



ΑΝΟΙΚΤΑ ακαδημαϊκά  
μαθήματα ΠΠ



# Εισαγωγή στον Προγραμματισμό Η/Υ για Χημικούς Μηχανικούς

Παρουσίαση Διαλέξεων: 6. Πίνακες  
Καθηγητής Δημήτρης Ματαράς



Copyright © 2014 by Prof. D. S. Mataras ([mataras@upatras.gr](mailto:mataras@upatras.gr)). This work is made available under the terms of the Creative Commons Attribution-NonCommercial-NoDerivs 3.0 license, <http://creativecommons.org/licenses/by-nc-nd/3.0/>

# Τι είναι οι πίνακες, ορισμοί

**ΠΙΝΑΚΑΣ:** Συλλογή δεδομένων (μεταβλητών ή σταθερών) του ίδιου τύπου, που εμφανίζονται με κοινό όνομα **το οποίο πρέπει να δηλωθεί υποχρεωτικά**

**ΟΝΟΜΑ** : Το κοινό όνομα υπό το οποίο δηλώνεται η συλλογή των δεδομένων

**ΣΤΟΙΧΕΙΟ ΠΙΝΑΚΑ** : Ένα από τα δεδομένα (μεταβλητή ή σταθερά) που περιέχονται στον πίνακα

**ΕΝΔΕΙΚΤΗΣ ΣΤΟΙΧΕΙΟΥ** : Ακέραιος αριθμός που δείχνει την θέση του στοιχείου στον πίνακα

**ΤΙΜΗ ΣΤΟΙΧΕΙΟΥ** : Η τιμή που περιέχει το στοιχείο του πίνακα

**ΙΔΙΟΤΗΤΕΣ ΠΙΝΑΚΑ** : *Τάξη* : το πλήθος των διαστάσεων του

*Μέγεθος* : το πλήθος των στοιχείων του  
δηλ. το γινόμενο των εκτάσεων του

*Μορφή* : ο τρόπος διάταξης των στοιχείων του

# Τι είναι οι πίνακες, παραδείγματα

`real :: a(6), x(2,3)`    **! δήλωση**

`a(1) = 3.5; x(1,1) = 2.5`

έκταση<sub>1</sub>

έκταση<sub>2</sub>

ΠΙΝΑΚΑΣ	a(6)	x(2,3)
ΟΝΟΜΑ	A	X
ΣΤΟΙΧΕΙΟ	a(1)	x(1,1)
ΕΝΔΕΙΚΤΗΣ ΣΤΟΙΧΕΙΟΥ	1	1, 1
ΤΙΜΗ ΣΤΟΙΧΕΙΟΥ	3.5	2.5
Τάξη	1	2
Μέγεθος	6	6
Μορφή	1x6	2x3

# Μεγέθη και εκτάσεις

Μέγεθος = έκταση

<b>a</b>	<b>a (1)</b>	<b>a (2)</b>	<b>a (3)</b>	<b>a (4)</b>	<b>a (5)</b>	<b>a (6)</b>
	3.500000	...	...	...	...	...

Μέγεθος = έκταση<sub>1</sub> x έκταση<sub>2</sub>

έκταση<sub>2</sub>

<b>x</b>	<b>x (1, 1)</b>	<b>x (1, 2)</b>	<b>x (1, 3)</b>
	2.500000	...	...
	<b>x (2, 1)</b>	<b>x (2, 2)</b>	<b>x (2, 3)</b>
	...	...	...

έκταση<sub>1</sub>

# Δήλωση πινάκων

δήλωση τύπου [ , ιδιότητες :: ] όνομα<sub>1</sub> (έκταση<sub>1</sub> [ , έκταση<sub>2</sub> , .. ] ) &  
[ , όνομα<sub>2</sub> (έκταση<sub>1</sub> [ , έκταση<sub>2</sub> , .. ] ) , ..

! ή

δήλωση τύπου, **DIMENSION** (έκταση<sub>1</sub> [ , έκταση<sub>2</sub> , .. ] ) :: όνομα<sub>1</sub> [ , όνομα<sub>2</sub> , .. ]

```
REAL :: a(10) , x(10) , y(3,2)
```

```
INTEGER :: r(5) , w(5) , g(6)
```

! ή το ίδιο

```
REAL, DIMENSION(10) :: a, x, y(3,2)
```

```
INTEGER, DIMENSION(5) :: r, w, g(6)
```

```
real :: a(5)
```

έκταση

ενδείκτης

```
a(5) = 4.5; a(2) = 2.5; a(3) = 1.
```

```
a(1) = a(5) + 2 * a(3)
```

```
a(4) = a(5) - a(2)
```

```
print*, a ; end
```


6.500000


2.500000

1.000000

2.000000

4.500000

 Ότι αναφέρεται σε αυτή την παρουσίαση αφορά **στατικούς πίνακες** δηλ. πίνακες των οποίων η *μορφή* και συνεπώς το *μέγεθος* και η *τάξη* είναι γνωστά από την δήλωση τους και **δεν αλλάζουν** κατά την διάρκεια της εκτέλεσης του προγράμματος.


 Όπως βλέπετε και από το παράδειγμα τα στοιχεία των πινάκων δεν είναι διαφορετικά από τις κοινές μεταβλητές, *αλλά συμβολίζονται διαφορετικά.*

### Προσέξτε:


- ▶ Άλλο η **έκταση** μιας διάστασης ενός πίνακα και άλλο ο **ενδείκτης** ενός στοιχείου του πίνακα. Η **έκταση** εμφανίζεται συνήθως **μόνο στις δηλώσεις** ενώ ο **ενδείκτης** οπουδήποτε εκτός από τις δηλώσεις
- ▶ Το **μέγεθος μονοδιάστατου (ή αλλιώς τάξης 1) πίνακα είναι ίσο με την έκταση**
- ▶ Η μέγιστη τιμή του **ενδείκτη** δεν πρέπει να ξεπερνά την **έκταση** της διάστασης του πίνακα δηλ. για μονοδιάστατο πίνακα δεν μπορεί να ξεπερνά το μέγεθος του
- ▶ Το **μέγεθος πολυδιάστατου πίνακα είναι ίσο με το γινόμενο των εκτάσεων του**
- ▶ Ο πίνακας μπορεί να έχει **μέχρι 7 διαστάσεις!** (δηλ. τάξη 7) Συνήθως όμως χρησιμοποιούνται πίνακες τάξης 1 και 2 ή το πολύ 3.

# Δίνουμε τιμές σε όλο τον πίνακα ή σε στοιχεία του


```
real::a(6) = 1.0    !όλες οι τιμές 1.000000
do i = 1, 6        !με do
  a(i) = i         !τιμές ίδιες με τον ενδείκτη
end do
a = sqrt(a)       !αντικατάσταση όλων των τιμών με sqrt(a)
end
```



a	a(1)	a(2)	a(3)	a(4)	a(5)	a(6)
	1.000000	1.000000	1.000000	1.000000	1.000000	1.000000



a	a(1)	a(2)	a(3)	a(4)	a(5)	a(6)
	1.000000	2.000000	3.000000	4.000000	5.000000	6.000000



a	a(1)	a(2)	a(3)	a(4)	a(5)	a(6)
	1.000000	1.414213	1.732051	2.000000	2.236068	2.449490

# Δίνουμε τιμές από τον χρήστη με READ

```
real::a(6) = 1.0 !όλες οι τιμές 0.0
do i = 1, 6
  print '(a15, i2)', 'δώσε την τιμή', i
  read*, a(i)
end do
print '(6f5.2)', a
end
```

```
δώσε την τιμή 1
6
δώσε την τιμή 2
5.5
δώσε την τιμή 3
5
δώσε την τιμή 4
4.5
δώσε την τιμή 5
4
δώσε την τιμή 6
3.5
6.00 5.50 5.00 4.50 4.00 3.50
```

a	a(1)	a(2)	a(3)	a(4)	a(5)	a(6)
	1.000000	1.000000	1.000000	1.000000	1.000000	1.000000
a	a(1)	a(2)	a(3)	a(4)	a(5)	a(6)
	6.000000	5.500000	5.000000	4.500000	4.000000	3.500000



# Δίνουμε τιμές με κατασκευαστή

μόνο σε μονοδιάστατους πίνακες

```
real::a(5) = (/1.,3.,5.,7.,9./)    !κατασκευαστής
print 8, a
8 format(5f5.2)

a = (/2.,4.,6.,8.,10/)           !κατασκευαστής
print 8, a
a = [1.5,3.,6.,8.,9.5]           !κατασκευαστής fortran 2003
print 8, a

a =(/(i, i = 1,5)/) !κατασκευαστής με υπονοούμενη επανάληψη
print 8, a
a =[(i, i = 1,5)]    !το ίδιο στη fortran 2003
print 8, a

end
```

1.00	3.00	5.00	7.00	9.00
2.00	4.00	6.00	8.00	10.00
1.50	3.00	6.00	8.00	9.50
1.00	2.00	3.00	4.00	5.00
1.00	2.00	3.00	4.00	5.00

# Περισσότερη υπονοούμενη επανάληψη

```
real                :: pi = 4. * atan(1.)
real, dimension(5) :: x = 0, y = 0
5 format(a4,5f9.5,/)
x=[(pi * i, i = 1, 5)] !κατασκευαστής με υπον. επανάληψη
A print 5, 'A)', x      !εκτύπωση του πίνακα
```

```
B print 5, 'B)', (pi * i, i = 1, 5) !εκτύπωση με υπον. επανάληψη
```

```
                    C
y=[(sqrt(1. * j), j = 1, 5)]; print 5, 'C)', y
```

```
D print 5, 'D)', (sqrt(1. * j), j = 1, 5)
```

```
end
```

A)	3.14159	6.28319	9.42478	12.56637	15.70796
B)	3.14159	6.28319	9.42478	12.56637	15.70796
C)	1.00000	1.41421	1.73205	2.00000	2.23607
D)	1.00000	1.41421	1.73205	2.00000	2.23607

# Η εγγενής συνάρτηση `size`

σε δηλώσεις, κατασκευαστές, επαναλήψεις

```
character(50)::string1
```

```
real::x(5,5) = 0, a(size(x, 1)) !δήλωση με size
```

```
a=[(i, i = 1, size(x,1))] !κατασκευαστής με size
```

```
write(string1,*)'(/,2x',size(a),'f4.1,/)'
```

Εσωτερικό Αρχείο

```
write(*,'(a,i2,a)')string1 !τυπώνω το format για να το δω
```

```
write(*, string1) a !τυπώνω τον πίνακα με αυτό το format
```

```
do i = 1, size(a) !επανάληψη με size
```

```
  x(i,i) = i !δίνει τιμές στη διαγώνιο
```

```
  write(6,'(2x, f4.1)', advance='no') x(i, i)
```

```
end do
```

```
print string1, (x(i,i), i=1,size(x,1)) !υπονοούμενη επανάληψη
```

```
end
```

```
(/, 2x, 5f4.1,/)
```

```
1.0 2.0 3.0 4.0 5.0
```

```
1.0 2.0 3.0 4.0 5.0
```

```
1.0 2.0 3.0 4.0 5.0
```

**ΠΑΡΑΔΕΙΓΜΑ:** Έστω δύο μονοδιάστατοι πίνακες μεγέθους 5 και 10 στοιχείων αντίστοιχα που αντιπροσωπεύουν δύο σύνολα ακέραιων αριθμών. α) Δώστε τιμές στους δύο πίνακες χρησιμοποιώντας κατασκευαστή και τυπώστε την τομή των δύο συνόλων. β) Καταχωρίστε σε αρχείο διαδοχικής πρόσβασης την ένωση των δύο συνόλων.

---

**program sets !Εξετάσεις Φεβ. 2011 Υ&Α άσκηση 3**

```
implicit none
```

```
integer::a(5)=[1,5,2,8,15],i,j
```

```
integer::b(10)=[7,20,4,2,1,9,6,8,13,17]; logical::set
```

```
call execute_command_line('chcp 1253')
```

```
open(9,file = 'union.dat')
```

```
print'($, a28)', 'η τομή των 2 συνόλων είναι:'
```

```
ier:do i = 1, size(a)
```

```
  set = .false.
```

```
  jer:do j = 1, size(b)
```

```
    if(a(i) == b(j))then !κοινά στοιχεία
```

```
      print'($,i3)',a(i); set = .true.; exit jer
```

```
    endif
```

```
  enddo jer
```

```
  if(.not.set)write(9,'(i3)') a(i) !μη κοινά στοιχεία
```

```
enddo ier
```

```
  write(9,'(i3)')(b(i),i = 1, size(b))
```

```
close(9)
```

```
end program sets
```

# Αθροίσματα και Γινόμενα

## οι εγγενείς συναρτήσεις SUM και PRODUCT

```
real :: a(5) = [1.,2.,3.,4.,5.], s = 0.  
print*, sum(a)      !με εγγενή συνάρτηση  
  []  
do i = 1, size(a) !χωρίς εγγενή συνάρτηση  
  s = s + a(i)  
end do  
print*, s  
end
```



**ΠΡΟΣΕΞΤΕ:** η εγγενής συνάρτηση **SUM**  
κάνει αθροίσματα πινάκων  
**όχι αθροίσματα γενικώς!**

```
real  :: a(5) = [1.,2.,3.,4.,5.], p = 1.  
print*, product(a) !με εγγενή συνάρτηση  
  []  
do i = 1, size(a) !χωρίς εγγενή συνάρτηση  
  p = p * a(i)  
end do  
print*, p  
end
```



**ΠΡΟΣΕΞΤΕ:** η εγγενής συνάρτηση **PRODUCT**  
κάνει γινόμενα πινάκων  
**όχι γινόμενα γενικώς!**

## Τιμές σε πίνακα τάξης 2

```
integer :: x(2,3)
do i = 1, 2
  do j = 1, 3
    x(i,j) = i * 10 + j
    !print' ($,2x,i2) ',x(i,j)
    write (*, '(2x, i2) ', advance='no') x(i,j)
  enddo
  print*
enddo
print' (/, 6i4) ',x
end
```

11	12	13
21	22	23

11	21	12	22	13	23
----	----	----	----	----	----

Όπως βλέπετε στο παράδειγμα τα στοιχεία του πίνακα καταχωρίζονται στη μνήμη **με προτεραιότητα στήλης** και όχι γραμμής. Αυτό φαίνεται καθαρά στην τελευταία πρόταση εκτύπωσης.

```
program extremes
  implicit none

! δηλώσεις:
  integer, parameter:: max_size = 10! μέγιστο πλήθος τιμών
  integer, dimension(max_size):: x  ! τιμές
  integer :: imax                    ! ενδείκτης μέγιστης τιμής
  integer :: imin                    ! ενδείκτης ελάχιστης τιμής
  integer :: i                       ! αριθμητής do
  integer :: n                       ! πλήθος τμημάτων
  integer :: tmax, tmin              ! προσωρινή μνήμη

! αρχή:
  call execute_command_line('chcp 1253')
```

```
ask: do
  write (*,*) 'πλήθος τιμών;'
  read  (*,*) n

  check:if (n == 0) then
    print *, 'χαιρετίσματα'
    exit ask

  elseif  (n <= max_size) then check

    in: do i = 1, n
      write (*,10) 'δώσε την τιμή ', i
      format (' ',a,i3,': ')
      read  (*,*) x(i)
    end do in

    tmax = x(1); imax = 1
    tmin = x(1); imin = 1
```

10



```
comp: do i = 2, n
  if      (x(i) > tmax) then
    tmax = x(i); imax = i
  elseif (x(i) < tmin) then
    tmin = x(i); imin = i
  end if
end do comp
```

11

```
write (*,11)
format (' ', 'οι τιμές είναι:')
out: do i = 1, n
  if      (i == imax) then
    write (*, '(1x,i6,2x,a)') x(i), 'Μέγιστος'
  elseif (i == imin) then
    write (*, '(1x,i6,2x,a)') x(i), 'Ελάχιστος'
  else
    write (*, '(1x,i6)') x(i)
  endif
end do out
```

```
else check
    write (*,12) max_size
12    format (1x,'δώσε αριθμό < ', i3, ' ή 0 για έξοδο')
endif check

enddo ask

end program extremes
```

```
πλήθος τιμών;
5
δώσε την τιμή 1:
-3
δώσε την τιμή 2:
4
δώσε την τιμή 3:
5
δώσε την τιμή 4:
7
δώσε την τιμή 5:
-2
οι τιμές είναι:
-3 Ελάχιστος
4
5
7 Μέγιστος
-2
πλήθος τιμών;
```

```
πλήθος τιμών;
12
δώσε αριθμό < 10 ή 0 για έξοδο
πλήθος τιμών;
0
χαιρετίσματα
```

# Διάταξη επιλογής (selection sort)

```
program selection      ! διάταξη σε αύξουσα σειρά
  implicit none
!  δηλώσεις:
  integer :: ipos ! ενδείκτης της θέσης του ελάχιστου
  integer :: temp, i, j
  real    :: x(5) = [3, 5, -7, 6, 10]
!  αρχή:
  call execute_command_line('ch
scan: do i = 1, size(x) - 1
    ipos = i
    in: do j = i + 1, size(x)
      if (x(j) < x(ipos)) ipos = j
    enddo in
    swap: if (i /= ipos) then
      temp = x(i); x(i) = x(ipos); x(ipos) = temp
    endif swap
    print '(a, i2, a, 5f5.1)', ' επανάληψη', i, ' ', x
  end do scan
end program selection
```

επανάληψη 1)	-7.0	5.0	3.0	6.0	10.0
επανάληψη 2)	-7.0	3.0	5.0	6.0	10.0
επανάληψη 3)	-7.0	3.0	5.0	6.0	10.0
επανάληψη 4)	-7.0	3.0	5.0	6.0	10.0

# Η μέθοδος του τραπεζίου

υπολογισμός του ορισμένου ολοκληρώματος πινακοποιημένων τιμών

---

```
program trapezoid
  implicit none
  integer, parameter :: n = 1000
  integer :: i
  real(8) :: h, s, area, x(n), y(n)
  open (10, file = 'function.txt', status = 'old')
  read (10, *) (x(i), y(i), i = 1, n)

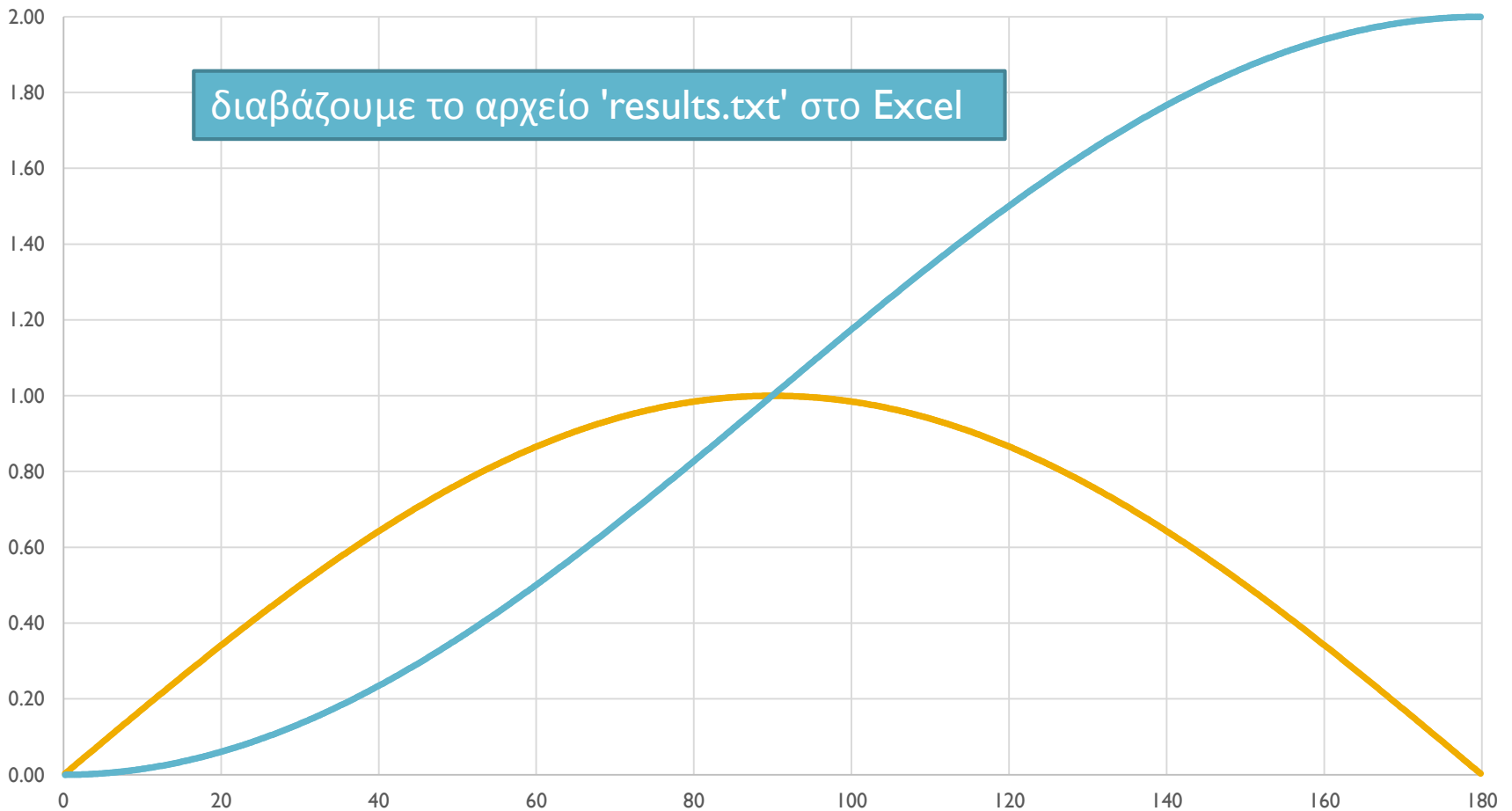
  h = (y(n) - y(1))/n; s = (y(1) + y(n))/2
  open (11, file = 'results.txt')

  do i = 2, n
    s = s + (y(i)); area = h * s * n
    write (11,*) x(i), y(i), area
  enddo

  close(10); close(11)
  print *, 'the integral of the function is:', area
end program trapezoid
```

# Η μέθοδος του τραπεζίου

υπολογισμός του ορισμένου ολοκληρώματος πινακοποιημένων τιμών



# Διάταξη αντιμετάθεσης (bubble sort)

---

```
program bubble      ! διάταξη σε αύξουσα σειρά
  implicit none
  ! δηλώσεις:
  logical :: changes ! .true. όταν γίνει αντιμετάθεση
  integer :: temp, i, n = 0
  real    :: x(5) = [3, 5, -7, 6, -10]
  ! αρχή:
  call execute_command_line('chcp 1253')
  out:do
    changes = .false.
    in:do i = size(x), 2, -1
      if (x(i-1) > x(i)) then
        temp = x(i-1); x(i-1) = x(i); x(i) = temp
        changes = .true.
      endif
      n=n+1; print '(a,i3,a,5f5.1)', ' επανάληψη', n, ' ', x
    enddo in
    if(.not.changes) exit out
  enddo out
end program bubble
```

# Διάταξη αντιμετάθεσης (bubble sort)

```
program bubble      ! διάταξη σε αύξουσα σειρά
  implicit none
!  δηλώσεις:
  logical :: changes ! .true. όταν γίνει αντιμετάθεση
  integer :: temp, i, n = 0
  real    :: x(5) = [3, 5, -7, 6, -10]
!  αρχή:
  call execute_command_line('clear')
  out:do
    changes = .false.
    in:do i = size(x) - 1, 1, -1
      if (x(i-1) > x(i)) then
        temp = x(i-1)
        x(i-1) = x(i)
        x(i) = temp
        changes = .true.
      endif
      n=n+1; print*, 'επανάληψη', n, x
    enddo in
    if(.not.changes) then
      print*, 'Τέλος'
    endif
  enddo out
end program bubble
```

```
επανάληψη 1)  3.0  5.0 -7.0-10.0  6.0
επανάληψη 2)  3.0  5.0-10.0 -7.0  6.0
επανάληψη 3)  3.0-10.0  5.0 -7.0  6.0
επανάληψη 4) -10.0  3.0  5.0 -7.0  6.0
επανάληψη 5) -10.0  3.0  5.0 -7.0  6.0
επανάληψη 6) -10.0  3.0 -7.0  5.0  6.0
επανάληψη 7) -10.0 -7.0  3.0  5.0  6.0
επανάληψη 8) -10.0 -7.0  3.0  5.0  6.0
επανάληψη 9) -10.0 -7.0  3.0  5.0  6.0
επανάληψη 10) -10.0 -7.0  3.0  5.0  6.0
επανάληψη 11) -10.0 -7.0  3.0  5.0  6.0
επανάληψη 12) -10.0 -7.0  3.0  5.0  6.0
```





# Σημείωμα Αναφοράς

Copyright Πανεπιστήμιο Πατρών, Όνομα μέλους ή μελών ΔΕΠ 2014:  
Δημήτριος Ματαράς. «Εισαγωγή στον Προγραμματισμό Η/Υ». Έκδοση: 1.0.  
Πάτρα 2014. Διαθέσιμο από τη δικτυακή διεύθυνση:  
<https://eclass.upatras.gr/courses/CMNG2178>.

# Χρηματοδότηση

- ▶ Το παρόν εκπαιδευτικό υλικό έχει αναπτυχθεί στο πλαίσιο του εκπαιδευτικού έργου του διδάσκοντα.
- ▶ Το έργο «**Ανοικτά Ακαδημαϊκά Μαθήματα στο Πανεπιστήμιο Αθηνών**» έχει χρηματοδοτήσει μόνο την αναδιαμόρφωση του εκπαιδευτικού υλικού.
- ▶ Το έργο υλοποιείται στο πλαίσιο του Επιχειρησιακού Προγράμματος «Εκπαίδευση και Δια Βίου Μάθηση» και συγχρηματοδοτείται από την Ευρωπαϊκή Ένωση (Ευρωπαϊκό Κοινωνικό Ταμείο) και από εθνικούς πόρους.



# Σημείωμα Αδειοδότησης

Το παρόν υλικό διατίθεται με τους όρους της άδειας χρήσης Creative Commons Αναφορά, Μη Εμπορική Χρήση Παρόμοια Διανομή 4.0 [1] ή μεταγενέστερη, Διεθνής Έκδοση. Εξαιρούνται τα αυτοτελή έργα τρίτων π.χ. φωτογραφίες, διαγράμματα κ.λ.π., τα οποία εμπεριέχονται σε αυτό και τα οποία αναφέρονται μαζί με τους όρους χρήσης τους στο «Σημείωμα Χρήσης Έργων Τρίτων».



[1] <http://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/4.0/>

Ως **Μη Εμπορική** ορίζεται η χρήση:

- που δεν περιλαμβάνει άμεσο ή έμμεσο οικονομικό όφελος από την χρήση του έργου, για το διανομέα του έργου και αδειοδόχο
- που δεν περιλαμβάνει οικονομική συναλλαγή ως προϋπόθεση για τη χρήση ή πρόσβαση στο έργο
- που δεν προσπορίζει στο διανομέα του έργου και αδειοδόχο έμμεσο οικονομικό όφελος (π.χ. διαφημίσεις) από την προβολή του έργου σε διαδικτυακό τόπο

Ο δικαιούχος μπορεί να παρέχει στον αδειοδόχο ξεχωριστή άδεια να χρησιμοποιεί το έργο για εμπορική χρήση, εφόσον αυτό του ζητηθεί.