)}{\partial \lambda} = \rho \lambda^{\rho-1} \cdot y(x_1, x_2, \dots, x_n)$$

x_i

$$\sum \frac{\partial y(\lambda x_1, \lambda x_2 \dots, \lambda x_n)}{\partial (\lambda x_i)} \cdot x_i = \lambda^{p-1} \cdot y(x_1, x_2 \dots, x_n)$$

Αλλά: οι πρώτες παραμόρφωση ουρανίων βαθμού p
 είναι οι ποσογένεις βαθμού $p-1$

Αρχα:

$$\sum_{i=1}^n x_i \cancel{\lambda^{p-1}} \cdot \frac{\partial y(x_1, x_2 \dots)}{\partial x_i} = p \cancel{\lambda^{p-1}} \cdot y(x_1, x_2 \dots)$$

$$\Rightarrow p \cdot y(x_1, x_2 \dots, x_n) = \sum_{i=1}^n x_i \left(\frac{\partial y}{\partial x_i} \right)_{x_n}$$

Euler

Εμπειρική εκτίμηση των

$$U = U(V, S, N_i) \quad (\text{B.T.E.})$$

Η U είναι συνάρτηση πολλών βαθμού.

Από ανάλυση Εuler για $P=1$:

$$U = V \cdot \left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_{S, N_i} + S \cdot \left(\frac{\partial U}{\partial S} \right)_{V, N_i} + \sum N_i \cdot \left(\frac{\partial U}{\partial N_i} \right)_{V, S, N_j, j \neq i}$$

$$U = -PV + TS + \sum N_i \mu_i$$

As εισάγουμε Νεις Θερμοδυναμικές Συρρικίες
 $\mu \leftarrow z_{0V}$ Μετασχ. Legendre! $U = U(V, S, N_i)$

Εάν είναι $y = y(x)$

$$Y = y - x \cdot \frac{dy}{dx}$$

$$X = \frac{dy}{dx}$$

Εάν είναι $y = y(x_1, x_2)$

$$Y = y - x_1 \left[\frac{\partial y}{\partial x_1} \right]_{x_2} - x_2 \left[\frac{\partial y}{\partial x_2} \right]_{x_1}$$

Ειδαφές ίδη : 1) Αλλαγή επαρθεματικών

$$Y_1 = U - V \left[\frac{\partial U}{\partial V} \right]_{S, N_i} = U + PV$$

H

2) Αλληλή σταθερισμός και ζνήση S
ευηνέλιτη και $U = U(V, S, N_i)$ ✓

$$Y_2 = U - S \left\{ \frac{\partial U}{\partial S} \right\}_{V, N_i} = U - TS$$

Εξειδηρων Ενέργεια
Helmholtz

$$-PV + TS + \sum N_i \mu_i$$

$$A = U - TS \Rightarrow A = -PV + \sum N_i \mu_i$$

$$dA = dU - TdS - SdT = TdS - PdV + \sum N_i dN_i - TdS - SdT$$

$$\Rightarrow dA = -PdV - SdT + \sum \mu_i dN_i , \quad A(V, T, N_i)$$

3) Αναλυτική (από λύση σε ημίμονα) επαργίας και S και V
 Ευναέρης και $U = U(S, V, N_i)$

$$Y_3 = U - S \left[\frac{\partial U}{\partial S} \right]_{V, N_i} - V \left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_{S, N_i} = \underbrace{U - TS + PV}_{\text{Ελ. Ενέργεια}} \quad \underbrace{- P}_{\text{Gibbs.}} \quad G$$

$$G = U - TS + PV$$

$$= A + PV$$

$$= H - TS \quad \checkmark$$

$$(1) \rightarrow G = \sum N_i \mu_i \quad \checkmark$$

$$U = TS - PV + \sum N_i \mu_i \quad (1)$$

$$\begin{aligned} dG &= dU - TdS - SdT + PdV + VdP \\ &= \cancel{TS} - \cancel{PV} + \sum \mu_i dN_i - \cancel{TdS} - \cancel{SdT} + \cancel{PdV} \\ &\quad + VdP \end{aligned}$$

$$\Rightarrow dG = -SdT + Vdp + \sum \mu_i dN_i , \quad \delta_{\text{ad}} G = G(T, p, N_i)$$

$$U = U(V, S, N_i), \quad U = TS - pV + \sum N_i \mu_i, \quad dU = TdS - pdV + \sum \mu_i dN_i$$

$$H = H(p, S, N_i), \quad H = U + pV = TS + \sum N_i \mu_i, \quad dH = TdS + Vdp + \sum \mu_i dN_i$$

$$A = A(V, T, N_i), \quad A = U - TS = -pV + \sum N_i \mu_i, \quad dA = -SdT - pdV + \sum \mu_i dN_i$$

$$G = G(p, T, N_i), \quad G = U - TS + pV = \sum N_i \mu_i$$

$$G = A + pV$$

$$G = H - TS$$

$$dG = -SdT + Vdp + \sum \mu_i dN_i$$

$$\tau = \left(\frac{\partial U}{\partial S} \right)_{V, n_i} = \left(\frac{\partial H}{\partial S} \right)_{P, n_i}$$



$$P = - \left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_{S, n_i} = - \left(\frac{\partial A}{\partial V} \right)_{T, n_i}$$

$$V = \left(\frac{\partial H}{\partial P} \right)_{S, n_i} = \boxed{\left(\frac{\partial G}{\partial P} \right)_{T, n_i}}$$

$$S = - \left(\frac{\partial A}{\partial T} \right)_{V, n_i} = - \boxed{\left(\frac{\partial G}{\partial T} \right)_{P, n_i}}$$

$$\mu_i = \left(\frac{\partial U}{\partial n_i} \right)_{S, V, n_j} = \left(\frac{\partial H}{\partial n_i} \right)_{S, P, n_j} = \left(\frac{\partial A}{\partial n_i} \right)_{T, V, n_j} = \boxed{\left(\frac{\partial G}{\partial n_i} \right)_{T, P, n_j}}$$

$$dU = TdS - pdV + \sum_{i=1} \mu_i dn_i$$

$$dH = TdS + Vdp + \sum_{i=1} \mu_i dn_i$$

$$dA = -SdT - pdV + \sum_{i=1} \mu_i dn_i$$

$$dG = -SdT + Vdp + \sum_{i=1} \mu_i dn_i$$

Οι πιο σημαντικες εκ των προηγουμένων 6×16[ων]:

$$G = H - TS \quad , \quad G = \sum n_i \mu_i \xrightarrow[\text{ενα συστατ.}]{\text{Συγκράτηση}} G = n \cdot \mu \Rightarrow \underline{\underline{\mu = \frac{G}{n}}}$$

$$\Delta G \stackrel{T=c\ell}{=} \Delta H - T \Delta S$$

$$V = \left(\frac{\partial G}{\partial P} \right)_{T, n_i} \quad , \quad S = - \left(\frac{\partial G}{\partial T} \right)_{P, n_i} \quad , \quad \mu_i = \left(\frac{\partial G}{\partial n_i} \right)_{T, P, n_j}$$

ΣΧΕΣΕΙΣ MAXWELL

Βασικές θερμοδυναμικές εξισώσεις:

$$dU = TdS - pdV + \sum_{i=1} \mu_i dn_i \quad U = U(S, V, n_1, n_2, \dots, n_k)$$

$$dH = TdS + Vdp + \sum_{i=1} \mu_i dn_i \quad H = H(S, p, n_1, n_2, \dots, n_k)$$

$$dA = -SdT - pdV + \sum_{i=1} \mu_i dn_i \quad A = A(T, V, n_1, n_2, \dots, n_k)$$

$$dG = -SdT + Vdp + \sum_{i=1} \mu_i dn_i \quad G = G(T, p, n_1, n_2, \dots, n_k)$$

$$T = \left(\frac{\partial U}{\partial S} \right)_{V, n_i} = \left(\frac{\partial H}{\partial S} \right)_{p, n_i}$$

$$p = -\left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_{S, n_i} = -\left(\frac{\partial A}{\partial V} \right)_{T, n_i}$$

$$S = -\left(\frac{\partial G}{\partial T} \right)_{p, n_i} = -\left(\frac{\partial A}{\partial T} \right)_{V, n_i}$$

$$V = \left(\frac{\partial G}{\partial p} \right)_{T, n_i} = \left(\frac{\partial H}{\partial p} \right)_{S, n_i}$$

$\Sigma \times \dot{\Sigma} (\text{eu})$

Maxwell

1ⁿ Σχέσην. Παριπονήτε τις περικτί σχαρών των G

$$\left(\frac{\partial G}{\partial T}\right)_{p,n_i} = -S$$

$$\left(\frac{\partial^2 G}{\partial T \partial p}\right) = - \left(\frac{\partial S}{\partial p}\right)_{T,n_i}$$

$$\left(\frac{\partial G}{\partial p}\right)_{T,n_i} = V$$

$$\left(\frac{\partial^2 G}{\partial p \partial T}\right) = \left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_{p,n_i}$$

✓ $\left(\frac{\partial A}{\partial V}\right)_{T,n_i} = -p$

$$\left(\frac{\partial A}{\partial T}\right)_{V,n_i} = -S$$

$$\left(\frac{\partial^2 A}{\partial T \partial V}\right) = - \left(\frac{\partial S}{\partial V}\right)_{T,n_i}$$

≡

$$\left(\frac{\partial^2 A}{\partial V \partial T}\right) = - \left(\frac{\partial p}{\partial T}\right)_{V,n_i}$$

1ⁿ Για Σχέση Maxwell

$$\left(\frac{\partial S}{\partial p}\right)_{T,n_i} = - \left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_{p,n_i}$$

2ⁿ Σχέση Maxwell

$$\left(\frac{\partial S}{\partial V}\right)_{T,n_i} = \left(\frac{\partial p}{\partial T}\right)_{V,n_i}$$

≡

Erai μνημονικός
Ελάχιστη για τη Σx. Maxwell

(1)

$$dU = \underbrace{T dS}_{T} - \underbrace{P dV}_{P} + \sum \mu_i d\eta_i$$

$$\left(\frac{\partial S}{\partial P} \right)_{T, \eta_i} = \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_{P, \eta_i}$$

(2)

$$dH = \underbrace{T dS}_{T} + \underbrace{V dP}_{P} + \sum \mu_i d\eta_i$$

$$\left(\frac{\partial S}{\partial V} \right)_T = \left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_V$$

Πρώτες Εφαρμογές των 6x. Maxwell.
 Θερμοδιναμικές Κανονιστικές Εξιγώνου. (Θ.Κ.Ε.)

A. 1^η Θ.Κ.Ε.

Μάζα ενδιαφέρου

$$n \left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_T$$

Πλαίσιον με
 T, V, P, S

4/2:

Ανο 111 4, 01
 2 είναι ανεξάρτητες

Αρδ: $\left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_T = \left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_S + \left(\frac{\partial U}{\partial S} \right)_V \left(\frac{\partial S}{\partial V} \right)_T$

2^η Maxwell

$\Rightarrow \left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_T = -P + T \left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_V \quad 1^{\text{η}} \text{ Θ.Κ.Ε.}$

Δn . ου π' μελοι μηρειν να υπολογιζεται
αν γερουσιας την περιβαλλοντικη στιθην ουν

Συμπληρωση : $f(p,V,T) = 0$

Παραδειγμα:

To ιδανικο αεριο

1^η Θ.Κ.Ε : $\left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_T = -P + T \cdot \underbrace{\left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_V}_{{nR \over V}}$

για ιδανικο αεριο

$$\Rightarrow \left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_T = -P + \left(\frac{nRT}{V} \right) = 0$$

$$\begin{aligned} PV &= nRT \quad (2) \\ \Rightarrow \left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_V &= \frac{nR}{V} \end{aligned}$$

για ιδανικο αεριο

Για ιδανικο αεριο :

$$\left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_T = 0, U = U(T)$$

B) 2ⁿ Θερμοδυναμικής Καταστατική Εξίσωση (2ⁿ Θ.Κ.Ε.)

Εδώ, μας ενδιαφέρει η $\left(\frac{\partial H}{\partial P}\right)_T$

$$\left(\frac{\partial H}{\partial P}\right)_T = \left(\frac{\partial H}{\partial P}\right)_S + \left(\frac{\partial H}{\partial S}\right)_P^2 \left(\frac{\partial S}{\partial P}\right)_T$$

1^η Maxwell

$$\Rightarrow \left(\frac{\partial H}{\partial P}\right)_T = V - T \cdot \left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_P \quad 2^n \text{ Θ.Κ.Ε.}$$

Εξουψε:

H, P, T

και την S

Από την 4^η
(H, S, P, T) ή 2^η
ενδιαφέρονται.

Μια ιδεαρή θέμα την 2nd Θ.Κ.Ε.

2nd Θ.Κ.Ε.: $\left(\frac{\partial H}{\partial P}\right)_T = V - T \cdot \underbrace{\left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_P}_{nR/P}$

Ιδανικό αέριο: $PV = nRT$
 $\Rightarrow \left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_P = \frac{nR}{P}$

$$\Rightarrow \left(\frac{\partial H}{\partial P}\right)_T = V - \left(\frac{nRT}{P}\right) = 0$$

Για Ιδανικό Αέριο
 $\left(\frac{\partial H}{\partial P}\right)_T = 0 \Rightarrow H = H(T)$

Διαλογή Εργασίας Ιδανικού Αερίου: $\Delta H = 0$

Μετρήσιμες πορείαντι έτη Θερμοδυναμική

1) Θερμοχωριτικότητες

Γενικά: $\bar{C} \equiv \frac{q}{\Delta T} [=] J K^{-1}$

Και (1) $C = \lim_{\Delta T \rightarrow 0} \frac{q}{\Delta T}$

Η μεταβολή της ΔT δεν αριθμεί μόνο στη μεταβολή $\Delta U - w$!!

Ορα: 1a) Y_n_0 $v: σταθ.$ (μόνο $w(p, v)$)

1'Ν: $dU = dq + dw \implies dU_v = dq_v$

(1) $C_v = \lim_{\Delta T \rightarrow 0} \frac{q_v}{\Delta T} = \lim_{\Delta T \rightarrow 0} \frac{\Delta U_v}{\Delta T} = \left(\frac{\partial U}{\partial T} \right)_v$

$$\Delta_n \lambda : C_v = \left(\frac{\partial U}{\partial T} \right)_v \text{ Koi } C_p = \left(\frac{\partial H}{\partial T} \right)_p$$

1B) Yno $P = \text{const.}$

$$dH = d(U + PV) = \cancel{dU} + PdV + V \cancel{dP} \quad \left. \begin{array}{l} \cancel{dU} \\ \cancel{dP} \end{array} \right\} \rightarrow dH = \delta q + \delta w + PdV$$

$\delta q + \delta w$

(gilt $P = P_{\text{st}}$)

$$\Delta_n \lambda C_p = \lim_{\Delta T \rightarrow 0} \left. \frac{q}{\Delta T} \right|_p = \lim_{\Delta T \rightarrow 0} \left. \frac{\Delta H}{\Delta T} \right|_p = \left(\frac{\partial H}{\partial T} \right)_p$$

Για Σύστημα ενός συγκριτικού:

$$C_V = \eta \cdot C_V \quad \Downarrow \quad C = \eta \cdot C_P$$

οπου: C_V, C_P : Υπαγόμονιακές θερμοχωρητικότητες
[=] J mol⁻¹ K⁻¹

C_V, C_P και η σχέση τους με την Εντροπία

$$C_V = \left(\frac{\partial U}{\partial T} \right)_V$$

Επουμε: U, T, V & S ("4/2")

$$\left[\frac{\partial U}{\partial T} \right]_V \left[\frac{\partial T}{\partial S} \right]_V \left[\frac{\partial S}{\partial U} \right]_V = 1 \Rightarrow$$

$\underbrace{}_{C_V} \quad \underbrace{}_{\frac{1}{T}}$

$$\Rightarrow \boxed{C_V = \left(\frac{\partial S}{\partial T} \right)_V}$$

$$dS = \frac{C_V}{T} \cdot dT \Rightarrow \boxed{\Delta S = n \cdot C_V \ln \frac{T_2}{T_1}}$$

UNO V: σταθ

Θα δουμε τι πλαγιά το $C_p \left(\begin{array}{l} \text{Σχετική} \\ \text{ψευδοinv} \end{array} S \right)$

$$\begin{aligned} C_v &= n \cdot c_v \\ C_p &= n \cdot c_p \end{aligned}$$

$$C_p = \left(\frac{\partial H}{\partial T} \right)_P$$

Εξουμέτρη $H, P, T \& S$

Θα γράψουμε μια 6χειρινή του "1"
(απόρα 4 μεταβλ., Εκ των οποίων οι 2 είναι ανεξάργητες).

$$\left[\frac{\partial T}{\partial S} \right]_P \left[\frac{\partial S}{\partial H} \right]_P \left[\frac{\partial H}{\partial T} \right]_P = 1 \quad \checkmark$$

$\underbrace{\phantom{\frac{\partial}{\partial}}}_1 \overline{T}$

$$\frac{C_p}{T} = \left(\frac{\partial S}{\partial T} \right)_P$$

$$dS = \frac{C_p}{T} \cdot dT \Rightarrow$$

$$\Delta S = n \cdot C_p \ln \frac{T_2}{T_1}$$

Για $P: σταθ$

ԱՏ ԵՎՐՈՎԻ ԽԾՈՎՄՒՄ ՀԱ 2 ԵԽԵՑՆԱ:

$$\frac{C_v}{T} = \left(\frac{\partial S}{\partial T} \right)_V \quad \hookrightarrow$$

$$\frac{C_p}{T} = \left(\frac{\partial S}{\partial T} \right)_P$$

ԵԽԵՑՆԱ: S, T, P, V

ՕՇԽԱ:

$$\left(\frac{\partial S}{\partial T} \right)_P = \left(\frac{\partial S}{\partial T} \right)_V + \left(\frac{\partial S}{\partial V} \right)_T \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P$$

1
2
3
 $\left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_V \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P$
 $C_p = C_v + T \cdot \left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_V \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P$

$$\Delta n \lambda.: C_p - C_v = T \cdot \left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_V \cdot \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P$$

για Ιδεαλ Γάσι

Εφαρμογή για ιδανικό αέριο:

$$P = \frac{nRT}{V} \quad \Rightarrow \quad V = \frac{nRT}{P}$$

$$\frac{nR}{V} \quad \frac{nR}{P}$$

$$\Rightarrow C_p - C_v = T \cdot \frac{nR}{V} \cdot \frac{nR}{P} \quad \boxed{1}$$

$$C_p - C_v = nR$$

$$C_p - C_v = R$$

Για ιδανικό Αέριο

2) Συντελεστής Θερμικής Διαπολισίας , α
 ή Συντελεστής Ισόθερμης Συμπιεστικότητας, κ

$$2\alpha) \quad \alpha \equiv \frac{1}{V} \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P [=] K^{-1}$$

$$2\beta) \quad \kappa \equiv -\frac{1}{V} \left(\frac{\partial V}{\partial P} \right)_T [=] Pa, atm^{-1}$$

$$1 \text{ atm} = 101325 \text{ Pa}$$

Άσκηση / Εργασία: Για τον $Hg(l)$, ως ναλογίστε την

μεταβολή της P με την T

$$\left(\frac{\partial P}{\partial T}\right)_V$$

Διανούσατε: $\alpha = 1.8 \times 10^{-4} K^{-1}$
 $K = 3.9 \times 10^{-6} atm^{-1}$

Διεύθυνση:

$$\left(\frac{\partial P}{\partial T}\right)_V \left(\frac{\partial T}{\partial V}\right)_P \left(\frac{\partial V}{\partial P}\right)_T = -1$$

$\underbrace{}_{\frac{1}{\alpha V}}$ $\underbrace{}_{-K}$

$$\Rightarrow \left(\frac{\partial P}{\partial T}\right)_V = \frac{\alpha}{K} = \frac{1.8 \times 10^{-4} K^{-1}}{3.9 \times 10^{-6} atm^{-1}} = 46 atm K^{-1}$$

$$\alpha = \frac{1}{V} \left[\frac{\partial V}{\partial T} \right]_P$$

$$K = -\frac{1}{V} \left[\frac{\partial V}{\partial P} \right]_T$$

Ei δəf̄te óri:

$$C_p - C_v = T \left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_V \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P \quad (1)$$

$$\left[\frac{\partial S}{\partial T} \right]_P = \underbrace{\left[\frac{\partial S}{\partial T} \right]_V}_{C_v/T} + \underbrace{\left(\frac{\partial S}{\partial V} \right) \left[\frac{\partial V}{\partial T} \right]_P}_{\left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_V}$$

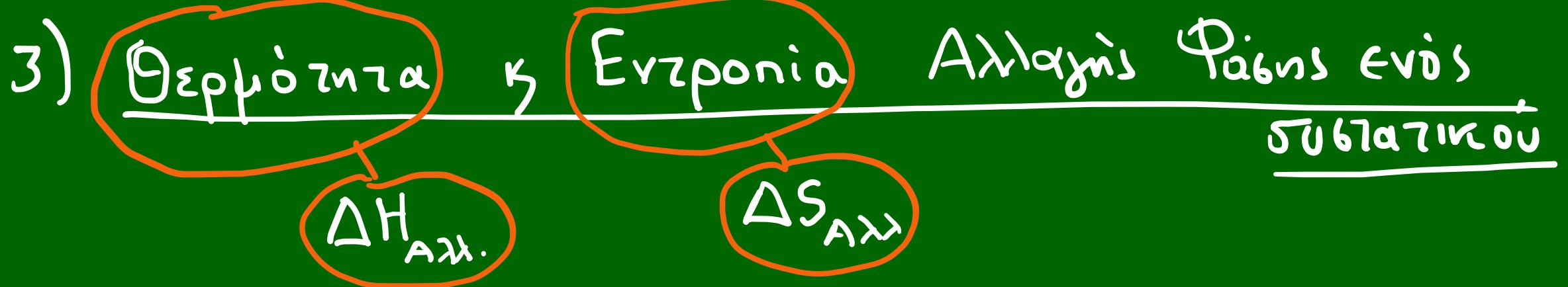
αλλα:

$$\alpha = \frac{1}{V} \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P$$

$$\kappa = -\frac{1}{V} \left(\frac{\partial V}{\partial P} \right)_T$$

$$\Rightarrow C_p - C_v = T \underbrace{\left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)}_{\alpha/\kappa} \underbrace{\left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P}_{\alpha V} \Rightarrow C_p - C_v = T \cdot V \cdot \frac{\alpha^2}{\kappa}$$

Fevlun 6x ēσn



Iσορροπία $A(l) \rightleftharpoons A(g)$

$$\Rightarrow \mu_{A(l)} = \mu_{A(g)}$$

Τυπικός: $G = H - TS \Rightarrow \frac{G}{n} = \frac{H}{n} - T \cdot \frac{S}{n}$

$$\Rightarrow \mu = h - T \cdot s$$

\uparrow

Σημαντικότερη ενέργεια, Ενέργεια

Αλλαξία (ισορροπία): $\rightarrow \mu_{A(p)} = \mu_{A(g)}$

$$h_{A(l)} - T \cdot s_{A(l)} = h_{A(g)} - T \cdot s_{A(g)} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow T(s_{A(g)} - s_{A(l)}) = h_{A(g)} - h_{A(l)} \Rightarrow$$

$$T_i \cdot \Delta s_{\text{εξαρψ.}} = \Delta h_{\text{εξαρψ.}}$$

$$\text{Και } T_{\text{THE}} \cdot \Delta s_{\text{THE}} = \Delta h_{\text{THE}} \quad \text{Α(l) } \overset{\text{τώρα}}{=} \text{ A(s)}$$

H: ολική Ενθαλπία
h: γραμμομοριακή
Ενθαλπία

Μεθοδολογία υπολογισμών w , q , ΔU , ΔH , ΔS

- 1) w
- $w = - \int P_{\text{ext}} dV \quad (1)$
 - Εάν $P_{\text{ext}} : \sigma \tau a \theta \Rightarrow w = - P_{\text{ext}} \Delta V$
 - Εάν εξω αντιστρέφεται: $P_{\text{ext}} = P$
- (1) $\rightarrow w = - \int P dV$

Π.χ. εξω ισανικό αριθμό: $P = \frac{nRT}{V}$

↳ $w = - \int \frac{nRT}{V} dV$

και για ισοθερμική διεγέρσια (T : σταθ)

$$\Rightarrow w = -nRT \int \frac{dv}{v} = -nRT \ln \frac{V_2}{V_1}$$

Δηλ.

$$w = -nRT \ln \frac{V_2}{V_1}$$

- αντίδραπτη
- ιδανικό αέριο
- T : σταθ

- $w = \Delta U - q$

Υπολογισμός ως γα:

Αντιστρενί, 150 θέτειν δικεφαλίδας επιδιου

van der Waals

Καρακτηρική εξίσωση v.d.W.:

$$(1) \left(P + a \left(\frac{n}{V} \right)^2 \right) [V - nb] = nRT$$

α, b : συντλεστές
v.d.w.

$$W = - \int P dV = - \int P dV =$$

ΑΝΤΙΣΤΡΕΝΙ

v.d.w

$$\boxed{\frac{V}{n} = u: \text{Γραμμο-μοριακός ογκός}}$$

$$- \int \left(\underbrace{\frac{nRT}{V-nb}}_{P} - a \left(\frac{n}{V} \right)^2 \right) dV$$

$$\Rightarrow w = - \int \frac{nRT}{V-nb} dV + \int a \left(\frac{n}{V} \right)^2 dV \Rightarrow$$

$$\Rightarrow w = -nRT \ln \frac{V_2 - nb}{V_1 - nb} - a \left(\frac{n^2}{V_2} - \frac{n^2}{V_1} \right)$$

- αντιστρέψιν
- αἱρεῖσθαι v. d. W.
- ισόεργη (T: σταθ.)

Եղանակ : ՏՈՂՔԻՆԴՈՒ ՈՅՈՂՆԱ ԹԵՐՄԻԿԱԳԻ

- 2) գ
- Եթե չենք օլմաբարձրություն : $q = 0$ ($w = \Delta U$)
 - $q = -q_{\text{p}}$
 - Իւր բարձրությունում $q_p = \Delta H = n c_p \Delta T$
 - $q = \Delta U - w$

3) ΔU

$$U = U(T, V) \Rightarrow dU = \left(\frac{\partial U}{\partial T} \right)_V dT + \left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_T dV \quad (1)$$

$\underbrace{\left(\frac{\partial U}{\partial T} \right)_V}_{C_V = n \cdot c_V}$ $\underbrace{\left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_T}_{1^{\text{n}} \Theta. \text{K.E.}}$

$1^{\text{n}} \Theta. \text{K.E.} :$

$$\left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_T = \left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_S + \left(\frac{\partial U}{\partial S} \right)_V \left(\frac{\partial S}{\partial V} \right)_T \Rightarrow \left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_T = -P + T \left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_V$$

$\underbrace{\left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_S}_{-P}$ $\underbrace{\left(\frac{\partial U}{\partial S} \right)_V}_{T}$ $\underbrace{\left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_V}_{2^{\text{n}} \sigma_{\text{x. Maxwell}}}$

$$(1) \rightarrow dU = nC_V dT + \left(-P + T \cdot \left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_V \right) dV$$

• Εάν $V: \sigma \alpha \theta.$ $\Rightarrow \Delta U = nC_V \Delta T$

• Εάν εχω ιδανικό όριο.

$$\left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_T = -P + T \left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_V = 0$$

$$P = \frac{nRT}{V} \rightarrow \dots \quad \frac{nR}{V}$$

$$\text{Αρά: } dU = n c_v dT + \left[-P + T \left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_V \right] dV$$

\Rightarrow γα ιδανικό
αξέπιο

$$(\text{είναι } n \left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_T = 0)$$

$$\Rightarrow \Delta U = n \cdot c_v \cdot \Delta T$$

γα ιδανικό αξέπιο
(ακολουθεί ως στον παραπόνη οριζούν)

Αρδ: Για Ισοθερμική αλλαγή (Ισότερην)
 διεργασία Ιδανικού αερίου:

$$\Delta U = n \cdot c_v \cdot \Delta T \Rightarrow \Delta U = 0$$

Σύνοψη: $\Delta U = n \cdot c_v \cdot \Delta T$ για ιδανικό αέριο

και $\Delta U = n \cdot c_v \cdot \Delta T$ για υποενσύνωτες Σιγυρά
 υπό V : σταθ.

4) ΔH

Σχόλιο: Εκ των (P, V, T) δι. \leqq είναι
αγ. & αριμέσι!

$$H = H(T, P) \Rightarrow dH = \underbrace{\left(\frac{\partial H}{\partial T} \right)_P}_{C_p = n \cdot c_p} dT + \underbrace{\left(\frac{\partial H}{\partial P} \right)_T}_{2^n \text{ Θ.K.E.}} dP$$

$$2^n \text{ Θ.K.E.} \cdot \left(\frac{\partial H}{\partial P} \right)_T = \underbrace{\left(\frac{\partial H}{\partial P} \right)_S}_\checkmark + \underbrace{\left(\frac{\partial H}{\partial S} \right)_P}_{T} \underbrace{\left(\frac{\partial S}{\partial P} \right)}_{-\left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P} \Big|_T \Rightarrow \left(\frac{\partial H}{\partial P} \right)_T = V - T \cdot \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P$$

1^η σχ.
Maxwell

$$\text{Αρχ: } dH = n \cdot c_p \cdot dT + \left(v - T \left(\frac{\partial v}{\partial T} \right)_p \right) dp$$

• Για p : σταθμό $\Rightarrow \Delta H = n c_p \Delta T$

• Για ιδανικό αέριο:

$\left(\frac{\partial H}{\partial P} \right)_T = 0$

$v - T \left(\frac{\partial v}{\partial T} \right)_P = 0$

Για ιδανικό αέριο

$\Delta H = n \cdot c_p \cdot \Delta T$

για ιδανικό αέριο

Ισοθερμή ($T: \alpha \theta$) ιδανικό
αέριο $\rightarrow \Delta H = 0$

$$5) \Delta S$$

α) Για το ηεριβαλλόν: $\Delta S_n = \frac{q_n}{T_n}$ $q_n = -q$

β) Για το Σύστημα:

β1) Αντιστροφή διεργασία: $\Delta S = \int \frac{dq}{T}$

Εδώ είναι η ισοθερμή:

$\Rightarrow \boxed{\Delta S = \frac{q}{T},}$

- αντιστροφή
- T : σταθ

g) Πολύ συχνά τιμώμεται όπως:

$$S = S(T, V) \quad ; \quad S = S(T, P)$$

$$\text{g1)} \quad S = S(T, V) \Rightarrow dS = \left(\frac{\partial S}{\partial T} \right)_V dT + \left(\frac{\partial S}{\partial V} \right)_T dV$$

*2ⁿ σχ.
Maxwell*

$$\frac{C_V}{T} = \frac{nC_V}{T}$$
$$\left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_V$$

$$\Rightarrow dS = nC_V \frac{dT}{T} + \underbrace{\left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_V}_{} dV$$

Χρειάζομαι
καταστάσιμη
εξίσωση

$$\Delta S: dS = nC_V \frac{dT}{T} + \left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_V dV$$

$\underbrace{\frac{nR}{V}}$

Εγγω στη έχω
Ιδανικό αλφίδ
 $P = \frac{nRT}{V}$

$\Rightarrow \boxed{\Delta S = nC_V \ln \frac{T_2}{T_1} + nR \ln \frac{V_2}{V_1}}$

Γενική σχέση για Ιδανικό Αλφίδ

Για καθεύδηση

Για $V: \sigma \alpha \theta$ $\Delta S = nC_V \ln \frac{T_2}{T_1}$ (Ισοχώρη: $V=\sigma T$)

Για $T: \sigma \alpha \theta$ $\Delta S = nR \ln \frac{V_2}{V_1}$

$$\text{y2)} \quad S = S(T, P) \Rightarrow dS = \left(\frac{\partial S}{\partial T} \right)_P dT + \left(\frac{\partial S}{\partial P} \right)_T dP$$

1. ex. Maxwell

$\left. \frac{\partial S}{\partial T} \right)_P$
 $\left. \frac{\partial S}{\partial P} \right)_T$

$$\frac{C_P}{T} = \frac{nC_P}{T}$$

$$-\left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P$$

$$\Rightarrow dS = n \cdot C_P \cdot \frac{dT}{T} - \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P dP$$

η penti va ζερων
την παραγωγή
ετιών !!

$$\Delta_{nJ.}: dS = nC_P \frac{dT}{T} - \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P dP$$

$\underbrace{nR}_{\frac{nR}{P}}$

Εβτών οτι εχω
Ιδανικό αέριο.

$\left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P = \frac{nR}{P}$

$$\Rightarrow \Delta S = nC_P \ln \frac{T_2}{T_1} - nR \ln \frac{P_2}{P_1}$$

Γενική εύτελη ιδανικού αέριου

Για κάθε
Σύστα
(υγρό, στρεβ
εται)

Tια Ισοβαρίν (P: σαν): $\Delta S = nC_P \ln \frac{T_2}{T_1}$

Tια T:εταθ: $\Delta S = -nR \ln \frac{P_2}{P_1}$ (ΙΔΑΝΙΚΟ ΑΕΡΙΟ)

Συνοψη σχεσιων ανα $S = S(T, V) \rightleftharpoons S = S(T, P)$

Τετρικές Σχέσεις (για στα γα Συστήματα:

Υγρά
Στερεά
Αερία

- V : σταθ. : $\Delta S = nC_V \ln \frac{T_2}{T_1}$

- P : σταθ. : $\Delta S = nC_P \ln \frac{T_2}{T_1}$

Για Ιδανικά Αερία:

$$\Delta S = nC_V \ln \frac{T_2}{T_1} + nR \ln \frac{V_2}{V_1}$$

$$\Delta S = nC_P \ln \frac{T_2}{T_1} - nR \ln \frac{P_2}{P_1}$$