

ΘΕΩΡΙΑ ΣΗΜΑΤΩΝ & ΣΥΣΤΗΜΑΤΩΝ

Εμμανουήλ Ζ. Ψαράκης Πολυτεχνική Σχολή Τμήμα Μηχανικών Η/Υ & Πληροφορικής

Θεωρία Σημάτων και Συστημάτων Σκοπός του μαθήματος

Η Συστηματική Περιγραφή:

- των Σημάτων και
- των Συστημάτων



Θεωρία Σημάτων και Συστημάτων

Τι είναι Σήμα; Ένα πρότυπο μεταβολών μιας ποσότητας που μπορεί να:

- επεξεργαστεί
- αποθηκευθεί
- μεταδοθεί



Θεωρία Σημάτων και Συστημάτων Ημητονικά Περιοδικά Σήματα

Joseph Fourier 1768 –1830







Θεωρία Σημάτων και Συστημάτων *Περιγραφή Σημάτων*: Η έννοια της Βάσης

Κάθε περιοδικό σήμα με θεμελιώδη περίοδο Το μπορεί να γραφεί ως ακολούθως

Joseph Fourier 1768 –1830



$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} a_k e^{j(2\pi/T_0)kt}$$

Το γεγονός ότι μια ασυνεχής τετραγωνική κυματομορφή μπορεί να αναπαρασταθεί με ένα άπειρο αριθμό ημιτονοειδών κυμάτων ήταν ένας από τους εκπληκτικούς ισχυρισμούς στην περίφημη εργασία του Fourier το 1807. Πήρε πολλά χρόνια πριν οι μαθηματικοί καταφέρουν να βρουν μια αυστηρά τεκμηριωμένη απόδειξη που να πιστοποιεί τον ισχυρισμό του Fourier.



Παράδειγμα: Συνθετικό φωνήεν.





Παράδειγμα: Συνθετικό φωνήεν.

k	f_k (Hz)	a_k	Μέτρο	Φάση
1	100	0	0	0
2	200	386 + j6101	6113	1.508
3	300	0	0	0
4	400	-4433 + j14024	14708	1.877
5	500	24000 - j4498	24418	-0.185
6	600	0	0	0
15	1500	0	0	0
16	1600	828 - j6760	6811	-1.449
17	1700	2362 + j0	2362	0



Παράδειγμα: Δυνσετικό ψωνηεν-γραψικές παραστάσεις μερικών ασροισμάτων



40

40

Χρόνο-Συχνοτική Περιγραφή Σημάτων-Φασματογράφημα.

Μεσαία C	D	E	F	G	Α	В	С
262 Hz	294	330	349	392	440	494	523





Χρόνο-Συχνοτική Περιγραφή Σημάτων-Φασματογράφημα.





Περιγραφή Σημάτων στο Χώρο της Συχνότητας-Φάσμα Σήματος

- Η Περίπτωση Γραμμικού Συνδυασμού Ημιτονοειδών Σημάτων (χωρίς περιορισμό στις συχνότητές τους)
- Η Περίπτωση του Πεπερασμένου Πλήθους Αρμονικών (Σειρές Fourier)
- Η Περίπτωση του Άπειρου αλλά Αριθμήσιμου Πλήθους Αρμονικών (Σειρές Fourier)
- 4. Η Περίπτωση του Άπειρου μη Αριθμήσιμου Πλήθους Αρμονικών (Μετασχηματισμός Fourier)



Θεωρία Σημάτων και Συστημάτων Σκοπός του μαθήματος

Τι είναι Σύστημα;

Οτιδήποτε μπορεί να:

- χειριστεί
- καταγράψει
- μεταδόσει





Τα σήματα ως πρότυπα μεταβολών στο Συνεχή χρόνο.





Τα σήματα ως πρότυπα μεταβολών στο Διακριτό χρόνο.



 $s[n] = s(t) \mid_{t=nT_s}$



Τα σήματα ως πρότυπα χωρικών μεταβολών (Συνεχής περίπτωση).



I(x, y)

V

Τα σήματα ως πρότυπα χωρικών μεταβολών (Διακριτή περίπτωση).



т

$$I[n,m] = I(x,y)|_{x=n\Delta x, y=m\Delta y}$$



Θεωρία Σημάτων και Συστημάτων Μαθηματική Περιγραφή Σημάτων Κατηγοριοποίηση των σημάτων, σε σχέση με την διάρκειά τους

•Δίπλευρα Άπειρης Διάρκειας Σήματα.





•Μονόπλευρα Άπειρης Διάρκειας Σήματα.





Θεωρία Σημάτων και Συστημάτων Μαθηματική Περιγραφή Σημάτων •Σήματα Πεπερασμένης Διάρκειας.





Κατηγοριοποίηση των σημάτων σε σχέση με την επαναληψημότητα ή μη ενός προτύπου.





Κατηγοριοποίηση των σημάτων διακριτού (συνεχούς) χρόνου σε σχέση με το αν υπάρχει ή μη η $l_p(L_p)$ (1<p< ∞) μετρική τους.





Μερικές Κλασσικές Εφαρμογές της Επεξεργασίας Σημάτων Μετασχηματισμός Σημάτων

Joseph Fourier 1768 –1830







Μερικές Κλασσικές Εφαρμογές της Επεξεργασίας Σημάτων Γραμμικά Συστήματα

EIΣ

Joseph Fourier 1768 –1830



$$x(t) \qquad T \{x(t)\} \qquad y(t) = T \{x(t)\}$$

$$x[n] \qquad \sum_{\substack{\lambda \mid \alpha \neq 0 \text{ tot } X_{0} \text{ for } Y_{0}} y[n] = T \{x[n]\}$$

$$EI\SigmaO\DeltaO\Sigma \qquad T \{\cdot\} \qquad EEO\DeltaO\Sigma$$



Μερικές Κλασσικές Εφαρμογές της Επεξεργασίας Σημάτων Γραμμικά μη Γραμμικά Συστήματα



Μερικές Κλασσικές Εφαρμογές της Επεξεργασίας Σημάτων Χρονικά Αμετάβλητα και Χρονικά Μεταβαλλόμενα

Joseph Fourier 1768 –1830







Μερικές Κλασσικές Εφαρμογές της Επεξεργασίας Σημάτων Γραμμικά Χρονικά Αμετάβλητα Συστήματα

Joseph Fourier 1768 –1830







Μερικές Κλασσικές Εφαρμογές της Επεξεργασίας Σημάτων Γραμμικά Χρονικά Αμετάβλητα Συστήματα

Joseph Fourier 1768 –1830

Ιδιότητες ΓΧΑ Συστημάτων Συνεχούς Χρόνου.
Ευστημέτω ΒΙΒΟ

•Αιτιατοτητί

Απόκου το ΓΧΑ Συστημάτων σε Μιγαδικά Εκθετικά Σήματα
Ματαστρατισμός Fourier Συνεχούς Χρόνου Σημάτων
Συναι μετασχηματισμός Fourier Συνεχούς Χρόνου Σημάτων
Μετασχηματισμός -Laplace



Μερικές Κλασσικές Εφαρμογές της Επεξεργασίας Σημάτων Γραμμικά Χρονικά Αμετάβλητα Συστήματα

Joseph Fourier 1768 –1830

•Ιδιότητες ΓΧΑ Συστημάτων Διακριτού Χρόνου.

- •Ευστάδια ΒΙΒΟ
- •Αιτιατοτήτο

Απόκοις τη ΓΧΑ Συστημάτων σε Μιγαδικές Εκθετικές Ακολουθίες
Δι τη Κρότου Μετασχηματισμός Fourier

Συτογγιατισμός Τουτού Χρόνου Μετασχηματισμός Fourier
Μετασχηματισμός -Z





Μερικές Κλασσικές Εφαρμογές της Επεξεργασίας Σημάτων Μετασχηματισμός Σημάτων

Joseph Fourier 1768-1830







2-Δ Γραμμικοί Μετασχηματισμοί Σημάτων





Μετασχηματισμοί Σημάτων ...



Initial Image

Shifted DFT

Detected blobs

... και Το Προσθετικό Μοντέλο

Σήμα = Πληροφορία + Θόρυβος

Μερικές Κλασσικές Εφαρμογές της Επεξεργασίας Σημάτων Επεξεργασία Σημάτων: Φιλτράρισμα (1#4 Σήμα = Πληροφορία + Θόρυβος



Επεξεργασία Σημάτων: Φιλτράρισμα



Σήμα = Πληροφορία + Θόρυβος



Μερικές Κλασσικές Εφαρμογές της Επεξεργασίας Σημάτων Επεξεργασία Σημάτων: Φιλτράρισμα (34

Σήμα = Πληροφορία + Θόρυβος





Μερικές Κλασσικές Εφαρμογές της Επεξεργασίας Σημάτων Επεξεργασία Σημάτων: Φιλτράρισμα (4# Σήμα = Πληροφορία + Θόρυβος



Επεξεργασία Σημάτων: Συμπίεση

Δεδομένα = Πληροφορία + Πλεονάζοντα Δεδομένα



Πληροφορία

Μερικά Πρότυπα

(1#4)

•Mp3, mp4, ...

•JPEG, JPEG2000, .

•MPEG-4, MPEG-7,



Επεξεργασία Σημάτων: Συμπίεση

Δεδομένα = Πληροφορία + Πλεονάζοντα Δεδομένα





2#4



Αρχική



Επεξεργασία Σημάτων: Συμπίεση

Δεδομένα = Πληροφορία + Πλεονάζοντα Δεδομένα





(3#4)



Αρχική

Συμπιεσμένη (27:1) JPEG2000

Επεξεργασία Σημάτων: Συμπίεση

Δεδομένα = Πληροφορία + Πλεονάζοντα Δεδομένα





(4#4

Εικονική Πραγματικότητα (Virtual Reality)





















Αναγεννητικά Συνελικτικά Νευρωνικά Δίκτυα



Συνελικτικά Νευρωνικά Δίκτυα





Αναγεννητικά Συνελικτικά Νευρωνικά Δίκτυα





Αναγεννητικά Συνελικτικά Νευρωνικά Δίκτυα





Data driven approach: Autoencoders



